

### บทที่ 4

#### การวัดคุณสมบัติของวงจร

##### 4.1 วงจรเฟสล็อกคูลูป

4.1.1 วิธีการวัด การวัดคุณสมบัติของวงจรมีมากมายหลายชนิดขึ้นอยู่กับวัตถุประสงค์และลักษณะการใช้งาน เช่น ในงานซึ่งความถี่ไม่แน่นอน จะสนใจค่าล็อกเรนจ์และแคปเจอร์เรนจ์ ส่วนงานซึ่งความถี่แน่นอนแต่ไม่ได้ส่งมาตลอดเวลาจะสนใจเวลาในการล็อกหรือถ้าจะกล่าวให้ชัดเจน คือ การกระจายความน่าจะเป็นของเวลาในการล็อก เนื่องจากเวลาในการล็อกเป็นตัวแปรสุ่ม แต่ในกรณีนี้ใช้กับความถี่ซึ่งคงที่และต่อเนื่องตลอดเวลา ค่าที่สนใจจะอยู่ในเรื่องของความสามารถในการล็อก เช่น ค่าเฉลี่ยและความเบี่ยงเบนมาตรฐานของความคลาดเคลื่อนทางเฟส และในเรื่องเสถียรภาพทางความถี่หรือเฟส เช่น ค่าความแปรปรวนของอัลลัน (Allan variance) เป็นต้น รายละเอียดเหล่านี้ดูได้จาก [13]

การใช้วงจรเฟสล็อกคูลูปในระบบนี้เพื่อช่วยให้เสถียรภาพของสัญญาณนาฬิกาในสถานีหลังๆ ยั่งยืนเพียงพอที่จะทำงานได้อยู่ โดยพยายามขจัดการสั่นของเฟสที่ความถี่สูงออกไป แต่เนื่องจากขีดจำกัดทางด้านเครื่องมือจึงไม่สามารถวัดเสถียรภาพของสัญญาณนาฬิกาได้โดยตรง หรือแม้แต่ค่าความเบี่ยงเบนมาตรฐานของความคลาดเคลื่อนทางเฟสซึ่งวัดได้ง่ายๆ โดยวัดกำลังงานของแรงดันเข้า VCO ที่นำไปผ่านไฮพาสฟิลเตอร์ แต่ต้องการเครื่องมือที่มีความละเอียดสูง ในที่นี้จึงใช้การวัดคุณสมบัติในการขจัดการสั่นของเฟส ซึ่งใช้วิธีการวัดทางอ้อมได้ด้วยเครื่องมือพื้นฐาน ดังต่อไปนี้

เมื่อสัญญาณนาฬิกาซึ่งมีความถี่  $f_0$  ถูกมอดูเลททางความถี่ด้วยความถี่  $f_m$  และมีขนาดของความถี่ที่เบี่ยงเบนไปสูงสุดเท่ากับ  $F$  ดังนั้นถ้า  $f$  คือ ความถี่ของสัญญาณนาฬิกาที่ขณะใดๆ จะได้

$$f = f_0 + F \cos 2\pi f_m t$$

เมื่อป้อนสัญญาณดังกล่าวเข้าออสซิลโลสโคปจะได้รูปร่างดังรูป 4.1 ที่จุดเริ่มต้นเส้นจะมีความหนาแน่นที่สุด และจะเพิ่มความหนาขึ้นเรื่อยๆ ถ้าวัดความหนาของเส้นที่เวลา  $T_0$  หลังจาก

เริ่มต้น ได้ค่า  $\Delta t$  จะได้ความสัมพันธ์ดังนี้

$$\begin{aligned} \theta &= 2\pi \int_{T_1}^{T_2} f dt \\ &= 2\pi f_o (T_2 - T_1) + \frac{F}{f_m} \sin 2\pi f_m t \Big|_{T_1}^{T_2} \end{aligned}$$

ถ้า  $T_2 - T_1 = T_o$  จะได้

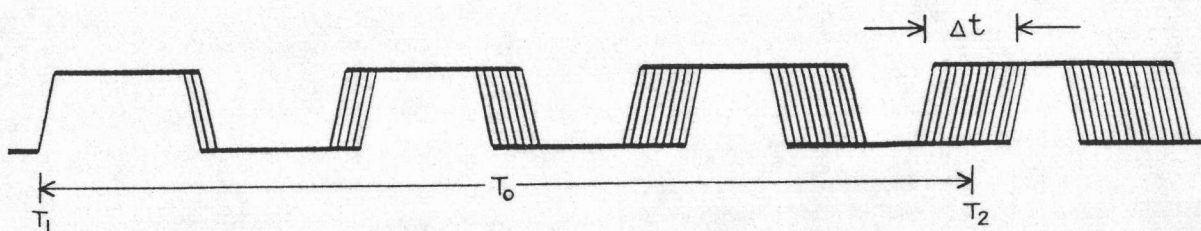
$$\theta_{max} = 2\pi f_o T_o + \frac{2F}{f_m} \sin \pi f_m T_o$$

และ  $\theta_{min} = 2\pi f_o T_o - \frac{2F}{f_m} \sin \pi f_m T_o$

ดังนั้น  $\Delta\theta = \theta_{max} - \theta_{min}$

$$= \frac{4F}{f_m} \sin \pi f_m T_o$$

และ  $\Delta t \approx \frac{\Delta\theta}{2\pi f_o} = \frac{2F T_o}{f_o} \text{ sinc } \pi f_m T_o \quad (4.1)$



รูป 4.1 สัญญาณนาฬิกาที่ถูกมอดูเลททางความถี่เมื่อดูด้วยออสซิลโลสโคป

จะเห็นว่า  $\Delta t$  แปรตาม  $F$  เมื่อใช้  $T_o$ ,  $f_o$  และ  $f_m$  ค่าเดียวกัน ดังนั้นเราสามารถ  
วัดการลดทอนของ  $F$  ลงได้ โดยวัดอัตราส่วนของ  $\Delta t$  แทน ดังนั้นให้  $\Delta t_i$  และ  $F_i$  เป็นค่าของ  
สัญญาณเข้า และ  $\Delta t_o$  และ  $F_o$  เป็นค่าของสัญญาณออกจากเฟสล็อกคูลป์ จะได้ทรานส์เฟอร์ฟังก์ชัน  
ของวงจรเฟสล็อกคูลป์เท่ากับ

$$|H(s)| = \frac{F_o}{F_i} = \frac{\Delta t_o}{\Delta t_i} \quad (4.2)$$

$$\text{เมื่อ } s = j 2\pi f_m$$

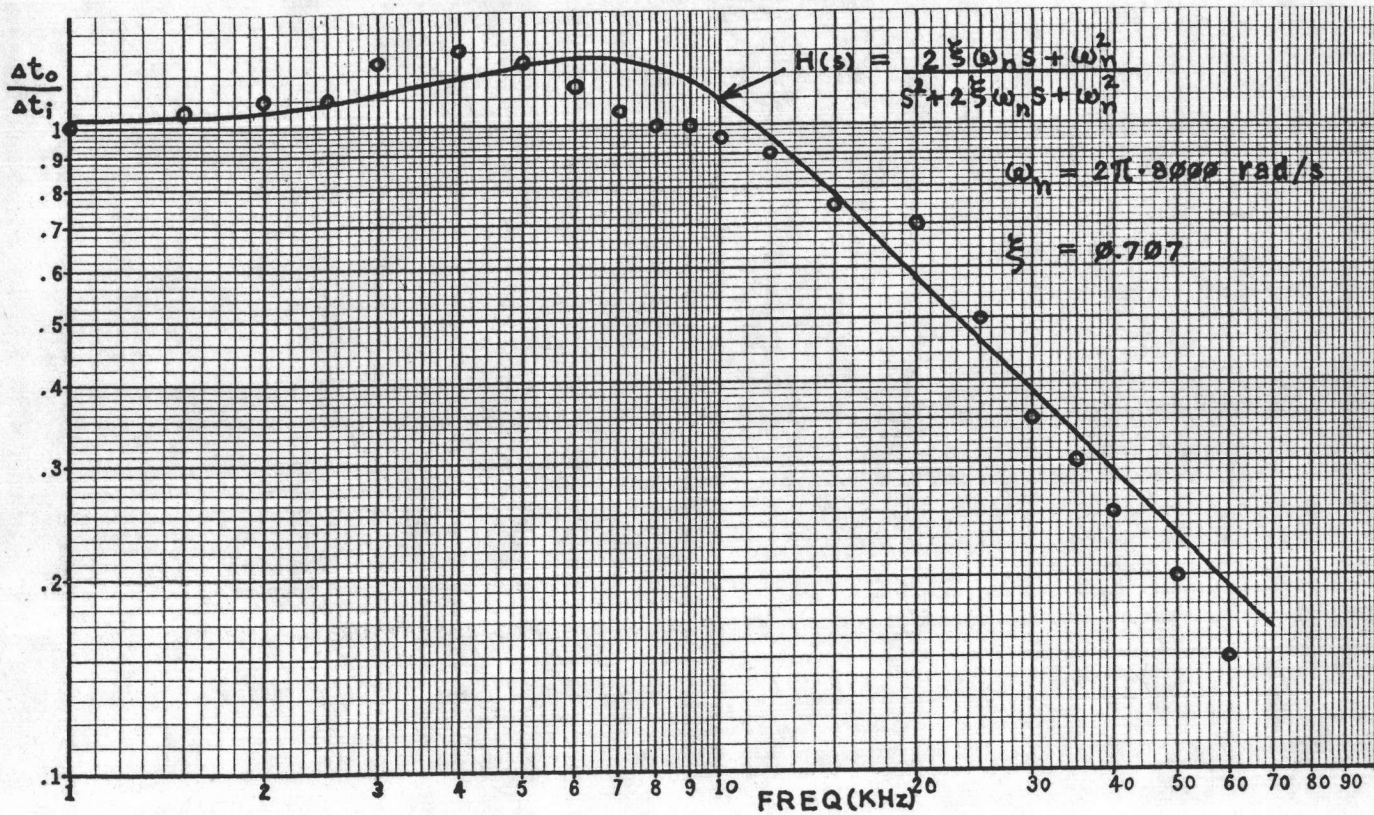
4.1.2 ผลการวัด เพื่อพิสูจน์ว่าสมการ (4.1) เป็นจริง จึงได้ทดลองใช้เครื่อง  
กำเนิดสัญญาณนาฬิกาซึ่งสามารถกวาดความถี่ได้ แต่จะใช้สัญญาณควบคุมจากภายนอก ดังนั้นจะมี  
ลักษณะเช่นเดียวกับการมอดูเลตทางความถี่ได้ และวัดอัตราขยายด้วยเครื่องนับความถี่ได้ 0.8  
เมกกะเฮิร์ตซ์ต่อโวลต์ ให้  $f_o = 2.048$  เมกกะเฮิร์ตซ์ และป้อนสัญญาณ sine ขนาดจากยอด  
ถึงยอด 50 มิลลิโวลต์ เป็นสัญญาณควบคุมที่ความถี่ 10 กิโลเฮิร์ตซ์ วัดความหนาของขอบสัญญาณ  
บนจอออสซิลโลสโคปเมื่อลื่นสัญญาณลูกที่ 11 นับจากต้นจอ จะได้ประมาณ 100 นาโนวินาที จาก  
การคำนวณจะได้

$$F = 50 \times 0.8/2 = 20 \text{ กิโลเฮิร์ตซ์}$$

$$T_o = 11/2.048 = 5.37 \text{ ไมโครวินาที}$$

$$\text{และ } \Delta t = 104 \text{ นาโนวินาที}$$

ดังนั้นจะเห็นได้ว่าการวัดด้วยวิธีดังกล่าวสามารถใช้งานได้จริง จากนั้นป้อนสัญญาณ  
นาฬิกาดังกล่าวเข้าวงจรเฟสล็อกคูลป์ วัด  $\Delta t_i$  และ  $\Delta t_o$  ที่ความถี่  $f_m$  ต่างๆ โดยพยายามปรับ  
ให้  $\Delta t_i$  คงที่เท่ากับ 100 นาโนวินาที นำมาหารอัตราส่วน  $\Delta t_o/\Delta t_i$  ได้ผลดังรูป 4.2 ซึ่งเทียบ  
กับค่าทางทฤษฎีที่ใช้ในการออกแบบในหัวข้อ 3.2 จะเห็นว่าได้ผลใกล้เคียงกันพอควร และวงจร  
เฟสล็อกคูลป์จะลดทอนการลื่นของขอบที่ความถี่สูงตามต้องการ ข้อควรระวังในการวัดด้วยวิธีนี้ คือ  
จะต้องระวังไม่ให้การมอดูเลตมากเกินไปจนทำให้ผลต่างเฟสของวงจรเฟสล็อกคูลป์มีค่าเกิน 360  
องศา

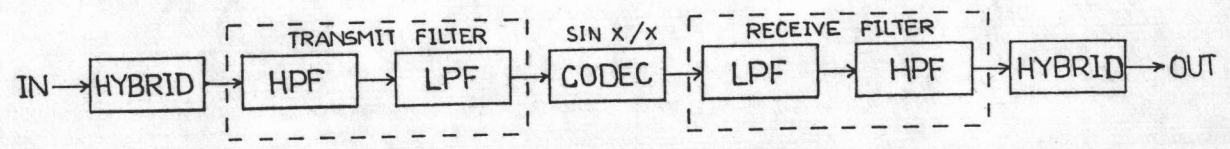


รูป 4.2 ผลของการลดการสั่นของขอบสัญญาณนาฬิกาด้วยวงจรเฟสล็อกคูลูป  
เมื่อเทียบกับค่าทางทฤษฎีจากการออกแบบ

#### 4.2 วงจรโทรศัพท์

ค่าที่ต้องการวัด คือ ผลตอบทางความถี่และความเพี้ยนรวมที่จุดต่างๆ ในวงจร รูป 4.3 แสดงบล็อกไดอะแกรมของวงจรโทรศัพท์ทั้งหมด บ่อนสัญญาณความถี่ต่างๆ เข้าทางคู่สายโทรศัพท์ ต้นทาง ปรับขนาดให้ได้แรงดันที่จุดออกจากฟิลเตอร์ภาคส่งเท่ากับ 2.5 V<sub>rms</sub> ตลอดทุกความถี่ สัญญาณขนาดดังกล่าวเป็นขนาดซึ่งต่ำกว่าขนาดสัญญาณสูงสุดอยู่ 3 เดซิเบล เมื่อวัดขนาดและความเพี้ยนรวมของสัญญาณที่จุดต่างๆ นำมาคำนวณ จะได้ผลตอบทางความถี่ของฟิลเตอร์ภาคส่งซึ่งเหมือนกับภาครับ ดังรูป 4.4 แสดงเทียบกับผลตอบทางทฤษฎีจากการออกแบบซึ่งได้ใกล้เคียงกันพอควร รูป 4.5 เป็นผลตอบทางความถี่รวมจากต้นทางถึงปลายทาง เทียบกับผลทางทฤษฎีเมื่อถือว่าไฮบริดทรานส์ฟอร์มเมอร์เป็นแบบอุดมคติ และคำนวณการลดทอนในรูป  $\sin x/x$  ด้วย จะเห็นว่าผลต่าง

ออกไปจากทฤษฎีมาก เนื่องจากไฮบริดทรานส์ฟอร์มเมอร์ลดทอนที่ความถี่ต่ำมาก และในช่วงความถี่สูงนั้นฟิลเตอร์ไม่สามารถแก้การลดทอนแบบ  $\sin x/x$  ได้ดีพอ

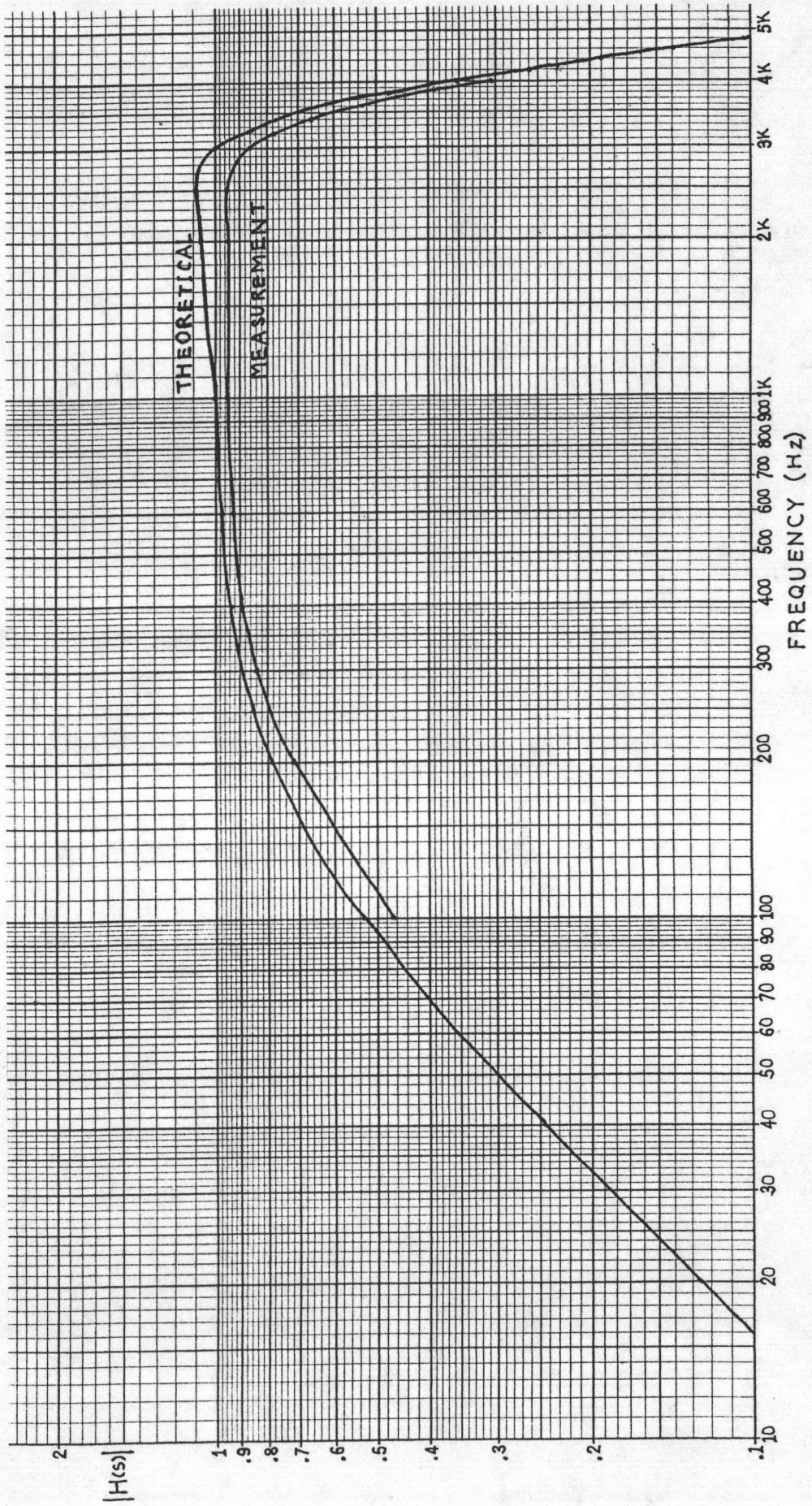


รูป 4.3 บล็อกไดอะแกรมของวงจรโทรศัพท์ทั้งหมด

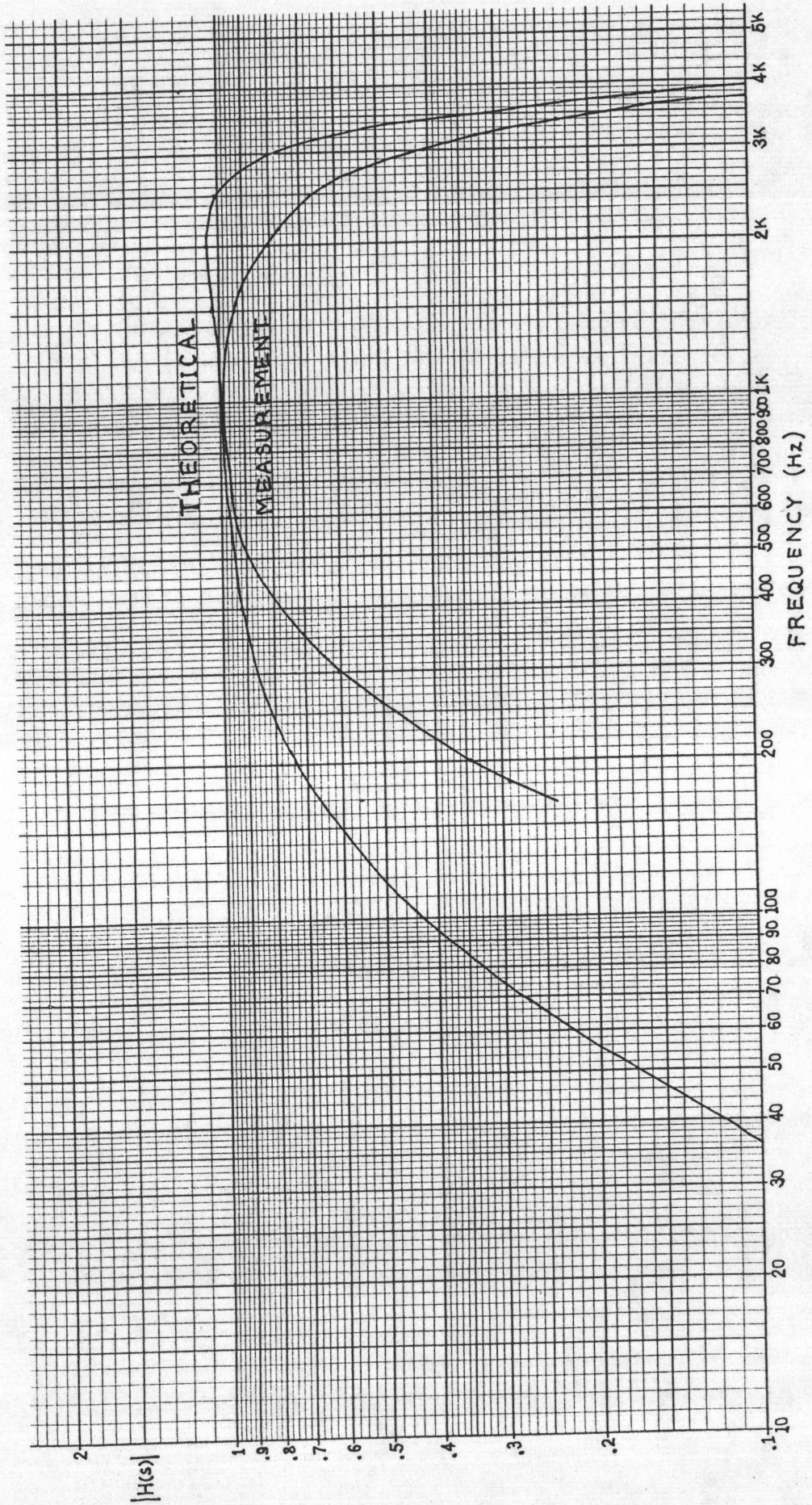
รูป 4.6 เป็นความถี่ที่จุดออกจากวงจรฟิลเตอร์ภาคส่ง, ออกจากฟิลเตอร์ภาครับ และปลายทาง จะเห็นว่าไฮบริดทรานส์ฟอร์มเมอร์ทำให้เกิดความถี่เพิ่มขึ้นมากทีเดียว ส่วนด้านความถี่สูงจะเกิดความถี่เนื่องจาก Alias หรือการพับกลับทางความถี่ เพราะฟิลเตอร์ไม่ชันพอนั้นเอง แต่ผลการรับฟังเป็นที่น่าพอใจ และมีคุณภาพเสียงดีกว่าโทรศัพท์ทั่วไปทั้งๆ ที่ความถี่รวมโดยเฉลี่ยประมาณ 6-7 เฮอร์เซ็นต์ แต่ส่วนหนึ่งเกิดจากสัญญาณ 50 เฮิร์ตซ์ ซึ่งจะไม่ค่อยได้ยินในโทรศัพท์

### 4.3 วงจรรับส่งข้อมูลแบบโปร่งใส

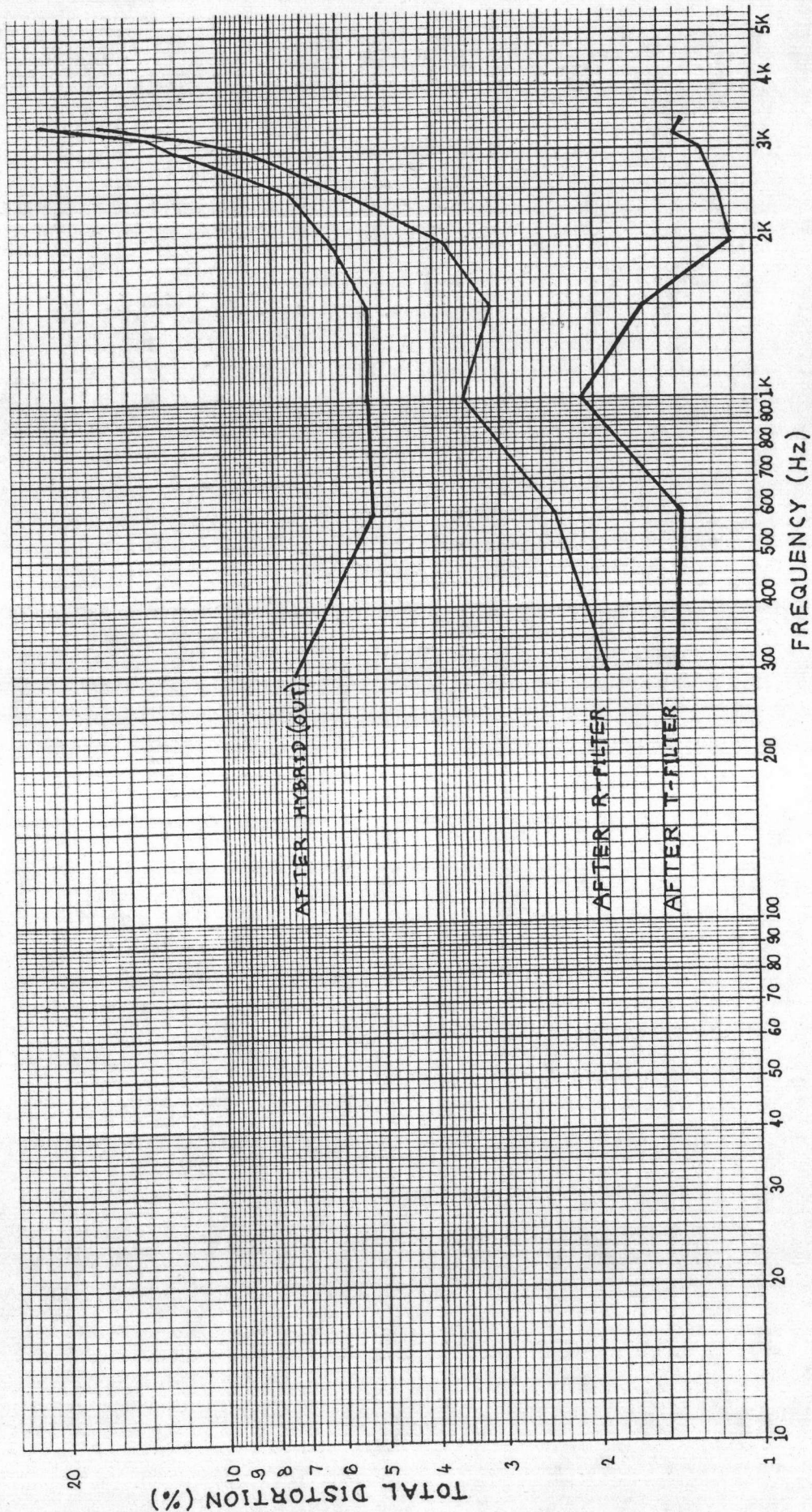
เพื่อทดสอบว่าการใส่และถอดรหัสแบบทรานซิชันเป็นไปอย่างถูกต้อง จึงทดลองส่งข้อมูลแบบแรนดอม ใช้โพลีโนเมียลในการกำเนิดข้อมูลเป็น  $1 + x^6 + x^7$  และใช้อัตราการส่งไถ่ๆ ซัดจำกัด คือ ประมาณ 7.8 กิโลบิตต่อวินาที ทางด้านรับจะตรวจสอบข้อมูลว่าถูกต้องหรือไม่ และนับจำนวนบิตที่เกิดผิดพลาดเอาไว้ ทดลองส่งเป็นเวลา 12 ชั่วโมง โดยไม่เกิดผิดพลาด เหตุที่ไม่สามารถทดลองได้นานกว่านั้น เนื่องจากการรบกวนจากสัญญาณรบกวนในตอนกลางวันมาก เช่น การเปิดปิดแอร์ หรือไฟฟ้าที่อยู่ใกล้ๆ ทำให้เกิดการผิดพลาดเป็นเบิรส์ห์ คือ ผิดทีละหลายสิบบิตติดต่อกัน ถ้าทดลองนานกว่านี้จะไม่สามารถแยกการผิดพลาดตามปกติออกจากเบิรส์ห์ได้ จากข้อมูลที่ได้อาจจะได้ว่า อัตราการผิดพลาดจะไม่เกิน  $3 \times 10^{-9}$  แต่ค่าที่แท้จริงอาจน้อยกว่านี้ ถ้าใช้เครื่องนับความผิดพลาดซึ่งสามารถบันทึกเวลาได้ด้วย เพื่อแยกเบิรส์ห์ออกไปสำหรับการทดลองเป็นเวลานานกว่านี้



รูป 4.4 ผลตอบทางความถี่ของวงจรฟิลเตอร์



รูป 4.5 ผลตอบทางความถี่รวมของวงจรทรานซิสเตอร์



รูป 4.6 ความเห็นรวมที่จุดต่าง ๆ ในวงจรโทรศัพท์