



การเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนต์อีลีเมนต์กับผลจากการคำนวณโดย  
สูตรสำเร็จ และการใช้หน่วยแรงคั่นที่วิเคราะห์ได้สำหรับการคำนวณออกแบบ

การเปรียบเทียบผลการวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนต์อีลีเมนต์กับสูตรสำเร็จ

1. หน่วยแรงคั่นคานข้างกระทำกับผนังไซโล

รูปที่ 29 ถึง 30 แสดงขนาดและลักษณะการกระจายหน่วยแรงคั่นคานข้างของมวล  
ข้าวเปลือกที่กระทำต่อผนังไซโล 5 ขนาด ที่คำนวณจากสูตรสำเร็จของแจนเสน เริ่มเบิร์ต  
และแอร์ย์ ตามลำดับ โดยใช้ความหนาแน่นของมวลข้าวเปลือกเท่ากับ 617.9 กิโลกรัมต่อ  
ลูกบาศก์เมตร และอัตราส่วนหน่วยแรงคั่นคานข้างต่อหน่วยแรงคั่นในแนวตั้ง,  $k$  ที่คำนวณได้  
จากสูตร  $k = (1 - \sin \phi) (1 + \sin \phi)$  โดยสมมุติให้มุมแห่งความฝืดภายใน ( $\phi$ ,  
Angle of Internal Friction) มีค่าเท่ากับมุมลาดชันปกติ ( $\phi$ , Angle of Repose)  
ส่วนสัมประสิทธิ์ของความฝืดระหว่างมวลข้าวเปลือกกับผนังไซโล ( $\mu'$ ) ซึ่งทำด้วยคอนกรีตได้  
ใช้ค่าเท่ากับ 0.44 ซึ่งเป็นค่าอยู่ในระหว่างกลางที่ ACI Committee 313<sup>(5)</sup> กำหนดไว้

เมื่อเปรียบเทียบกับผลที่ได้จากการวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนต์อีลีเมนต์ซึ่งแสดงไว้ตาม  
รูปที่ 27 จะพบว่าหน่วยแรงคั่นคานข้างที่คำนวณจากสูตรสำเร็จทั้ง 3 มีค่าสูงกว่าที่ได้จากวิธี  
ไฟไนต์อีลีเมนต์ในทุก ๆ ระดับความลึกและขนาดแรงคั่นสูงสุดจะมีค่าสูงกว่าถึงประมาณเกือบ  
หนึ่งเท่าตัวในไซโลขนาดเดียวกัน นอกจากนั้นในรูปที่ 31 ยังเป็นการแสดงเปรียบเทียบให้  
เห็นอย่างชัดเจนอีกชั้นหนึ่งสำหรับไซโลขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 10 เมตร โดยเส้นกราฟ  
หน่วยแรงคั่นคานข้างที่คำนวณโดยสูตรสำเร็จของแจนเสนและเริ่มเบิร์ตได้คำนวณโดยใช้ค่า  
ของ  $\mu'$  ต่าง ๆ กัน คือ 0.4, 0.6 และ 0.8 ซึ่งทำให้เห็นว่าในการใช้สูตรสำเร็จทั้งสอง  
แม้จะประมาณค่าของ  $\mu'$  มากเกินไป ค่าของหน่วยแรงคั่นคานข้างก็ยังสูงกว่าค่าที่ได้จากการ

วิเคราะห์โดยไฟไนต์อีเมนต์ นอกจากนั้นยังได้แสดงเส้นกราฟหน่วยแรงค้ำคานข้างโดยสูตรสำเร็จของ ACI - 714 <sup>(3)</sup> เพื่อการเปรียบเทียบไว้ในรูปดังกล่าวด้วย ซึ่งจะเห็นว่าสูตรสำเร็จของ ACI - 714 นี้ ไรค่าของหน่วยแรงค้ำคานข้างและอัตราการเพิ่มสูงมากตลอดระยะเวลาความลึกวัดจากผิวของวัสดุที่บรรจุ ทั้งนี้เพราะเป็นสูตรสำเร็จที่กำหนดขึ้นจากเส้นกราฟแสดงขนาดและลักษณะการกระจายตัวของแรงค้ำคานข้างที่ได้จากการทดลองวัดจากไซโลจริงขนาดต่าง ๆ ที่ใช้บรรจุวัสดุมวลเม็ดชนิดต่าง ๆ กันดังได้กล่าวมาแล้วในบทที่ 2

## 2. หน่วยแรงค้ำคานในแนวตั้งที่แกนศูนย์กลางของไซโล

รูปที่ 33 และ 34 เป็นกราฟของหน่วยแรงค้ำคานในแนวตั้งที่จุดศูนย์กลางไซโลบรรจุข้าวเปลือก เทียบกับระดับความลึกวัดจากผิวมวลข้าวเปลือกจนถึงพื้นที่ใดจากการวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนต์อีเมนต์ และสูตรสำเร็จของแจนเสน เริ่มเบิร์ต และแอเรีย ตามลำดับ ซึ่งเมื่อเปรียบเทียบกันก็จะเห็นว่าผลจากวิธีไฟไนต์อีเมนต์ให้ค่าหน่วยแรงค้ำคานในแนวตั้งที่ระดับความลึกในช่วง 7 - 20 เมตร ต่ำกว่าที่คำนวณโดยสูตรสำเร็จทั้งสามประมาณ 15 - 20 เปอร์เซ็นต์ โดยเฉพาะอย่างยิ่งในไซโลขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 6, 8 และ 10 เมตร ข้อที่น่าสังเกตประการหนึ่งของหน่วยแรงค้ำคานในแนวตั้งที่คำนวณโดยสูตรสำเร็จของแอเรีย ก็คือขนาดของหน่วยแรงสูงสุดจะเกิดขึ้นที่บริเวณความลึกวัดจากผิวระยะหนึ่งเท่านั้นคือที่ระยะลึกประมาณ 2 เท่าของขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง เมื่อลึกลงไปกว่าหน่วยแรงค้ำคานในแนวตั้งจะค่อย ๆ ลดลงเพราะฉะนั้นในกรณีที่ไซโลมีอัตราส่วนความสูงต่อขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง H/D มากกว่า 2.00 ขึ้นไปเมื่อบรรจุมวลข้าวเปลือกเต็มขนาดของแรงค้ำคานในแนวตั้งสูงสุดจะไม่อยู่ที่พื้นไซโล ที่เป็นเช่นนี้เป็นเพราะเหตุว่ายิ่งระดับลึกมากขึ้นเท่าใดอิทธิพลของความถี่ระหว่างผนังกับมวลข้าวเปลือกซึ่งช่วยพยุงน้ำหนักของมวลข้าวเปลือกไว้ก็ยิ่งทวีมากขึ้นนั่นเอง

การเปรียบเทียบขนาดและลักษณะการกระจายของหน่วยแรงค้ำคานทั้งทางค้ำคานข้างและในแนวตั้งที่ได้จากการวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนต์อีเมนต์กับที่ได้จากการคำนวณโดยสูตรสำเร็จดังกล่าวมาแล้วนั้น แสดงให้เห็นว่าการวิเคราะห์หน่วยแรงต่าง ๆ ซึ่งเกิดขึ้นในไซโลเนื่องจากวัสดุมวลเม็ดที่บรรจุเพื่อใช้ในการออกแบบก่อสร้างไซโลที่มีประสิทธิภาพจะต้องคำนึงถึงข้อมูล

(5)  
 เกี่ยวกับคุณสมบัติของมวลวัสดุที่จะนำมาบรรจุและวิธีการที่จะวิเคราะห์ ACI Committee 313  
 ได้เสนอข้อมูลของวัสดุมวลเบ้คไว้หลายชนิดและกล่าวเสริมว่าควรจะใช้ข้อมูลที่ไ้จากการทค  
 ลองตรวจสอบ ส่วนการวิเคราะห์โดยวิธีสุรสำเร็จต่าง ๆ ยังมีข้อบกพร่อง คือไม่ให้พิจารณา  
 ถึงลักษณะการยุบตัว การลื่นไถล และความหนาแน่นของวัสดุมวลเบ้คที่เปลี่ยนแปลงไปขณะที่ยร  
 จุไว้ในไซโล รวมทั้งสภาพเงื่อนไซต่าง ๆ ที่จะมีอิทธิพลต่อหน่วยแรงที่จะเกิดขึ้น ดังนั้นการ  
 วิเคราะห์ด้วยวิธีไฟไนท์อีลีเมนต์ในงานวิจัยนี้จะให้ผลที่ถูกต้องกับความเป็นจริงมากกว่าเพราะ  
 เป็นวิธีที่สามารถจำลองระบบโครงสร้างอันซับซ้อนได้ที่ดีที่สุด

### การใช้หน่วยแรงกันที่วิเคราะห์ได้สำหรับการคำนวณออกแบบ

การเปรียบเทียบหน่วยแรงในไซโลที่ได้จากการวิเคราะห์โดยวิธีไฟไนท์อีลีเมนต์  
 กับที่ได้จากการวิเคราะห์โดยสุรสำเร็จตามที่บรรยายมาแล้ว ทำให้ตระหนักได้ว่าหากยังคง  
 ยึดถือสุรสำเร็จเป็นวิธีวิเคราะห์หน่วยแรงสำหรับการคำนวณออกแบบไซโล นอกจากจะไม่  
 เป็นการประหยัดแล้วยังไม่ตรงกับลักษณะของพฤติกรรมทางโครงสร้างที่เป็นจริงในธรรมชาติ  
 และเนื่องด้วยการวิเคราะห์ด้วยวิธีไฟไนท์อีลีเมนต์นั้น เราสามารถพิจารณาข้อมูลและองค์ประ  
 กอบต่าง ๆ ที่มีอิทธิพลต่อขนาดและลักษณะการกระจายของหน่วยแรงที่เกิดในไซโลได้ค่อนข้าง  
 ละเอียดถูกต้องกว่า จึงทำให้แน่ใจได้ว่าผลที่ได้จะนำไปใช้เป็นข้อมูลในการพิจารณาคำนวณ  
 ออกแบบไซโลได้ดีกว่า แต่อย่างไรก็ตามการวิเคราะห์ด้วยวิธีนี้ประกอบด้วยการคำนวณที่ยุง  
 ยาก จึงจำเป็นต้องใช้เครื่องคำนวณคอมพิวเตอร์เข้าช่วยในการคำนวณผล ซึ่งจะไม่เป็น  
 การสะดวกในการคำนวณออกแบบไซโลแต่ละครั้ง เพราะฉะนั้นในที่นี้จะกล่าวต่อไปนี้จึงเป็น  
 การเสนอผลของการวิเคราะห์ในรูปของเส้นกราฟที่สามารถนำไปใช้ในการหาค่าหน่วยแรง  
 สำหรับการคำนวณออกแบบได้ทันที ทั้งนี้ใช้ได้เฉพาะกับการคำนวณออกแบบไซโลคอนกรีต  
 เสริมเหล็กขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางตั้งแต่  $\phi$  6-ม. ถึง  $\phi$  20-ม. และความสูงไม่เกิน 25  
 เมตร โดยวัสดุมวลเบ้คที่บรรจุนั้นเป็นเมล็ดข้าวเปลือกหรือธัญญาหารอื่นใดที่มีคุณสมบัติทาง  
 ฟิสิกส์ เช่นน้ำหนักต่อหน่วยปริมาตรใกล้เคียงกัน

## 1. หน่วยแรงดันสำหรับการคำนวณออกแบบผนังไซโล

รูปที่ 35 - 39 เป็นเส้นกราฟแสดงหน่วยแรงดันค้ำข้างกระทำกับผนังไซโล ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 6, 8, 10, 15 และ 20 เมตร ตามลำดับ โดยแต่ละขนาดเส้นผ่านศูนย์กลางแสดงให้เห็นขนาดและลักษณะการกระจายของหน่วยแรงดัน รวมทั้งตำแหน่งของหน่วยแรงดันสูงสุดในทุก ๆ ชั้นของการบรรจุตั้งแต่ชั้นที่ 1 ถึงชั้นที่ 10 เพราะฉะนั้นจึงทำให้สามารถหาค่าหน่วยแรงดันค้ำข้างสำหรับการคำนวณออกแบบไซโลขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 6 เมตร ถึง 20 เมตร ที่มีความสูงไม่เกิน 25 เมตร ได้โดยสะดวก ตัวอย่างเช่น ถ้าต้องการหาค่าหน่วยแรงดันในไซโลขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 6 เมตร ความสูง 10 เมตร เราจะอ่านค่าได้จากเส้นกราฟที่ระบุค่าระดับความสูงของมวลบรรจุที่แกนศูนย์กลางเท่ากับ 10 เมตร ในรูปที่ 35 เป็นต้น

## 2. หน่วยแรงดันในแนวตั้งสำหรับการคำนวณออกแบบพื้นไซโล

ลักษณะการกระจายของหน่วยแรงดันในแนวตั้งที่คำนวณโดยสูตรสำเร็จจะเท่ากันตลอดทั้งพื้นไซโล แต่ผลจากการวิเคราะห์โดยไฟไนท์อีลิเมนต์แสดงให้เห็นว่าพื้นของไซโลบริเวณแกนศูนย์กลางจะรับหน่วยแรงดันสูงกว่าบริเวณรอบ ๆ ที่อยู่ถัดออกไป โดยบริเวณที่ชิดผนังจะรับหน่วยแรงดันน้อยที่สุด ในรูปที่ 40 ถึง 44 เป็นเส้นกราฟแสดงลักษณะการกระจายของหน่วยแรงดันที่กล่าวไว้ในไซโลตั้งแต่ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 6, 8, 10, 15 และ 20 เมตร โดยแสดงให้เห็นทุก ๆ ชั้นของการบรรจุ ดังนั้นจึงสามารถอ่านค่าหน่วยแรงดันในแนวตั้งกระทำกับพื้นไซโลตั้งแต่ขนาดเส้นผ่านศูนย์กลาง 6 เมตร ถึง 20 เมตร และมีขนาดความสูงไม่เกิน 25 เมตร ในลักษณะเดียวกับกราฟแสดงหน่วยแรงดันค้ำข้างกระทำกับผนังที่กล่าวในข้อ 1.

อนึ่ง เส้นกราฟแสดงขนาดและลักษณะการกระจายของหน่วยแรงดันทั้งสองชุดที่กล่าวข้างต้นอันเป็นผลที่ได้จากการวิเคราะห์ในการวิจัยนี้ มิได้พิจารณาถึง **Dynamic Effect** ซึ่งวิศวกรผู้คำนวณออกแบบควรจะคำนึงถึง เพราะเป็นผลทำให้มวลวัสดุที่บรรจุไว้มีการยุบตัวได้

มากขึ้น และส่งผลให้เกิดการเพิ่มขนาดของหน่วยแรงคั้นได้อย่างมากมาย ในกรณีเช่นนี้อาจนำค่าของ **Overpressure Factor** และ **Impact Factor** ที่ **ACI - 313** <sup>(5)</sup> กำหนดไว้มาพิจารณาใช้โดยคูณเข้ากับค่าหน่วยแรงคั้นที่อ่านได้จากเส้นกราฟเหล่านี้ เพื่อเป็นค่าสำหรับการคำนวณออกแบบต่อไป