

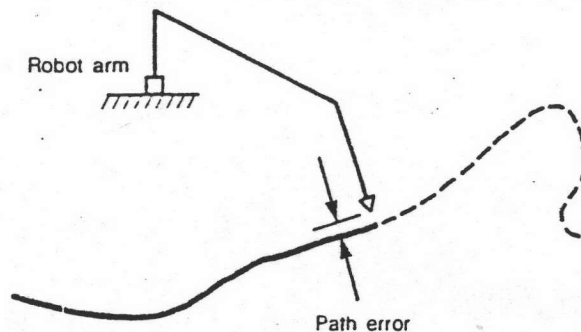


### บทที่ 3

## เทคนิคการควบคุมการเคลื่อนที่

### การจำแนกวิธีการควบคุมทางเดินแบบต่อเนื่อง

เทคนิคการควบคุมทางเดินแบบต่อเนื่อง สามารถแบ่งออกเป็น 2 วิธีขึ้นอยู่กับข้อมูลเกี่ยวกับทางเดินที่ใช้ในการคำนวณเพื่อควบคุมการหมุนของมอเตอร์ อย่างแรกเป็นการควบคุมแบบเซอร์โว (servo control) ดังแสดงในรูปที่ 3.1 วิธีการนี้ไม่มีข้อมูลเกี่ยวกับทางเดินที่จะเคลื่อนที่ถัดไป ตัวควบคุมอาจจะเก็บข้อมูลของทางเดินที่จะเคลื่อนที่ไว้แต่การคำนวณหาสัญญาณที่ใช้ในการขับเคลื่อนของมอเตอร์ทั้งหมด ได้จากการคำนวณหาค่าความผิดพลาดของทางเดินที่ผ่านมาและตำแหน่งที่อยู่ปัจจุบัน การควบคุมชนิดนี้มักพบใช้ในปัจุบันกับหุ่นยนต์อุตสาหกรรมและระบบควบคุมการผลิต (process control)

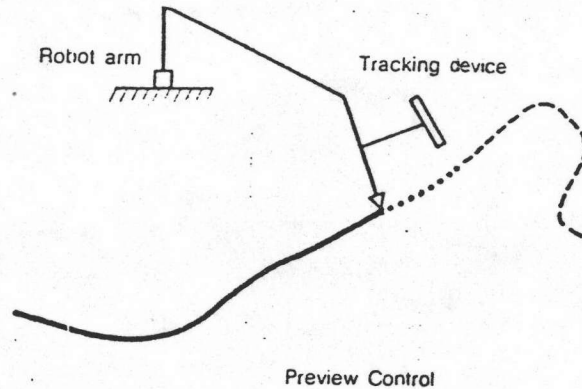


รูปที่ 3.1 Basic Servo Control

### รูปที่ 3.1 แสดงการควบคุมแบบเซอร์โว

ชนิดที่ 2 เรียกวิธีการควบคุมแบบพรีวิว (preview control) หรืออาจเรียกอีกอย่างว่า ฟีดฟอร์เวิร์ด (feed-forward) ดังแสดงในรูปที่ 3.2 สาเหตุเนื่องจากวิธีการนี้ต้องรู้ข้อมูลเกี่ยวกับทางเดินที่จะเคลื่อนที่ถัดไปจากตำแหน่งที่อยู่ การคำนวณหาสัญญาณที่ใช้ในการขับเคลื่อนของมอเตอร์ทั้งหมด คำนวณจากค่าผิดพลาด(error) ทั้งในอดีตที่เคลื่อนที่ผ่านและอนาคตที่จะเคลื่อนที่ไปถึง ตัวอย่างของการควบคุมแบบพรีวิว เช่นกรณีขับรถไปตามถนน สายตาจะมอง

เส้นทางที่เคลื่อนที่ เมื่อพบทางโค้ง จะต้องลดความเร็วลงก่อนที่จะถึงทางโค้งเพื่อป้องกันไม่ให้รถวิ่งออกนอกถนน วิธีการควบคุมแบบพรีวิวมักมีลักษณะคล้ายวิธีการนี้



รูปที่ 3-2 แสดงการควบคุมแบบพรีวิว

### การควบคุมแบบพรีวิวกับสเตปิ้งมอเตอร์

ทฤษฎีการควบคุมทั่วไป ตัวแปรมักเป็นค่าปริมาณในแบบอนาลอก และการป้อนกลับถูกออกแบบโดยกระทำแบบเวลาต่อเนื่อง (continuous time) ระบบการควบคุมในแบบอนาลอกสามารถเปลี่ยนเป็นระบบการควบคุมแบบดิจิตอล โดยใช้คอมพิวเตอร์เป็นตัวควบคุม ซึ่งจะต้องประมาณค่าเวลาและจำกัดเวลาที่ใช้ในการคำนวณระบบควบคุม ถ้าคอนโทรลลูป (control loop) ใช้เวลาในการคำนวณที่ เราสามารถหาเวลาที่ใช้โดยการนับจำนวนลูปแล้วประมาณค่า เพื่อให้เกิดความเข้าใจในระบบควบคุมทางเดิน โดยจะยกตัวอย่างระบบที่ใช้ควบคุมเป็นแบบข้อต่อเดี่ยว (single joint) สำหรับข้อมูลที่ใช้ในการคำนวณ คือตำแหน่งที่ต้องการเคลื่อนที่ในเวลาที่กำหนดให้  $x_d(k)$  และตำแหน่งที่อยู่จริง  $x(k)$  สำหรับการควบคุมโดยใช้สเตปิ้งมอเตอร์เป็นแอคชูเอเตอร์ (actuator) ระยะจุดหมายที่ต้องการเคลื่อนที่ไปถึง ถูกนำไปคำนวณหาสัญญาณควบคุม เพื่อที่จะนำไปแปลงเป็นอัตราสเตป (step rate) ที่เหมาะสม เพื่อแก้ไขความผิดพลาดที่เกิดจากการเคลื่อนที่ และรักษาทางเดินให้อยู่ในแนวทางเดินที่ต้องการ ผู้ค้นเคยกับการใช้สเตปิ้งมอเตอร์อาจจะสงสัยว่า ทำไมจึงใช้คอมพิวเตอร์ในการส่งอัตราสเตป ซึ่งเป็นวิธีที่ทำให้เกิดความผิดพลาด แทนที่จะใช้การคำนวณหาจำนวนสเตปที่ต้องการเคลื่อนที่ไปถึง แล้วส่งจำนวนพัลส์แก่มอเตอร์ในช่วงเวลาต่อไป สาเหตุที่ไม่ใช้วิธีการดังกล่าว เพราะต้องการจำกัดปัญหาอันเนื่องมาจากการคลาดสเตป ในกรณีที่ภาระของมอเตอร์ไม่สามารถคาดประมาณได้

ดังนั้นจึงต้องจัดหาอุปกรณ์ย้อนกลับเพื่อใช้ในการควบคุมแบบปิดลูป

แนวความคิดพื้นฐานเกี่ยวกับการแก้ไขแบบ ลัดส่วนและแบบอินทิกรัลสำหรับแก้ไขความผิดพลาดจากทางเดินที่กำหนด โดยมีรูปแบบของการควบคุมเป็นแบบไม่ต่อเนื่อง (discrete) ของสแต็ปปีงมอเตอร์ รูปแบบมาตรฐานของการควบคุมแบบลัดส่วนและแบบอินทิกรัล (PI) มีดังนี้

$$U_c(k) = K_p E(k) + K_i \sum_{j=0}^k E(j) \quad (3.1)$$

$$E(k) = X_d(k) - X(k) \quad (3.2)$$

เมื่อ $U_c(k)$	คือค่าสัญญาณควบคุมในเวลาสุ่มรอบที่ $k$
$E(k)$	คือค่าความผิดพลาดของการเคลื่อนที่ในเวลาสุ่มรอบที่ $k$
$X_d(k)$	คือจุดอ้างอิงที่ต้องการเคลื่อนที่ไปถึง
$X(k)$	คือจุดตำแหน่งจริง
$K_p$	เป็นค่าสัมประสิทธิ์ของตัวขยายแบบลัดส่วน
$K_i$	เป็นสัมประสิทธิ์ตัวขยายแบบอินทิกรัล

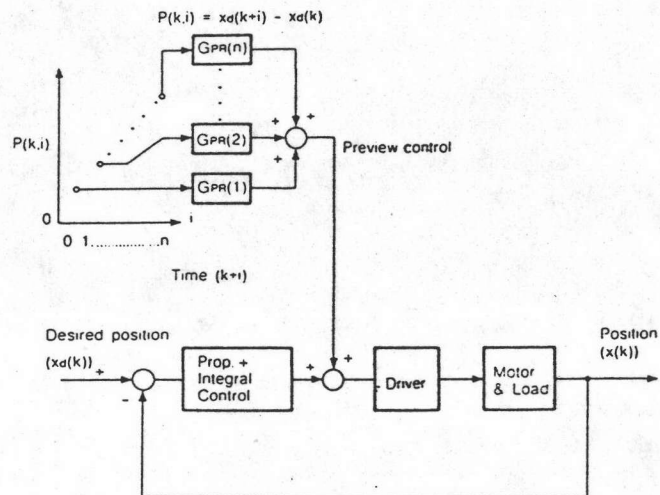
เทอมของอินทิกรัลได้จากการรวมผลจากความผิดพลาดของทางเดินทั้งหมด ในอดีตจนถึงปัจจุบัน การที่ตัวควบคุมแบบ PI จะสามารถควบคุมทางเดินได้ดีต้องทำการปรับค่าตัวขยาย  $K_p$  และ  $K_i$  ให้มีค่าที่ดีที่สุด

ถ้าเรามีข้อมูลเกี่ยวกับทางเดินข้างหน้าบางส่วน ซึ่งอาจใช้อุปกรณ์เช่น vision หรือ tactile sensing ทำหน้าที่เก็บข้อมูลล่วงหน้าถัดไปจากตำแหน่งที่กำลังเคลื่อน ดังนั้นเราจะได้อ่า  $X_d$  ถัดไป นำไปใช้ในการคำนวณหาสัญญาณควบคุมแบบพีวีวี แนวความคิดเกี่ยวกับการควบคุมแบบพีวีวี มักถูกนำไปประยุกต์ใช้กับการควบคุมแบบเซอร์โว ดังนั้นเราสามารถนำการแก้ไขแบบพีวีวีรวมเข้ากับการแก้ไขแบบ พี.ไอ. ที่ใช้กับสแต็ปปีงมอเตอร์ โดยค่าความผิดพลาดของเทอมพีวีวีที่ใช้ในการคำนวณได้มาจาก

$$P(k, n_p) = X_d(k+n_p) - X_d(k) \quad (3.3)$$

เมื่อ $P(k, n_p)$	คือค่าความคลาดเคลื่อนของพีวีวี
$n_p$	คือค่าจำนวนจุดอ้างอิงถัดไปจากตำแหน่งปัจจุบัน
$X_d(k+n_p)$	คือจุดพีวีวีก้าวที่ $n_p$

วิธีการที่รวมเอาการควบคุมแบบพรีวิวกับการควบคุมแบบ พีไอ (PI) แสดงในรูปที่ 3.3 โดยค่าสัมประสิทธิ์ของตัวขยายแบบพรีวิวมักมีค่าเฉพาะตัวในแต่ละจุด สมการที่ใช้ในการ



รูปที่ 3.3 แสดงระบบการควบคุมแบบ พี.ไอ.พี กับสเตปปีงมอเตอร์

ควบคุมโดยการรวมเทอมการแก้ไขของพรีวิว จะได้

$$U_c(k) = K_p E(k) + K_i \sum E(j) + \sum_{i=1}^n K_{pr}(i) P(k,i) \quad (3.4)$$

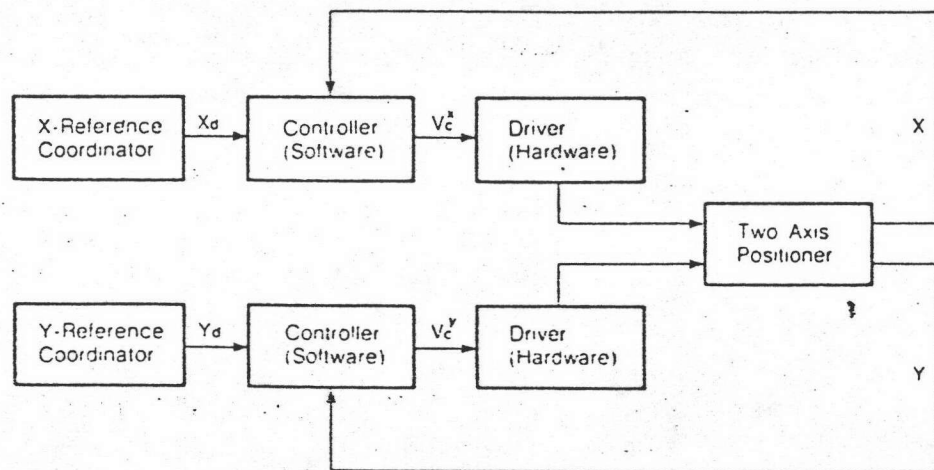
n เป็นจำนวนข้อมูลของพรีวิว

เพื่อที่จะให้เห็นผลจากการรวมเทอมของพรีวิว โดยจะยกตัวอย่างทางเดินของข้อต่อเดียวนี้ เคลื่อนที่ในทิศทาง +X ในรอบต่อไปของการควบคุมแบบเซอร์โว ในกรณีนี้เทอมของค่าผิดพลาดแบบพรีวิวมักมีค่าเป็นบวก(positive) กับอัตราขยายของพรีวิว ซึ่งจะมีผลในการเพิ่มอัตราของสเตปก่อนถึงจุดเปลี่ยนทางเดิน ดังนั้นตัวควบคุมสามารถคาดการณ์การเปลี่ยนแปลงของทางเดิน และเริ่มเพิ่มความเร็วก่อนการแทรก(tracking) เกิดขึ้น ในทางกลับกัน ถ้าเส้นทางที่เคลื่อนที่ถัดไปเปลี่ยนในทิศทาง -X จะทำให้ลดความเร็วก่อนที่การแทรกจะถึงจุดเปลี่ยน

ความโค้ง ดังนั้นเราจะเรียกตัวควบคุมแบบใหม่จากการรวม แบบสัดส่วน แบบอินทิกรัลและแบบพรีวิว่า ตัวควบคุมแบบ พี.ไอ.พี.

### การประยุกต์ใช้ระบบควบคุมแบบ พี.ไอ.พี. กับโต๊ะ X-Y

ฮาร์ดแวร์ที่ใช้ทดสอบระบบควบคุมแบบ พี.ไอ.พี. ของสเตปปีงมอเตอร์เป็นโต๊ะ X-Y ที่มีการเคลื่อนที่แบบคาร์ทีเซียน (cartesian coordinate) โดยมีลีดสกรู (lead screw) ที่เปลี่ยนการหมุนเป็นการเลื่อน ต่อเข้ากับแกนของเพลสสเตปปีงมอเตอร์และเพื่อหลีกเลี่ยงปัญหาที่เกิดจากการคลาดสเตป (miss step) จะใช้ออปติคัลอินครีเมนซ์เอนโคเดอร์ (optical increment encoder) สำหรับบ้อนสัญญาณกลับโดยต่อเข้ากับแต่ละแกนของลีดสกรู



รูปที่ 3.4 แสดงการประยุกต์ระบบควบคุมแบบ พี.ไอ.พี กับโต๊ะ X-Y

เนื่องจากเราไม่มีเครื่องมือ vision หรือ tactile sensing สำหรับส่งข้อมูลพรีวิไปยังตัวควบคุม ดังนั้นเราจะใช้ข้อมูลของทางเดินที่เก็บไว้ในหน่วยความจำของคอมพิวเตอร์แทน ปัญหาอีกอย่างเกี่ยวกับการเลือกสัมประสิทธิ์ตัวขยายของพรีวิที่จะทำให้สมรรถนะของระบบดีที่สุดเนื่องจากค่าเหล่านี้มีค่าเฉพาะตัว เพื่อลดความยุ่งยากดังกล่าวเราจะลดจำนวนพรีวิให้เหลือเพียงจุดเดียว ดังนั้นสมการข้างต้นจะเปลี่ยนไปเป็น

$$U_{\underline{}}(k) = K_{\underline{}} E(k) + K_{\underline{}} \Sigma E(j) + K_{\underline{}} P(k,n) \quad (3.5)$$

เมื่อ  $n$  เป็นจำนวนจุดสว่างหน้าของพริ้ว

### การสร้างจุดพิกัดอ้างอิงสำหรับเส้นทางเดินแบบต่อเนื่อง

ในการควบคุมการเคลื่อนที่ตามเส้นทางที่กำหนด ด้วยความเร็วคงที่ตลอดระยะทางที่เคลื่อนที่ สิ่งสำคัญคือการสร้างจุดอ้างอิงสำหรับการเปรียบเทียบกับตำแหน่งจริง จุดอ้างอิงที่สร้างขึ้นที่อยู่ชิดกัน จะอยู่ห่างกันเป็นระยะทางที่คาดว่าระบบสามารถเคลื่อนที่ด้วยความเร็วที่กำหนดในช่วงเวลาแต่ละรอบของการควบคุม ซึ่งเป็นไปตามสมการ

$$\Delta s = V_{\underline{}} * T \quad (3.6)$$

$\Delta s$  คือระยะทางที่เคลื่อนที่ได้ในแต่ละรอบของการควบคุม  
 $V_{\underline{}}$  คือความเร็วที่กำหนด  
 $T$  คือเวลาในการสุ่มค่า

เมื่อทราบระยะทางที่เคลื่อนที่ ก็สามารถนำไปหาจุดพิกัด  $x-y$  ในแต่ละแนวแกน เส้นทางเดินอ้างอิงที่ใช้ในการทดสอบการเคลื่อนที่ ได้จากการรวมเส้นตรงและเส้นโค้งประกอบเข้าด้วยกัน โดยมีวิธีการสร้างดังนี้

1. เส้นตรง ข้อมูลจำเป็นที่ต้องใช้ในการสร้างเส้นตรง ได้แก่

1.1 จุดเริ่มต้น  $(x_0, y_0)$

1.2 จุดสิ้นสุด  $(x_{\text{end}}, y_{\text{end}})$

ค่าความชันของเส้นตรงได้จากสมการ

$$\tan\theta = \frac{y_{\text{end}} - y_0}{x_{\text{end}} - x_0} \quad (3.7)$$

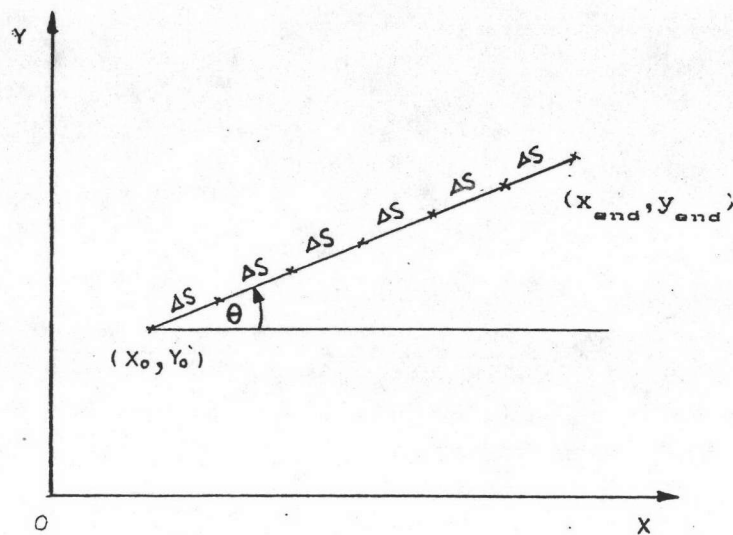
$$\theta = \tan^{-1} \frac{y_{\text{end}} - y_0}{(x_{\text{end}} - x_0)} \quad (3.8)$$

ระยะทางที่เคลื่อนที่ได้ทั้งหมด

$$s = \sqrt{(x_{\text{end}} - x_0)^2 + (y_{\text{end}} - y_0)^2} \quad (3.9)$$

จำนวนจุดอ้างอิงที่ต้องสร้างขึ้น

$$n = s/\Delta s \quad (3.10)$$



รูปที่ 3.5 แสดงการสร้างจุดนิกต์อ้างอิงในแบบเส้นตรง

จุดนิกต์อ้างอิงในแต่ละแนวแกน จะได้จากสมการที่ (3.11) และ (3.12)

$$x_1 = x_0 + (i * \Delta s) \cos \theta \quad (3.11)$$

$$y_1 = y_0 + (i * \Delta s) \sin \theta \quad (3.12)$$

2. เส้นโค้ง ข้อมูลที่ต้องใช้ในการสร้างเส้นโค้งประกอบด้วย

2.1 จุดศูนย์กลาง  $(x_c, y_c)$

2.2 รัศมีส่วนโค้ง  $(r_c)$

2.3 มุมเริ่มต้นเทียบกับแกน X  $(\theta_0)$

2.4 มุมสิ้นสุดเทียบกับแกน X  $(\theta_{\text{end}})$

จากระยะทางที่เคลื่อนที่ได้ในแต่ละรอบของการควบคุม  $\Delta s$  นำไปหาค่ามุมที่เคลื่อนที่  $\Delta\theta$

$$\Delta\theta = \cos^{-1}[(2r_o^2 - \Delta s^2)/(2r_o^2)] \quad \text{rad} \quad (3.13)$$

จำนวนมุมทั้งหมดที่เคลื่อนที่ได้ทั้งหมด

$$\theta = (\theta_{\text{end}} - \theta_o) \frac{\pi}{180} \quad (3.14)$$

จำนวนจุดอ้างอิงทั้งหมด

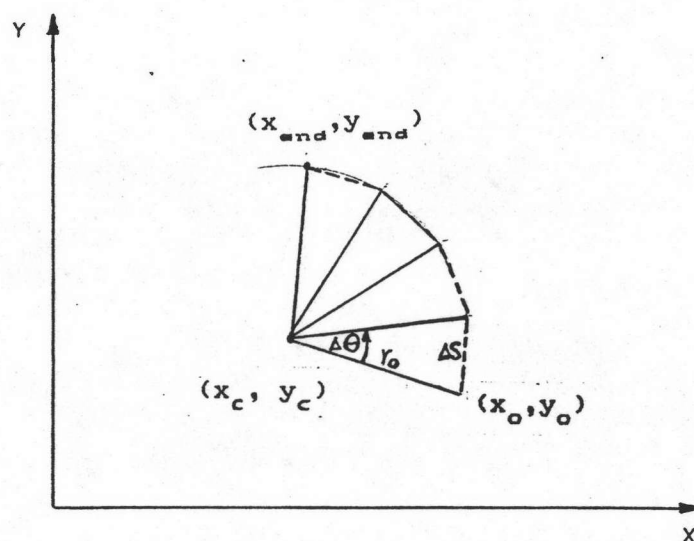
$$n = \theta/\Delta\theta \quad (3.15)$$

จุดนิกต์อ้างอิงในแต่ละแนวแกนของเส้นโค้งหาได้จากสมการที่ (3.16) และ

(3.17)

$$x_i = r_o \cos(\theta_o + i \Delta\theta) + x_c \quad (3.16)$$

$$y_i = r_o \sin(\theta_o + i \Delta\theta) + y_c \quad (3.17)$$



รูปที่ 3.6 แสดงการสร้างจุดนิกต์อ้างอิงในแบบเส้นโค้ง