



บทที่ 2

ทฤษฎีการวิเคราะห์แบบนิวตรอน แอคติเวชัน

หลักการของการวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอคติเวชันนั้น อาศัยการทำให้เกิดเรดิโอไอโซโทปขึ้น โดยนำตัวอย่างไปฉายรังสีนิวตรอนจากต้นกำเนิดนิวตรอน การเกิดเรดิโอไอโซโทปดังกล่าวเป็นผลมาจากอันตรกิริยาระหว่างนิวตรอนกับนิวเคลียสของธาตุในตัวอย่าง ซึ่งอาจจะเกิดจากปฏิกิริยานิวตรอน-แกมมา (n, γ) ปฏิกิริยานิวตรอน-โปรตอน (n, p) ปฏิกิริยานิวตรอน-นิวตรอน ($n, 2n$) หรือปฏิกิริยาอื่น ๆ โดยเฉพาะปฏิกิริยานิวตรอน-แกมมา ของเทอร์มัลนิวตรอนกับนิวเคลียสของธาตุ นับว่ามีความสำคัญมากในการวิเคราะห์ธาตุโดยวิธีนี้ เรดิโอไอโซโทปที่เกิดขึ้นจะมีคุณสมบัติเฉพาะตัวคือ คาครึ่งชีวิต ชนิดของรังสีและพลังงานที่ปลดปล่อยออกมา อันจะทำให้ทราบได้ว่า ตัวอย่างประกอบด้วยธาตุอะไรบ้าง ซึ่งนับว่าเป็นการวิเคราะห์ทางด้านคุณภาพ (qualitative analysis) ส่วนการวิเคราะห์ทางด้านปริมาณ (quantitative analysis) นั้น กระทำได้โดยการวัดและคำนวณค่าความแรงรังสีที่พลังงานต่าง ๆ ของเรดิโอไอโซโทปของธาตุที่สนใจในตัวอย่าง เปรียบเทียบกับในสารมาตรฐานซึ่งทราบปริมาณของธาตุที่สนใจแน่นอนแล้ว

2.1 เทคนิคการวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอคติเวชัน

ในปัจจุบันเทคนิคนิวตรอนแอคติเวชันมีบทบาทสำคัญมากในด้านการวิเคราะห์ธาตุ เช่น การวิเคราะห์แร่ การวิเคราะห์ส่วนผสมของตัวอย่างต่าง ๆ ตลอดจนการวิเคราะห์ธาตุพิษปริมาณน้อยในการศึกษาวิจัยสิ่งแวดล้อมเป็นพิษ เป็นต้น เพราะนอกจากเทคนิคนิวตรอนแอคติเวชันจะมีความไวสูงแล้ว ยังสามารถวิเคราะห์ได้อย่างถูกต้อง แม่นยำและรวดเร็ว ประกอบกับสามารถวิเคราะห์ตัวอย่างได้ทั้งแบบ

ทำลายตัวอย่าง (destructive analysis) และแบบไม่ทำลายตัวอย่าง (non-destructive analysis) โดยทั่วไปเทคนิคการวิเคราะห์นั้นอาจแบ่งออกได้เป็น 2 รูปแบบ คือ

2.1.1 การวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอกติเวชันที่ใช้เฉพาะเครื่องมือวัดรังสีหรือแบบไม่ทำลายตัวอย่าง

เป็นวิธีวิเคราะห์ที่กระทำโดยการนำสารตัวอย่างและสารมาตรฐานเข้าอบรังสีนิวตรอนพร้อมกันและปล่อยให้ทิ้งไว้ในช่วงเวลาที่เหมาะสม จากนั้นจึงทำการวัดความแรงรังสีของเรกติโอไอโซโทปของธาตุที่จะวิเคราะห์เปรียบเทียบกับสารมาตรฐานโดยตรง วิธีการนี้จะไม่มีการสูญเสียสารตัวอย่างทั้งรูปร่างและลักษณะ

2.1.2 การวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอกติเวชันที่อาศัยกรรมวิธีทางเคมีประกอบหรือแบบทำลายตัวอย่าง

เป็นวิธีวิเคราะห์ที่ต้องใช้ขบวนการทางเคมีเข้าช่วยซึ่งแบ่งย่อยออกได้เป็น 2 ลักษณะ คือ

2.1.2.1 เทคนิคประกอบทางเคมีก่อนการอบรังสีนิวตรอน (Pre-irradiation technique) ซึ่งได้แก่ การนำสารตัวอย่างมาผ่านขบวนการแยกธาตุที่จะวิเคราะห์ออกมาก่อนการอบรังสีนิวตรอน วิธีการนี้ไม่เป็นที่นิยมเพราะอาจจะมีการเประเปื้อนเกิดขึ้น แต่จะนำมาใช้ต่อเมื่อมีความจำเป็นเท่านั้น เช่น ธาตุที่จะวิเคราะห์ให้เรกติโอไอโซโทปที่มีครึ่งชีวิตสั้นมากและมีการรบกวนอย่างมากจากเรกติโอไอโซโทปอื่นที่เกิดขึ้นในสารตัวอย่าง จึงจำเป็นต้องแยกธาตุที่จะรบกวนได้นั้นออกไปก่อนที่จะนำสารตัวอย่างไปอบรังสี หรือการวิเคราะห์ตัวอย่างนำซึ่งจำเป็นต้องนำมาผ่านขั้นตอนบางอย่าง เพื่อเพิ่มความเข้มข้นของธาตุที่จะวิเคราะห์ (preconcentration) ก่อนนำไปอบรังสี เป็นต้น

2.1.2.2 เทคนิคประกอบทางเคมีหลังการอบรังสีนิวตรอน (Post-irradiation technique) ซึ่งได้แก่ การวิเคราะห์ที่ต้องใช้กรรมวิธีทางเคมีเข้าช่วยเพื่อแยกเรกติโอไอโซโทปที่ต้องการวิเคราะห์ออกจากสารตัวอย่าง

ภายหลังการอบรังสีนิวตรอนแล้ว เพื่อให้ปราศจากการรบกวนของเรดิโอไอโซโทปตัวอื่น ๆ ที่เกิดขึ้นในสารตัวอย่างด้วย แล้วจึงทำการวัดความแรงรังสีเปรียบเทียบกับสารมาตรฐาน

วิธีการนี้จะทำให้สูญเสียรูปและลักษณะของสารตัวอย่างไป สำหรับกรรมวิธีทางเคมีซึ่งนำมาใช้ในการแยกธาตุหรือเรดิโอไอโซโทปของธาตุที่ต้องการวิเคราะห์ มีหลายวิธี อาทิเช่น การทำละลาย การสกัด การกลั่น การตกตะกอน และเทคนิคการแลกเปลี่ยนไอออน เป็นต้น

2.2 องค์ประกอบสำคัญของการวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอกทีเวชัน (67-70)

2.2.1 ต้นกำเนิดนิวตรอน (neutron source)

ต้นกำเนิดนิวตรอนแบ่งออกได้เป็น 3 ประเภท คือ

2.2.1.1 ต้นกำเนิดนิวตรอนที่เป็นสารกัมมันตรังสี (radioactive neutron source) เป็นต้นกำเนิดนิวตรอนที่ผลิตขึ้นจากการผสมธาตุกัมมันตรังสีเข้ากับธาตุซึ่งมีพลังงานยึดเหนี่ยวของอนุภาคนิวตรอนตัวสุดท้ายต่ำค้างแสดงไว้ในตารางที่ 2.1 ตัวอย่างเช่น เรเดียม-226 + เบอริลเลียม ($^{226}\text{Ra} + \text{Be}$) เรเดียม-226 เป็นเรดิโอไอโซโทปสลายตัวให้รังสีอัลฟา ซึ่งเมื่อรังสีอัลฟาวิ่งเข้าชนนิวเคลียสของเบอริลเลียมจะทำให้นิวตรอนตัวสุดท้ายในนิวเคลียสของเบอริลเลียมหลุดออกมา นั่นคือ ใต้นิวตรอนออกมาจากปฏิกิริยา $^9_4\text{Be}(\alpha, n)^{12}_6\text{C}$ ต้นกำเนิดนิวตรอนที่อาศัยปฏิกิริยาแกมมา-นิวตรอน (γ, n) ของรังสีแกมมาพลังงานสูง ไทแทล พลวง-124 + เบอริลเลียม ($^{124}\text{Sb} + \text{Be}$) นอกจากนี้ยังมีต้นกำเนิดรังสีนิวตรอนชนิดที่เกิดปฏิกิริยาฟิชชันตัวเอง (self fission) ซึ่ง ไทแทล แคลิฟอร์เนียม-252 (^{252}Cf) ใต้นิวตรอนออกมาประมาณ 9×10^9 นิวตรอนต่อวินาทีต่อ 1 คูรี หรือประมาณ 5×10^{12} นิวตรอนต่อวินาทีต่อกรัม

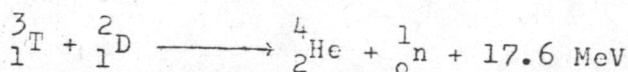
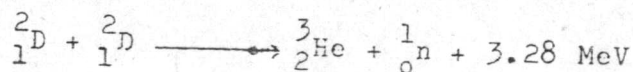
2.2.1.2 เครื่องกำเนิดนิวตรอน (neutron generator)

เป็นเครื่องผลิตรังสีนิวตรอน จากการเร่งอนุภาคที่มีประจุวิ่งเข้าชนเป้าโดยใช้เครื่องเร่งอนุภาค (particle accelerator) ทั้งนี้เพราะจะได้อนุภาคนิวตรอนมากขึ้น

ตารางที่ 2.1 ต้นกำเนิดนิวตรอนประเภทสารกัมมันตรังสี

ต้นกำเนิด	ครึ่งชีวิต	ปริมาณนิวตรอนที่ให้ (นิวตรอนต่อวินาที ต่อคูรี)	อัตราการปลดปล่อยรังสีแกมมาที่ระยะ ทาง 1 เมตรจากต้นกำเนิด (มิลลิเริน เกนทกต่อชั่วโมงต่อคูรี)
$^{226}\text{Ra}+\text{Be}$	1620 ปี	13×10^6	850
$^{239}\text{Pu}+\text{Be}$	24400 ปี	9×10^6	4
$^{241}\text{Am}+\text{Be}$	458 ปี	2.5×10^6	2.5
$^{210}\text{Po}+\text{Be}$	138 วัน	2.5×10^6	<0.3
$^{124}\text{Sb}+\text{Be}$	60 วัน	$\sim 0.2 \times 10^6$	1000
^{252}Cf	2.6 ปี	$\sim 9 \times 10^9$	เพิ่มขึ้นตามเวลาเนื่องจากการ เกิดของ γ -emitting daughters

เมื่ออนุภาคมีประจุมีพลังงานสูงชน ปฏิริยาที่สำคัญ ได้แก่ ปฏิริยาระหว่าง
ควิเตอร์อน (deuteron; ^2_1H หรือ ^2_1D) กับเป้าที่เป็นควิเตอร์ที่เรียม (deuterium; ^2_1D)
ซึ่งเรียกว่า ปฏิริยา "DD reaction" และปฏิริยาระหว่างควิเตอร์อนกับเป้า
ที่เป็นตรีเทียม (tritium; ^3_1H หรือ ^3_1T) ซึ่งเรียกว่า "DT reaction"



ปฏิริยา DD และ DT นิวตรอนที่เกิดขึ้น มีพลังงานเท่ากับ 2.46 และ
14.08 MeV ตามลำดับ

ในปัจจุบัน เครื่องกำเนิดนิวตรอนสามารถให้นิวตรอนออกมาในช่วง
 10^9 - 10^{12} นิวตรอนต่อตารางเซนติเมตรต่อวินาที

2.2.1.3 เครื่องปฏิกรณ์ปรมาณู (nuclear reactor) เป็นต้นกำเนิดนิวตรอนที่ให้นิวตรอนออกมามากที่สุด ความเข้มของนิวตรอนจากเครื่องปฏิกรณ์ปรมาณูอยู่ในช่วง $10^8 - 10^{14}$ นิวตรอนต่อตารางเซนติเมตรต่อวินาที นิวตรอนที่ได้จากเครื่องปฏิกรณ์ปรมาณูเกิดจากปฏิกิริยาฟิชชันของเชื้อเพลิงปรมาณูกับอนุภาคนิวตรอนต้นกำเนิดนิวตรอนชนิดนี้เป็นที่นิยมใช้กันมากที่สุด

2.2.2 พลังงานของนิวตรอน

รังสีนิวตรอนสามารถแบ่งออกตามค่าพลังงานได้ดังต่อไปนี้

2.2.2.1 เทอร์มัลนิวตรอน (thermal neutron) ได้แก่ นิวตรอนที่มีพลังงานอยู่ในช่วง 0.01 ถึง 0.3 eV ขึ้นอยู่กับอุณหภูมิของตัวกลาง การกระจายพลังงานของเทอร์มัลนิวตรอนจะเป็นไปตามการกระจายแบบแมกซ์เวลล์ (the Maxwellian distribution) ดังนี้

$$N(E) = \frac{2\pi N}{(\pi kT)^{3/2}} E^{1/2} e^{-E/kT} \dots\dots\dots (2.1)$$

เมื่อ $N(E)$ = จำนวนนิวตรอนที่พลังงานใด ๆ ต่อหน่วยปริมาตร
 N = จำนวนนิวตรอนรวมทั้งหมดต่อหน่วยปริมาตร
 k = ค่า Boltzmann's constant มีค่าเท่ากับ $8.617 \times 10^{-5} \text{ eV/}^\circ\text{K}$
 T = อุณหภูมิของตัวกลางเป็นองศาเคลวิน ($^\circ\text{K}$)

2.2.2.2 อีพิเทอร์มัลนิวตรอน (epithermal neutron) หมายถึงนิวตรอนที่มีพลังงานอยู่ในช่วง $0.3 - 10^4 \text{ eV}$

2.2.2.3 นิวตรอนเร็ว (fast neutron) หมายถึงนิวตรอนที่มีพลังงานสูงตั้งแต่ 1 keV ขึ้นไป

2.2.2.4 รีโซแนนซ์นิวตรอน (resonance neutron) เป็นนิวตรอนที่มีพลังงานอยู่ในช่วงประมาณ 1-100 eV นิวเคลียสของธาตุหลายชนิดจะมีการจับนิวตรอนพลังงานช่วงนี้ได้ซึ่งเรียกว่ามี "resonance absorption"



2.2.3 อันตรกิริยาของนิวตรอนกับสสาร (Interaction of neutron with matter)

การที่นิวตรอนเป็นอนุภาคที่ไม่มีประจุไฟฟ้า เมื่อวิ่งชนสสารใด ๆ จะไม่มีแรงต่อต้านทางไฟฟ้า ทำให้มีอำนาจทะลุทะลวงสูง อันตรกิริยาที่เกิดขึ้นกับอะตอมของธาตุจะเกิดกับนิวเคลียสของอะตอมโดยตรง ไม่ได้เกิดกับอิเล็กตรอนของอะตอมอย่างอนุภาคมีประจุ (charged particles) อื่น ๆ อันตรกิริยาที่สำคัญมีดังต่อไปนี้ คือ

2.2.3.1 การกระเจิงแบบยืดหยุ่น (elastic scattering) เป็นปฏิกิริยาที่นิวตรอนวิ่งชนนิวเคลียสของอะตอมแล้วนิวตรอนจะกระเจิงออกมาโดยที่นิวเคลียสไม่เปลี่ยนระดับพลังงาน ผลรวมของโมเมนตัมและพลังงานจลน์ก่อนการชนและภายหลังการชนมีค่าเท่ากัน บางที่เรียกรวมการกระเจิงแบบนี้ว่า "potential scattering" ไซสัญลักษณ์ย่อของปฏิกิริยาเป็น (n, n)

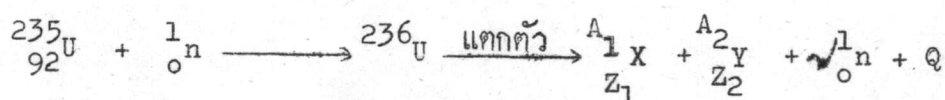
2.2.3.2 การกระเจิงแบบไม่ยืดหยุ่น (inelastic scattering) เป็นปฏิกิริยาที่นิวตรอนวิ่งชนนิวเคลียสของอะตอมแล้วทำให้นิวเคลียสอยู่ในสภาวะถูกกระตุ้น (excited state) นิวตรอนจะกระเจิงออกมาพร้อมทั้งมีรังสีแกมมาออกมาจากนิวเคลียส เนื่องจากนิวเคลียสกลับสู่สภาวะสมดุลงrund state) ปฏิกิริยาแบบนี้ผลรวมของพลังงานจลน์และโมเมนตัมของนิวตรอนกับนิวเคลียสที่ถูกชนจะมีค่าต่างกัน กล่าวคือ ภายหลังการชนผลรวมของพลังงานจลน์และโมเมนตัมมีค่าลดลง เพราะพลังงานส่วนหนึ่งสูญเสียไปในรูปของการปลดปล่อยรังสีแกมมา ปฏิกิริยาแบบนี้จะเกิดขึ้นได้ ต่อเมื่อนิวตรอนนั้นมีพลังงานมากพอที่จะทำให้นิวเคลียสของอะตอมอยู่ในสภาวะถูกกระตุ้นได้ ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับธาตุแต่ละชนิด สัญลักษณ์ย่อของปฏิกิริยาชนิดนี้คือ (n, n')

2.2.3.3 ปฏิกิริยาจับนิวตรอน (neutron capture หรือ radiation capture หรือ neutron absorption) คือปฏิกิริยาที่นิวตรอนวิ่งเข้าชนนิวเคลียสของอะตอมแล้วถูกจับไว้ในนิวเคลียสนั้น ทำให้ได้นิวเคลียสใหม่ซึ่งมีเลขมวล (mass number) เพิ่มขึ้นเท่ากับหนึ่ง การรวมนิวตรอนกับนิวเคลียสนั้น

จะมีรังสีแกมมาปลดปล่อยออกมาเรียกว่า "capture gamma rays" ปฏิกิริยาจับนิวตรอนเป็นปฏิกิริยาชนิดที่ให้พลังงานออกมา (exothermic reaction)

เนื่องจากมวลของนิวเคลียสเดิมรวมกับมวลของนิวตรอนอิสระจะมีค่ามากกว่ามวลของนิวเคลียสใหม่เสมอ สัญลักษณ์ของปฏิกิริยาคือ (n, γ) ตัวอย่างปฏิกิริยา เช่น $^{196}\text{Hg}(n, \gamma)^{197}\text{Hg}$; $^{74}\text{Se}(n, \gamma)^{75}\text{Se}$; $^{59}\text{Co}(n, \gamma)^{60}\text{Co}$ เป็นต้น

2.2.3.4 ปฏิกิริยาฟิชชัน (fission reaction) คือปฏิกิริยาที่นิวตรอนเข้าชนนิวเคลียสของธาตุที่มีเลขมวลสูงบางชนิด แล้วนิวตรอนจะรวมกับนิวเคลียสที่ถูกชนเรียกว่านิวเคลียสประกอบ (compound nucleus) ต่อจากนั้นนิวเคลียสประกอบจะแบ่งตัวออกเป็นสองส่วนได้นิวเคลียสใหม่ 2 นิวเคลียสที่มีเลขมวลลดลงประมาณครึ่งหนึ่ง พร้อมกับมีอนุภาคนิวตรอนหลุดออกมา 2 ถึง 3 ตัว ปฏิกิริยาฟิชชันเป็นปฏิกิริยาให้พลังงานสำหรับเตาปฏิกรณ์ปรมาณูที่ใช้อยู่ในปัจจุบัน พลังงานที่ได้ออกมาต่อปฏิกิริยาหนึ่ง ๆ มีค่าประมาณ 200 MeV ใช้สัญลักษณ์ย่อของปฏิกิริยาเป็น (n, f) ตัวอย่างของปฏิกิริยา เช่น



นิวเคลียสประกอบ

เมื่อ X และ Y คือธาตุใหม่ที่เกิดขึ้นมีเลขมวลเท่ากับ A_1 และ A_2 และเลขอะตอม เท่ากับ Z_1 และ Z_2 ตามลำดับ

ν คือ จำนวนนิวตรอนที่เกิดขึ้น

Q คือ พลังงานที่ได้จากปฏิกิริยา มีค่าประมาณ 200 MeV

2.2.3.5 ปฏิกิริยาการปล่อยอนุภาคมีประจุ (charged particle emission) เป็นปฏิกิริยาที่เมื่อนิวตรอนทำปฏิกิริยากับนิวเคลียสของธาตุแล้วมีการปล่อยอนุภาคที่มีประจุออกมา เช่น อนุภาคอัลฟา (α) อนุภาคโปรตอน(p) ซึ่งเรียกว่าปฏิกิริยานิวตรอน-อัลฟา (n, α) ปฏิกิริยานิวตรอน-โปรตอน (n, p) ตัวอย่างของปฏิกิริยา เช่น $^{10}_5\text{B}(n, \alpha)^7_3\text{Li}$; $^6_3\text{Li}(n, \alpha)^3_1\text{H}$ และ $^{14}_7\text{N}(n, p)^{14}_6\text{C}$ เป็นต้น

2.2.3.6 ปฏิริยาการเกิดอนุภาคนิวตรอน (neutron producing reaction) เป็นปฏิริยาระหว่างนิวตรอนพลังงานสูงกับนิวเคลียสของอะตอม โดยเมื่อนิวตรอนที่วิ่งเข้าชนนิวเคลียสของอะตอมมีพลังงานมากกว่าค่าพลังงานยึดเหนี่ยวของนิวตรอนตัวสุดท้ายในนิวเคลียส จะสามารถทำให้นิวตรอนตัวสุดท้ายคังกลาวหลุดออกมาจากนิวเคลียสได้ สัญลักษณ์ของปฏิริยาคือ $(n, 2n)$ ตัวอย่างปฏิริยา ได้แก่ ${}^2_1\text{H}(n, 2n){}^1_1\text{H}$; ${}^9_4\text{Be}(n, 2n){}^8_4\text{Be}$ และ ${}^{14}_7\text{N}(n, 2n){}^{13}_7\text{N}$ เป็นต้น ซึ่งปฏิริยาทั้งสามนี้มีค่า threshold energy เท่ากับ 3.34, 1.85 และ 11.3 MeV ตามลำดับ

2.2.4 การเกิดเรดิโอไอโซโทปและการสลายตัวของเรดิโอไอโซโทป

อัตราการเกิดเรดิโอไอโซโทปขึ้นอยู่กับจำนวนอะตอมของธาตุนั้นทั้งหมด สัดส่วนของปริมาณของธาตุนั้นที่มีอยู่ในธรรมชาติ ความสามารถในการจับนิวตรอน และความเข้มของนิวตรอนที่ใช้ ซึ่งอาจเขียนเป็นสมการได้ดังนี้

$$R = N\sigma\phi \quad \dots\dots\dots(2.2)$$

เมื่อ R = อัตราการเกิดเรดิโอไอโซโทป

N = จำนวนอะตอมของธาตุที่ทำปฏิริยากับนิวตรอนแล้วเกิดเป็นเรดิโอไอโซโทป

σ = ค่าความสามารถในการจับนิวตรอนของธาตุ (neutron cross section) มีหน่วยเป็นบาร์น (barn)
(1 บาร์น = 10^{-24} ตารางเซนติเมตร)

ϕ = ความเข้มของนิวตรอน (neutron flux) มีหน่วยเป็นนิวตรอนต่อตารางเซนติเมตรต่อวินาที

สำหรับอัตราการเปลี่ยนแปลง (rate of change) ของจำนวนอะตอมของเรดิโอไอโซโทปที่เกิดขึ้นจากการอาบรังสีนิวตรอนเขียนเป็นสมการได้ดังนี้

อัตราการเปลี่ยนแปลง = อัตราการเกิด-อัตราการสลายตัว

$$\frac{d}{dt} N(t) = R - \lambda N(t) \quad \dots\dots\dots(2.3)$$

เมื่อ $\frac{d}{dt} N(t)$ = อัตราการเปลี่ยนแปลงของเรดิโอไอโซโทปที่เกิดขึ้น ณ เวลาใด ๆ

λ = ค่าคงที่ในการสลายตัว (decay constant) ของเรดิโอไอโซโทปที่เกิดขึ้น และมีค่าเท่ากับ

$$\frac{0.693}{T_{1/2}}$$

$T_{1/2}$ = คาครึ่งชีวิตของเรดิโอไอโซโทป

$N(t)$ = จำนวนอะตอมของเรดิโอไอโซโทป ณ เวลาใด ๆ

$\lambda N(t)$ = อัตราการสลายตัวของเรดิโอไอโซโทป ณ เวลาใด ๆ

ถ้าอินทิเกรต (integrate) สมการที่ (2.3) จะได้ว่า

$$N(t) = \frac{R}{\lambda} (1 - e^{-\lambda t}) \quad \dots\dots\dots(2.4)$$

เมื่อ t = ระยะเวลาในการอาบรังสีนิวตรอน

ความแรงรังสีที่เวลา t ใด ๆ มีค่าเท่ากับ $A(t) = \lambda N(t)$ หรือคือ

$$A(t) = R(1 - e^{-\lambda t}) \quad \dots\dots\dots(2.5)$$

แทนค่า R จากสมการที่ (2.2) ในสมการที่ (2.4) และ (2.5) จะได้

$$N(t) = \frac{N_0 \phi}{\lambda} (1 - e^{-\lambda t}) \quad \dots\dots\dots(2.6)$$

และ $A(t) = N_0 \phi (1 - e^{-\lambda t}) \quad \dots\dots\dots(2.7)$

แต่
เมื่อ

$$N = \frac{W N_A f}{M}$$

W = น้ำหนักของธาตุตั้งกล่าว หน่วยเป็นกรัม

N_A = avogadro's number = 6.02×10^{23}

f = สัดส่วนเป็นร้อยละของไอโซโทปเสถียรของธาตุนั้น ในธรรมชาติ (% abundance)

M = น้ำหนักอะตอมของธาตุ

ดังนั้น จากสมการ (2.7) เขียนใหม่ได้ว่า

$$A(t) = \frac{WN_A f \phi}{M} (1 - e^{-\lambda t}) \dots\dots\dots (2.8A)$$

หรือ

$$W = \frac{A(t)M}{6.02 \times 10^{23} f \phi (1 - e^{-\lambda t})} \dots\dots\dots (2.8B)$$

จากการวัดค่าความแรงรังสีที่เกิดขึ้นจะสามารถคำนวณปริมาณธาตุที่มีอยู่ในสารตัวอย่างได้ โดยอาศัยสมการ (2.8 A) หรือ (2.8 B) แต่อย่างไรก็ตามในทางปฏิบัติจริง ๆ ในการวิเคราะห์หาปริมาณธาตุในตัวอย่างส่วนใหญ่นิยมใช้วิธีเปรียบเทียบระหว่างธาตุในสารตัวอย่างกับในสารมาตรฐาน โดยนำสารตัวอย่างและสารมาตรฐานเข้าอบรังสีนิวตรอนพร้อมกันคือ ในตำแหน่งและระยะเวลาเดียวกัน แล้วทำการวัดความแรงรังสีเพื่อคำนวณหาปริมาณธาตุโดยอาศัยความสัมพันธ์ดังสมการ

$$C_x = C_s \frac{R_x}{R_s} \dots\dots\dots (2.9)$$

- เมื่อ
- C_x = ความเข้มข้นของธาตุที่วิเคราะห์ในตัวอย่าง
 - C_s = ความเข้มข้นของธาตุที่วิเคราะห์ในสารมาตรฐาน
 - R_x = ความแรงรังสีของสารตัวอย่าง
 - R_s = ความแรงรังสีของสารมาตรฐาน

2.3 ข้อดีของการวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอกติเวชัน

2.3.1 ความไวของการวิเคราะห์สูง ความไวของการวิเคราะห์ (sensitivity) ในที่นี้หมายถึงความสามารถที่จะวิเคราะห์ธาตุใดธาตุหนึ่งในปริมาณที่ต่ำสุดได้เพียงใด ภายใต้สภาวะที่กำหนด ความไวของการวิเคราะห์ขึ้นอยู่กับความเข้มของอนุภาคนิวตรอน ความสามารถในการจับนิวตรอน สัดส่วนที่มีอยู่ในธรรมชาติของไอโซโทปเสถียรของธาตุนั้นและน้ำหนักอะตอมของธาตุนั้น ๆ ดังนั้นจึงเห็นได้ว่า ความไวในการวิเคราะห์ธาตุต่างชนิดกันจะไม่เท่ากัน ดังเช่นธาตุที่มีน้ำหนักอะตอมน้อยจะมีความไวในการวิเคราะห์สูงกว่าธาตุที่มีน้ำหนักอะตอมมาก เมื่อสภาวะอย่างอื่นเหมือนกัน

นอกจากนี้ ความไวของการวิเคราะห์ยังขึ้นอยู่กับประสิทธิภาพของเครื่องมือวิเคราะห์ด้วย

$$\% \text{ ประสิทธิภาพของ เครื่องมือวิเคราะห์} = \frac{\text{ความแรงรังสีที่วัดได้} \times 100}{\text{ความแรงรังสีจริง}} \dots\dots\dots (2.10)$$

ถ้าเครื่องมือมีประสิทธิภาพสูง ย่อมจะทำให้สามารถวัดความแรงรังสีได้ใกล้เคียงกับความแรงรังสีจริง ซึ่งผลคือทำให้ความไวของการวิเคราะห์สูงขึ้น ปกติการวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอคติเวชันนี้ สามารถวิเคราะห์ธาตุที่มีความเข้มข้นต่ำสุดได้ถึงหนึ่งในล้านส่วน และอาจทำการวิเคราะห์ได้ต่ำถึงหนึ่งในพันล้านส่วนสำหรับธาตุบางชนิด

2.3.2 เป็นวิธีวิเคราะห์ที่ไม่ต้องกังวลต่อข้อผิดพลาดที่อาจจะเกิดขึ้นจากสิ่งเจือปนในระหว่างการปฏิบัติงานภายหลังการอาบรังสีแล้ว เนื่องจากธาตุที่จะวิเคราะห์ได้กลายเป็นเรดิโอไอโซโทปแล้ว ซึ่งจะมีความแตกต่างไปจากสิ่งเจือปนอื่น ๆ

2.3.3 เป็นวิธีวิเคราะห์ที่สามารถใช้กับธาตุที่มีปริมาณน้อยซึ่งไม่สามารถจะวิเคราะห์ได้ด้วยวิธีทางเคมีธรรมดา (conventional chemical technique) เช่น การตกตะกอน เนื่องจากวิธีการทางนิวตรอนแอคติเวชันคำนึงถึงเฉพาะความแรงรังสีที่เกิดขึ้น ดังนั้นจึงสามารถจะเติมไอโซโทปเสถียรของธาตุนั้นลงไปเป็นตัวพา (carrier) เพื่อป้องกันการสูญหายของ เรดิโอไอโซโทป ทำให้สามารถปฏิบัติการวิเคราะห์ตามขั้นตอนของวิธีทางเคมีธรรมดาได้

2.3.4 เป็นวิธีวิเคราะห์ที่ไม่จำเป็นต้องแยกธาตุที่จะวิเคราะห์ออกมาให้ได้สมบูรณ์ เพียงแต่แยกออกให้บริสุทธิ์และมีปริมาณมากพอที่จะวัดความแรงรังสีได้เท่านั้น เนื่องจากสามารถปรับค่าเคมีคัลยิลด์ (chemical yield) ของขบวนการแยกให้เป็นร้อยละ 100 ได้โดยคิดเทียบจากน้ำหนักของตัวพาที่เติมลงไป ในสารตัวอย่างภายหลังการอาบรังสี

2.3.5 เป็นวิธีวิเคราะห์ที่ใช้วิเคราะห์ได้ทั้งในเชิงคุณภาพและปริมาณ เนื่องจาก เเรคิโอไอโซโทปของธาตุแต่ละตัวจะมีคุณสมบัติทางนิวเคลียร์เฉพาะตัว คือ ครึ่งชีวิต ชนิดของรังสีและพลังงานที่ปลดปล่อย จึงสามารถใช้เป็นประโยชน์ในการวิเคราะห์ได้

2.3.6 การวิเคราะห์ด้วยนิวตรอนแอคติเวชันโดยใช้เฉพาะเครื่องมือวัดรังสี เป็นวิธีวิเคราะห์ ซึ่งสะดวกและรวดเร็ว โดยไม่มีการสูญเสียสารตัวอย่าง ทั้งรูปร่างและลักษณะ และถ้าเลือกสภาวะให้เหมาะสมแล้วจะสามารถทำการวิเคราะห์ได้หลายธาตุในคราวเดียวกันทั้งในเชิงคุณภาพและเชิงปริมาณ

2.4 ข้อเสียของการวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอคติเวชัน

2.4.1 การวิเคราะห์ด้วยวิธีนี้ไม่สามารถระบุได้ว่า ธาตุที่วิเคราะห์ได้นั้นอยู่ในรูปใดในสารตัวอย่าง ผลการวิเคราะห์จะแสดงถึงปริมาณทั้งหมดของธาตุนั้นที่มีในสารตัวอย่าง (total content) ไม่ใช่ของสารประกอบของธาตุชนิดหนึ่งชนิดใดโดยเฉพาะ

2.4.2 เป็นวิธีวิเคราะห์ที่ไม่สามารถนำมาใช้ในการวิเคราะห์ธาตุได้ทุกตัวในตารางธาตุ เพราะธาตุบางตัวไม่เหมาะสมที่จะใช้วิธีนี้

2.4.3 เป็นกรรมวิธีวิเคราะห์ที่สิ้นเปลืองค่าใช้จ่ายและต้องใช้เงินลงทุนสูง เนื่องจากต้นทุนกำเนิดนิวตรอนและเครื่องมือวัดรังสี ซึ่งจำเป็นต้องใช้ในการวิเคราะห์แบบนี้มีราคาแพงมาก

2.4.4 การใช้วิธีวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอคติเวชันจำเป็นต้องเกี่ยวข้องกับกัมมันตรังสีซึ่งเป็นอันตรายต่อผู้ปฏิบัติงานได้ จึงจำเป็นต้องมีอุปกรณ์สำหรับป้องกันและตรวจสอบรังสีชนิดต่าง ๆ อย่างพร้อมมูล และข้อสำคัญที่สุดประการหนึ่งคือ ผู้ปฏิบัติงานจะต้องได้รับการฝึกอบรมให้มีความรู้ความเข้าใจในการปฏิบัติงานเกี่ยวกับกัมมันตรังสีเป็นอย่างดี

2.5 ข้อผิดพลาดในการวิเคราะห์แบบนิวตรอนแอคติเวชัน (70)

ในการวิเคราะห์หาปริมาณธาตุด้วยเทคนิคนิวตรอนแอคติเวชันจะต้องคำนึงถึงข้อผิดพลาดที่อาจเกิดขึ้นได้ ข้อผิดพลาดเหล่านี้สามารถจะหลีกเลี่ยงหรือลดใ้ให้น้อยลงได้เมื่อรูสาเหตุ และอาจแบ่งออกได้เป็น 2 ประเภท คือ

2.5.1 ข้อผิดพลาดทางฟิสิกส์ (physical error) ถ้าตัดปัญหาความผิดพลาดเนื่องจากความผันแปรทางสถิติของการสลายตัวของสารกัมมันตรังสี (statistical fluctuations of the radioactive decay) ออกไปแล้ว ข้อผิดพลาดทางฟิสิกส์ที่อาจจะเกิดขึ้นได้ที่สำคัญ ๆ มีดังนี้ คือ

2.5.1.1 ความผิดพลาดในการเตรียมสารตัวอย่าง (errors in sample preparation) จุดสำคัญข้อแรกที่อาจผิดพลาดได้ คือ การสุ่มตัวอย่าง (sampling) ตัวอย่างที่นำไปใช้ในการวิเคราะห์จะต้องเป็นตัวแทนของตัวอย่างทั้งหมด ดังนั้นก่อนการสุ่มตัวอย่างจะต้องทำให้ทุกส่วนผสมเป็นเนื้อเดียวกัน (homogeneous) ก่อน อย่างไรก็ตามตัวอย่างบางชนิดที่ต้องผ่านการบดให้ละเอียดและคลุกเคล้าให้ดีขึ้น อาจเกิดการเปราะเปื้อนจากอุปกรณ์ที่ใช้และจากฝุ่นละอองในบรรยากาศ ซึ่งจะมีผลให้การวิเคราะห์ผิดพลาดได้ การแก้ไขข้อผิดพลาดเหล่านี้กระทำได้โดยการ เตรียมสารตัวอย่างด้วยความระมัดระวังทุกขั้นตอน ภาชนะและอุปกรณ์ที่ใช้ต้องสะอาดเพื่อหลีกเลี่ยงการเปราะเปื้อนที่จะเกิดขึ้นก่อนการอาบรังสีสารตัวอย่าง

2.5.1.2 การกำบังตัวเองของสารตัวอย่างขณะอาบรังสี (self-shielding) ข้อผิดพลาดเช่นนี้เกิดขึ้นได้เมื่อสารตัวอย่างที่นำไปอาบรังสีนิวตรอนมีปริมาณมาก โดยเฉพาะอย่างยิ่งเมื่อสารตัวอย่างนั้นมีธาตุบางชนิดที่มีความสามารถในการจับอนุภาคนิวตรอนได้คืออยู่มาก เพราะสารตัวอย่างบริเวณใน ๆ จะได้รับรังสีนิวตรอนที่มีความเข้มข้นกว่าบริเวณผิววนอก และทำให้เรติโอไอโซโทปของธาตุบางตัวเกิดขึ้นได้ไม่เต็มที่มีผลให้เกิดข้อผิดพลาดในผลการวิเคราะห์ได้ ข้อผิดพลาดเช่นนี้สามารถหลีกเลี่ยงได้โดยการใช้สารตัวอย่างปริมาณน้อย ในกรณีที่หลีกเลี่ยงไม่ได้จำเป็นต้องหาข้อมูลประกอบ (factor) สำหรับแก้ไขข้อผิดพลาดนี้

หรือต้องเตรียมสารมาตรฐานใหม่มีลักษณะและเนื้อสารตลอดจนความเข้มข้นของธาตุ
ใกล้เคียงกับสารตัวอย่างใหม่มากที่สุดเท่าที่จะทำได้เพื่อให้สารมาตรฐานและสาร
ตัวอย่างมีการกำบังตัวเองพอ ๆ กัน นอกจากนี้อาจจะต้องใช้วิธีทำให้สาร
ตัวอย่างเจือจางลงหรือการเติมสารมาตรฐานลงในสารตัวอย่าง

ปรากฏการณ์อีกอย่างหนึ่งที่มีลักษณะคล้ายกับการกำบังตัวเองในขณะ
อาบรังสีนิวตรอน คือ "self shadowing" ซึ่งหมายถึงการกำบังตัวเองในขณะ
ทำการวัดรังสี เกิดขึ้นได้เมื่อสารตัวอย่างที่จะวัดความแรงรังสีมีปริมาณมากหรือ
มีการดูดกลืนรังสีที่จะทำการวัดได้คือ การวัดรังสีอัลฟา เบตาและรังสีเอ็กซ์
ต้องคำนึงถึงปรากฏการณ์ลักษณะนี้อย่างมาก แต่ส่วนใหญ่แล้วจะเป็นการวัดรังสี
แกมมาซึ่งมีอำนาจทะลุทะลวงสูง ปัญหาข้อนี้จึงเกิดขึ้นมากเฉพาะในกรณีตัวอย่าง
ประกอบด้วยธาตุหนักและตัวอย่างมีปริมาณมาก

2.5.1.3 ความไม่สม่ำเสมอของความเข้มรังสีนิวตรอน
(heterogeneity of neutron flux) ความเข้มของรังสีนิวตรอนที่ตำแหน่ง
ต่าง ๆ ในเครื่องปฏิกรณ์ปรมาณูมีค่าไม่เท่ากัน และถึงแม้จะเป็นตำแหน่งเดียวกัน
แต่ในช่วงเวลาต่างกันความเข้มของรังสีนิวตรอนอาจมีการเปลี่ยนแปลงได้
การที่สารตัวอย่างแต่ละตัวและสารมาตรฐานได้รับความเข้มของรังสีนิวตรอนต่างกัน
ทำให้การวัดรังสีตลอดจนการคำนวณหาปริมาณเปรียบเทียบกันนั้นผิดพลาดไป
ข้อผิดพลาดแบบนี้สามารถแก้ไขได้โดยการนำสารตัวอย่างและสารมาตรฐาน
เข้าอาบรังสีพร้อมกันในตำแหน่งที่ใกล้เคียงกันมากที่สุด และในกรณีที่ไม่สามารถ
จะจัดตำแหน่งดังกล่าวได้จะต้องมีการปรับค่าความแรงรังสีของสารตัวอย่างกับของ
สารมาตรฐานให้อยู่ในความเข้มของนิวตรอนเดียวกันโดยใช้สารเปรียบเทียบ
(comparator) เป็นหลัก

2.5.1.4 ปฏิกริยานิวเคลียร์แทรกซ้อน (interfering nuclear
reactions) ซึ่งสามารถแบ่งออกได้เป็น 2 ประเภท คือ

2.5.1.4.1 การแทรกซ้อนจากปฏิกริยานิวเคลียร์ที่ให้เรดิโอ-
ไอโซโทปตัวเดียวกับที่ต้องการวิเคราะห์ ซึ่งเกิดขึ้นได้เนื่องจากมีธาตุที่มีเลขอะตอม

ใกล้เคียงกับธาตุที่จะวิเคราะห์ เกิดปฏิกิริยากับนิวตรอนแบบต่าง ๆ แล้วผลสุดท้ายให้เรดิโอไอโซโทปตัวเดียวกัน การแทรกซอนกรณีเช่นนี้อาจแบ่งออกเป็นแบบต่าง ๆ ได้ดังนี้

แบบที่ 1 : การแทรกซอนจากเรดิโอไอโซโทปที่เกิดขึ้นโดยตรง ดังตัวอย่างที่แสดงไว้ในตารางที่ 2.2

ตารางที่ 2.2 ตัวอย่างการแทรกซอนแบบที่ 1

ธาตุที่ต้องการวิเคราะห์	ปฏิกิริยานิวเคลียร์ที่ต้องการ	ปฏิกิริยานิวเคลียร์แทรกซอน
Na	$^{23}\text{Na}(n, \gamma) ^{24}\text{Na}$	$^{24}\text{Mg}(n, p) ^{24}\text{Na}$; $^{27}\text{Al}(n, \alpha) ^{24}\text{Na}$
Zn	$^{68}\text{Zn}(n, \gamma) ^{69m}\text{Zn}$	$^{69}\text{Ga}(n, p) ^{69m}\text{Zn}$; $^{72}\text{Ge}(n, \alpha) ^{69m}\text{Zn}$

แบบที่ 2 : การแทรกซอนของเรดิโอไอโซโทปซึ่งเกิดขึ้นจากการสลายตัวของเรดิโอไอโซโทปที่เกิดขึ้นจากปฏิกิริยากับนิวตรอนโดยตรง ดังตัวอย่างที่แสดงไว้ในตารางที่ 2.3

ตารางที่ 2.3 ตัวอย่างการแทรกซอนแบบที่ 2

ธาตุที่ต้องการวิเคราะห์	ปฏิกิริยานิวเคลียร์ที่ต้องการ	ปฏิกิริยานิวเคลียร์แทรกซอน
Tl	$^{203}\text{Tl}(n, 2n) ^{202}\text{Tl}$	$^{204}\text{Pb}(n, 3n) ^{202m}\text{Pb}$ $\xrightarrow{\text{K capture}}$ ^{202}Tl
Mn	$^{55}\text{Mn}(n, \gamma) ^{56}\text{Mn}$	$^{54}\text{Cr}(n, \gamma) ^{55}\text{Cr}$ $\xrightarrow{\beta^-}$ $^{55}\text{Mn}(n, \gamma) ^{56}\text{Mn}$
As	$^{75}\text{As}(n, \gamma) ^{76}\text{As}$	$^{74}\text{Ge}(n, \gamma) ^{75}\text{Ge}$ $\xrightarrow{\beta^-}$ $^{75}\text{As}(n, \gamma) ^{76}\text{As}$

แบบที่ 3 : การแทรกซอนแบบอื่น ๆ ตัวอย่างเช่นในกรณีที่มีอนุภาคโปรตอนเกิดขึ้นจากปฏิกิริยาระหว่างนิวตรอนเร็วกับธาตุบางชนิด แล้วอนุภาคโปรตอนนั้นไปทำให้เกิดปฏิกิริยานิวเคลียร์แทรกซอนได้เรดิโอไอโซโทปตัวเดียวกับที่ต้องการวิเคราะห์ ดังตัวอย่างที่แสดงไว้ในตารางที่ 2.4

ตารางที่ 2.4 ตัวอย่างการแทรกซอนแบบที่ 3

ธาตุที่ต้องการวิเคราะห์	ปฏิกิริยานิวเคลียร์ที่ต้องการ	ปฏิกิริยานิวเคลียร์แทรกซอน
F	$^{19}\text{F}(n,2n)^{18}\text{F}$	$^{17}\text{O}(p,\alpha)^{18}\text{F}$; $^{18}\text{O}(p,n)^{18}\text{F}$; $^{21}\text{Ne}(p,\alpha)^{18}\text{F}$
Ti	$^{48}\text{Ti}(n,p)^{48}\text{Sc}$	$^{48}\text{Ca}(p,n)^{48}\text{Sc}$

2.5.1.4.2 การแทรกซอนจากเรดิโอไอโซโทปตัวอื่นซึ่งให้พลังงานของรังสีเท่ากับหรือใกล้เคียงกับตัวที่ต้องการวิเคราะห์ ทำให้เกิดการผิดพลาดในการวัดรังสี ซึ่งอาจจะหลีกเลี่ยงไปวัดรังสีที่พลังงานอื่น (ถ้ามี) ที่ไม่ถูกรบกวน นอกจากนี้อาจแก้ไขได้โดยการพิจารณาครึ่งชีวิตของตัวแทรกซอนกับตัวที่สนใจ เพื่อที่จะกำหนดเวลาที่ใช้ในการอาบรังสีนิวตรอนหรือเวลาที่ทิ้งให้สลายตัว เป็นการตัดปัญหาหรือลดปัญหาการรบกวนดังกล่าว ในปัจจุบันหัววัดรังสีแบบกึ่งตัวนำ (semiconductor detectors) เช่น หัววัดรังสีแกมมาชนิดเจอร์เมเนียม-ลิเทียม Ge(Li), หัววัดรังสีเอกซ์ชนิดซิลิคอน-ลิเทียม Si(Li), high purity germanium และหัววัดรังสีฟวกอนุภาคมีประจุแบบ surface barrier มีความสามารถในการแยกพลังงานได้ดีมาก จึงช่วยลดปัญหาการแทรกซอนแบบนี้ได้อย่างมาก

2.5.1.5 ความผิดพลาดเกี่ยวกับเทคนิคการวัดรังสี ประการแรกที่ต้องพิจารณาคือ สารตัวอย่างและสารมาตรฐานที่จะนำเข้าวัดรังสีจะต้องให้มีลักษณะเหมือนกันให้มากที่สุดเท่าที่จะทำได้ ทั้งชนิดและขนาดของภาชนะที่ใช้บรรจุสารสถานะ รูปร่าง ปริมาณตลอดจนลักษณะและคุณสมบัติของ เนื้อสาร รวมทั้งการจัดวางสารบนหัววัดในลักษณะและตำแหน่งเดียวกัน ประการที่สองคือ เวลาที่ใช้ในการวัด

รังสี (counting time) ถ้าจำนวนนับ (counts) ที่ได้มีค่าน้อยผลการวิเคราะห์ จะมีข้อผิดพลาดทางสถิติ (statistical error) คำนึงเวลาที่ใช้ในการวัดรังสีจะต้องมากพอเพื่อให้จำนวนนับที่ได้มีค่ามาก เป็นการลดข้อผิดพลาดที่เกิดจากการวัดรังสี นอกจากนี้ในกรณีของเรดิโอไอโซโทปที่มีครึ่งชีวิตสั้น ช่วงเวลาที่ตั้งสารตัวอย่างและสารมาตรฐานก่อนนำมาวัดรังสีจะมีผลต่อความแรงรังสีที่วัดได้เป็นอย่างมาก จะต้องทำการปรับค่าปริมาณรังสีให้อยู่ในเวลาที่เราเริ่มวัดรังสีพร้อมกัน (แก่ decay time factor) แล้วจึงนำมาเปรียบเทียบกันได้ ประการสุดท้ายคือประสิทธิภาพของเครื่องมือวัดรังสี เนื่องจากการทำงานของเครื่องมืออิเล็กทรอนิกส์อาจเปลี่ยนแปลงไปบ้างตามสภาพแวดล้อม เช่น อุณหภูมิ ความชื้น เป็นต้น ประสิทธิภาพในการวัดรังสีจึงอาจเปลี่ยนแปลงและมีผลให้การวิเคราะห์ผิดพลาดไปได้บ้าง

2.5.2 ข้อผิดพลาดทางเคมี

ในการวิเคราะห์ธาตุด้วยเทคนิคนิวตรอนแอคติเวชันแบบที่ต้องอาศัยกรรมวิธีทางเคมี จะต้องระมัดระวังข้อผิดพลาดทางเคมีที่อาจเกิดขึ้นได้โดยกรรมวิธีทางเคมีต่าง ๆ ที่ใช้กับสารตัวอย่างและสารมาตรฐานจะต้องให้สมบูรณ์เหมือนกันหมด เป็นต้นว่า การแยก การทำละลาย การตกตะกอน และการล้างตะกอน การวิเคราะห์ตัวอย่างเดียวกันซ้ำหลาย ๆ ครั้งจะช่วยให้ผลการวิเคราะห์ถูกต้องมากยิ่งขึ้น นอกจากนี้ควรจะมีการตรวจสอบกรรมวิธีทางเคมีที่ใช้ว่าสมบูรณ์เพียงใด