



การจัดสรรความจุสำรองของโครงข่าย DWDM สำหรับรองรับมัลติคาสต์กราฟฟิก โดยใช้อัลกอริทึมฮิวริสติกแบบ Tabu Search

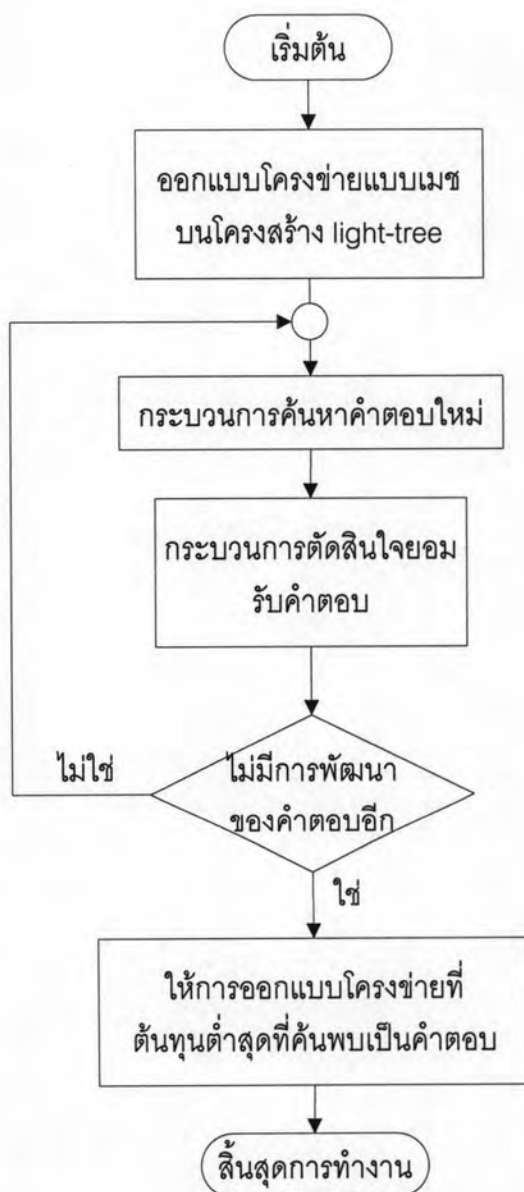
จากการศึกษาถึงผลเฉลยที่ได้จากการจำลองปัญหาด้วยสมการคณิตศาสตร์ใน [16] ซึ่งได้นำเสนอและทดสอบวิธีปกป้องโครงข่ายสำหรับรองรับกราฟิกแบบมัลติคาสต์ โดยอาศัยเครื่องมือที่เรียกว่า ILP พบว่ากระบวนการจัดสรรเส้นทางและความยาวคลื่นเมื่อทดสอบกับโครงข่ายที่มีขนาดใหญ่จะใช้เวลาค่อนข้างมาก ดังเหตุผลที่ได้กล่าวไว้ในบทที่ 1 ดังนั้นในบทนี้จะกล่าวถึงการนำอัลกอริทึมฮิวริสติกบนพื้นฐานการค้นหาแบบทาบูมาใช้ในการจัดสรรความจุสำรองของโครงข่าย DWDM แทนวิธีการดังกล่าว

3.1 อัลกอริทึมฮิวริสติกบนพื้นฐานของการค้นหาแบบทาบู

การหาผลเฉลยของปัญหาแบ่งออกเป็น 2 ขั้นตอนสำคัญ คือ กระบวนการค้นหาคำตอบใหม่และกระบวนการตัดสินใจเพื่อยอมรับคำตอบ กระบวนการค้นหาคำตอบใหม่ คือ การปรับเปลี่ยนการออกแบบโครงข่ายจากเดิมไปสู่การออกแบบที่อาจจะให้ต้นทุนดีขึ้น คำตอบใหม่นี้ อาจได้รับการยอมรับหรือไม่ก็ได้ โดยการพิจารณาจะทำในกระบวนการตัดสินใจเพื่อยอมรับคำตอบ กระบวนการค้นหาคำตอบใหม่และกระบวนการตัดสินใจเพื่อยอมรับคำตอบจะถูกทำซ้ำหลาย ๆ รอบ (iterative) จนกว่าจะได้คำตอบเป็นที่น่าพอใจหรือไม่เห็นการพัฒนาของคำตอบอีกภายในระยะเวลาที่กำหนดไว้ ขั้นตอนการปรับปรุงการออกแบบให้ดีขึ้นด้วยอัลกอริทึมฮิวริสติก มีผังงานดังรูปที่ 3.1

สำหรับวิทยานิพนธ์นี้จะนำอัลกอริทึมฮิวริสติกบนพื้นฐานการค้นหาแบบทาบู (Tabu Search หรือ TS) มาใช้สำหรับปรับปรุงการออกแบบปกป้องโครงข่ายเมื่อเกิดความเสียหายหนึ่งข้างเชื่อมโยงซึ่ง TS คือ อัลกอริทึมฮิวริสติกวิธีหนึ่งที่ใช้ในการประมาณค่าผลเฉลยของสมการในวิธีการหาคำตอบของปัญหาที่สนใจเพื่อให้ได้คำตอบที่ดีที่สุด นอกจากนี้ TS ยังใช้ในการแก้ปัญหาที่คำตอบในกระบวนการปรับปรุงการออกแบบโครงข่ายมักจะติดอยู่ใน Local Optimum ด้วยการเพิ่มความหลากหลายของชุด คำตอบพร้อม ๆ กับการยอมรับคำตอบใหม่ทุกกรณี ไม่ว่าจะการออกแบบจะให้ต้นทุนดีขึ้น, เท่าเดิม หรือด้อยลงก็ตาม ในการเพิ่มความหลากหลายของชุดคำตอบของ TS จะป้องกันไม่ให้คำตอบใหม่ซ้ำกับคำตอบเดิมในรอบก่อน ๆ โดยในแต่ละรอบของกระบวนการค้นหาคำตอบใหม่จะมีการพิจารณาย้าย (move) บางอย่างที่มีโอกาสทำให้

คำตอบใหม่ที่จะค้นหาซ้ำกับคำตอบเดิมในรอบก่อน ๆ การย้ายเหล่านี้จะถูกห้ามและถูกบันทึกในหน่วยความจำที่เรียกว่า tabu list อย่างไรก็ตาม การย้ายที่อยู่ในหน่วยความจำนี้จะถูกห้ามอยู่เพียงชั่วคราวเท่านั้น หลังจากนั้นจะได้รับการลบออกจากตารางและอนุญาตให้กระทำดังเดิม ดังนั้นการกำหนดความยาวหรือขนาดของ tabu list คือ การกำหนดระยะเวลาที่การย้ายจะถูกห้ามนั่นเอง



รูปที่ 3.1 ผังงานของอัลกอริทึมฮิวริสติกสำหรับการปรับปรุงการออกแบบโครงข่าย [25]

ขั้นตอนการทำงานของ TS เริ่มจาก กำหนดผลเฉลยที่เป็นไปได้ (current solution, S) ในเซตจำกัดของผลเฉลยที่เป็นไปได้ (search space, Ω) เซตของผลเฉลยที่ได้มาจากการเคลื่อนที่อย่างง่าย (simple move) $q \in Q$ หรือ เรียกอีกอย่างหนึ่งว่า ผลเฉลยข้างเคียง (neighborhood,

$N(S)$) เมื่อ Q คือ เซตของการเคลื่อนที่อย่างง่ายที่ยอมให้ใช้เป็นผลเฉลย และ $N(S)$ จะถูกนิยามสำหรับแต่ละ S ตัวอย่างผลเฉลยส่วนเล็กๆของ $N(S)$ หรือ V^* จะถูกสร้างขึ้นซึ่ง $V^* \subset N(S)$ และ V^* จะเรียกว่า ผลเฉลยทดสอบ หรือ trial solution ($|V^*| = n \ll |N(S)|$) เมื่อได้ V^* เราจะสามารถเลือกผลเฉลยที่ดีที่สุด (best solution, S^*) ไว้สำหรับการพิจารณาการหาผลเฉลยถัดไป การเคลื่อนที่ไปยัง S^* จะได้รับการพิจารณาก็ต่อเมื่ออยู่ในภาวะที่ยอมรับได้ การเลือกการเคลื่อนที่ที่ดีจะต้องอยู่บนข้อสมมุติว่า การเคลื่อนที่นั้นจะต้องมีความเป็นไปได้ที่จะมีผลเฉลยที่ใกล้เคียงกับผลเฉลยที่เหมาะสมมากที่สุดแม้ว่า S^* นั้นไม่สามารถที่จะทำให้ S ดีขึ้น แต่ S^* ก็ยังคงนำมาใช้ในการพิจารณาในการหาผลเฉลย อย่างไรก็ตามคุณสมบัติข้างต้นก็ยังคงมีความเป็นไปได้ที่จะทำให้มีการย้อนกลับไปผลเฉลยก่อนหน้า ดังนั้นจะแก้ปัญหาโดยใช้ tabu list ซึ่ง tabu list นี้ คือหน่วยความจำที่ใช้ในการเก็บระยะเวลาของข้อมูลที่ต้องการปิดไว้ไม่ให้นำมาใช้ในการหาผลเฉลย เพื่อป้องกันการกลับไปผลเฉลยก่อนหน้า ดังนั้นการจำกัดการเคลื่อนที่ (tabu restriction) ก็อาจจะทำให้มองไม่เห็นการเคลื่อนที่ที่จะทำให้ได้ผลเฉลยที่เหมาะสมที่สุด ดังนั้นเราจะมีเกณฑ์การยอมรับคำตอบ (aspiration criterion) ตั้งไว้สำหรับมาช่วยในการยืดหยุ่นการดำเนินการของ tabu list และทำให้แน่ใจได้ว่าจะสามารถยอมรับการเคลื่อนที่นี้ได้ ซึ่งถ้า S^* ไม่อยู่ใน aspiration criterion แล้ว จะต้องมีการกำหนดการเคลื่อนที่ขึ้นมาอีกครั้ง และเริ่มดำเนินการหาผลเฉลยตามขั้นตอนข้างต้นอีกจนกว่าจะครบจำนวนรอบตามที่ได้กำหนดไว้

3.2 การประยุกต์ใช้อัลกอริทึมวิฤติบนพื้นฐานของการค้นหาแบบทาบูเพื่อจัดสรร ความจุสำรองให้กับโครงข่าย DWDM

เนื่องจากการจัดสรรความจุสำรองของโครงข่าย DWDM ในวิทยานิพนธ์นี้ จำเป็นที่จะต้องทราบเส้นทางและความยาวคลื่นในสภาวะปกติของโครงข่ายก่อน เพราะการจัดสรรเส้นทางและความยาวคลื่นดังกล่าว มีผลกระทบโดยตรงต่อการจัดสรรความจุสำรองให้กับโครงข่ายในเชิงของจำนวนเส้นใยนำแสงสำรองที่จะต้องวางเพิ่มเข้าไปในโครงข่าย เพื่อปกป้องโครงข่ายให้ทำงานได้เช่นเดิม ดังนั้นการกำหนดเส้นทางและความยาวคลื่นในสภาวะปกติของโครงข่ายจึงเป็นสิ่งที่ต้องคำนึงถึงโดยเฉพาะอย่างยิ่งเมื่อต้องการจัดสรรความจุสำรองให้กับโครงข่ายที่มีขนาดใหญ่ ซึ่งการเส้นทางในสภาวะปกติถือเป็นปัญหาที่พบในอันดับแรกถ้านำ ILP มาใช้ในการหาคำตอบ เพื่อเป็นการลดปัญหาในขั้นต้น วิทยานิพนธ์นี้จึงนำอัลกอริทึมวิฤติบนพื้นฐานของการค้นหาแบบทาบูมาใช้ในการแก้ไขปัญหาดังกล่าว ก่อนที่จะนำคำตอบที่ได้ไปใช้ในการจัดสรรความจุสำรองให้กับโครงข่ายเมื่อเกิดความเสียหายหนึ่งสายเชื่อมโยงเป็นลำดับถัดไป

สำหรับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ ลักษณะและข้อสมมุติของโครงข่ายที่นำมาใช้นั้น จะแทนที่โครงข่าย DWDM ที่พิจารณาด้วยกราฟแบบไม่แสดงทิศทาง (Undirected Graph) $G(V, E)$ ซึ่ง

ประกอบไปด้วยเซตของ MC-OXC โหนด (V) จำนวน N โหนด, $|V| = N$ และเซตของสายเชื่อมต่อใยทองกายภาพ (Physical Links) (E) แบบไม่แสดงทิศทาง (Undirected Links) จำนวน L สายเชื่อมต่อใยทอง, $|E| = L$ โดยในแต่ละสายเชื่อมต่อใยทองจะประกอบด้วยกลุ่มของเส้นใยนำแสงที่ทำหน้าที่รองรับเส้นทางที่ใช้ในการส่งผ่านข้อมูลระหว่างโหนดต้นทางกับปลายทาง รวมทั้งทำการกำหนดให้จำนวนความยาวคลื่นที่สามารถมัลติเพล็กซ์ได้ในเส้นใยนำแสงแต่ละเส้นมีจำนวนจำกัดเท่ากับ M นอกจากนี้ยังกำหนดให้แต่ละโหนด MC-OXC มีการติดตั้งอุปกรณ์ในการทำมัลติคาสต์เพื่อทำการคัดลอกและแยก (Split) สัญญาณแสงออกเป็นสัญญาณย่อยจำนวนหนึ่ง ทำให้สามารถส่งข้อมูลไปยังโหนดปลายทางที่ร้องขอข้อมูลดังกล่าวเป็นจำนวนมากได้ นอกจากนี้ยังทำการกำหนดให้ปริมาณทราฟฟิกของแต่ละการเชื่อมต่อแบบมัลติคาสต์ในโครงข่ายเป็นทราฟฟิกแบบคงที่ไม่เปลี่ยนแปลงตามเวลา (Static Traffic) ซึ่งสอดคล้องกับหลักความเป็นจริงที่ว่า โครงข่ายที่ออกแบบในที่นี้เป็นโครงข่ายขนาดใหญ่ที่มีพื้นที่ครอบคลุมกว้างขวางรวมทั้งมีการเชื่อมต่อใยทองในระดับประเทศหรือทวีป (Core Network) ดังนั้น เมื่อทำการพิจารณาถึงการเปลี่ยนแปลงของปริมาณ ทราฟฟิกในโครงข่ายจะพบว่าระดับการเปลี่ยนแปลงของปริมาณทราฟฟิกจะมีน้อยมาก นาน ๆ ครั้งจึงจะเกิดการเปลี่ยนแปลงขึ้น ด้วยเหตุผลดังกล่าวนี้ จึงทำการกำหนดให้ปริมาณของทราฟฟิกในโครงข่ายที่พิจารณาเป็นปริมาณทราฟฟิกแบบคงที่ [16]

3.2.1 การจัดสรรเส้นทางและความยาวคลื่นในสภาวะปกติของโครงข่าย DWDM

ส่วนประกอบของอัลกอริทึมฮิวริสติกบนพื้นฐานการค้นหาแบบทาบูเพื่อที่จะนำไปประยุกต์ใช้ในการจัดสรรความจุสำรองให้กับโครงข่าย เมื่อโครงข่ายเกิดความเสียหายหนึ่งสายเชื่อมต่อใยทอง มีดังนี้

3.2.1.1 การเข้ารหัส (Encoding)

กำหนดให้ เวกเตอร์ \mathbf{T} คือเวกเตอร์ที่ใช้แทนเซตของดรรชนีของต้นไม้เชิงแสงในแต่ละมัลติคาสต์เซตชั้นที่ถูกจัดสรรให้กับโครงข่าย ซึ่งมีจำนวนสมาชิก $|R|$ ตัว

$$\mathbf{T} = [\mathbf{T}_{r=1} \ \mathbf{T}_{r=2} \ \mathbf{T}_{r=3} \ \dots \ \mathbf{T}_{r=|R|}] \quad (1)$$

ซึ่งเวกเตอร์ \mathbf{T}_k จะประกอบด้วยดรรชนีของต้นไม้เชิงแสง ($i_k(n)$, $1 \leq n \leq t_k$) ที่ถูกนำไปใช้ในการรองรับแต่ละทราฟฟิกของเซตชั้นที่ k

$$\mathbf{T}_k = [i_k(1) \ i_k(2) \ i_k(3) \ \dots \ i_k(t_k)] \quad (2)$$

หมายเหตุ กำหนดให้

$K = |R|$ คือ จำนวนมัลติคาสต์เซสชันทั้งหมดในโครงข่ายที่ใช้ทดสอบ

$r_k(s_k, D_k)$ คือ กลุ่มมัลติคาสต์เซสชันที่ k ที่มี s_k เป็นโหนดต้นทางและ D_k เป็นเซตของโหนดปลายทาง

t_k คือ ปริมาณทราฟฟิกของเซสชันที่ k

3.2.1.2 ผลเฉลยตั้งต้น (Initial Solution)

ในวิทยานิพนธ์นี้ ผลเฉลยตั้งต้น (initial solution) ในตอนเริ่มต้นของกระบวนการค้นหาคำตอบจะกำหนดให้แต่ละทราฟฟิกของแต่ละเซสชันเลือกต้นไม้เชิงแสงที่สั้นที่สุดที่ใช้รองรับทราฟฟิกนั้นมาเป็นคำตอบเริ่มต้นให้กับกระบวนการค้นหาคำตอบ กระบวนการค้นหาคำตอบจะเริ่มต้นโดยการประเมินค่าคำตอบที่ได้จากเซตของผลเฉลยข้างเคียงของผลเฉลยตั้งต้นนั้น เพื่อที่จะนำไปเป็นค่าคำตอบในขณะนั้น และเป็นค่าคำตอบเริ่มต้นของการค้นหาคำตอบในรอบถัดไป ซึ่งโครงสร้างผลเฉลยข้างเคียง (neighborhood structure) จะกล่าวไว้ใน 3.2.1.4

3.2.1.3 ฟังก์ชันการประเมิน (Evaluate Function)

โครงข่ายจะได้รับการประเมินโดยใช้เวกเตอร์ผลเฉลย X

$$X = [V(T_{r_{k=1}}) \quad V(T_{r_{k=2}}) \quad V(T_{r_{k=3}}) \quad \dots \quad V(T_{r_{k=|R|}})]^T \quad (3)$$

ซึ่ง $V(T_{r_k})$ ประกอบด้วยตัวแปรบูลีนที่ใช้ในการบอกสถานะของข่ายเชื่อมโยงที่ได้รับการจัดสรรให้กับ ทราฟฟิกของเซสชันที่พิจารณา

$$V(T_{r_k}) = \begin{bmatrix} x_{i_{r_k}(1)j=1} & x_{i_{r_k}(1)j=2} & x_{i_{r_k}(1)j=3} & \dots & x_{i_{r_k}(1)j=L} \\ x_{i_{r_k}(2)j=1} & x_{i_{r_k}(2)j=2} & x_{i_{r_k}(2)j=3} & \dots & x_{i_{r_k}(2)j=L} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ x_{i_{r_k}(r_k)j=1} & x_{i_{r_k}(r_k)j=2} & x_{i_{r_k}(r_k)j=3} & \dots & x_{i_{r_k}(r_k)j=L} \end{bmatrix} \quad (4)$$

โดยที่ $x_{i_{r_k}(n)l}$ จะเท่ากับหนึ่งถ้าต้นไม้เชิงแสงที่มีดรรชนี $i_{r_k}(n)$ ผ่านข่ายเชื่อมโยงกายภาพ (physical link, l) และเป็นศูนย์ถ้าต้นไม้เชิงแสงที่มีดรรชนี $i_{r_k}(n)$ ไม่ผ่านข่ายเชื่อมโยงกายภาพ สำหรับโครงข่ายที่มีการจัดสรรความยาวคลื่นแบบ VLT จำนวนเส้นใยนำแสงที่โครงข่ายต้องการจะมีค่าเท่ากับ $\sum_{l=1}^L \left[\left(\sum_{k=1}^{|R|} \sum_{n=1}^{t_k} x_{i_{r_k}(n)l} \right) / M \right]$ ในขณะที่โครงข่ายที่มีการจัดสรรความยาวคลื่นแบบ LT

จะคำนวณได้จากเวกเตอร์ผลเฉลย \mathbf{X} ที่เพิ่มมิติของการกำหนดความยาวคลื่นให้กับข่ายเชื่อมโยงที่ใช้งาน, $x_{i_{r_k(n),j}}$ โดยมีขั้นตอนการกำหนดความยาวคลื่นให้แต่ละต้นไม้มุ่งแสงดังนี้

ขั้นที่ 1 คำนวณจำนวนการเชื่อมต่อทั้งหมดที่แต่ละข่ายเชื่อมโยงต้องการจาก $\sum_{k=1}^{|R|} \sum_{n=1}^{i_{r_k(n),j}} x_{i_{r_k(n),j}}$

ขั้นที่ 2 หาข่ายเชื่อมโยงที่มีการใช้งานมากที่สุด I_{\max} และหาว่ามีต้นไม้มุ่งแสงใดบ้างที่ต้องการใช้ข่ายเชื่อมโยง I_{\max} ดังกล่าว

ขั้นที่ 3 กำหนดความยาวคลื่นให้กับต้นไม้มุ่งแสงที่ได้ในขั้นที่ 2 ที่ $x_{i_{r_k(n),j}}$ มีค่าเท่ากับ 1 จาก $\lambda = 1$ ถึง $\lambda = M$ อย่างเป็นคาบตามลำดับ

ขั้นที่ 4 ทำขั้นตอนที่ 1 ถึงขั้นตอนที่ 3 ซ้ำ โดยกำหนดความยาวคลื่นที่ยังไม่ได้ใช้งานให้กับต้นไม้มุ่งแสงที่เหลือจนกระทั่งทุกต้นไม้มุ่งแสงของโครงข่ายได้รับการจัดสรรความยาวคลื่น

ขั้นที่ 5 กำหนดให้ \mathbf{B} เป็นเวกเตอร์ที่ใช้เก็บจำนวนการเชื่อมต่อทั้งหมดในแต่ละข่ายเชื่อมโยงของแต่ละความยาวคลื่น $b_{\lambda,l}, 1 \leq l \leq L$

$$\mathbf{B} = \begin{bmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} & b_{1,3} & \dots & b_{1,L} \\ b_{2,1} & b_{2,2} & b_{2,3} & \dots & b_{2,L} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ b_{M,1} & b_{M,2} & b_{M,3} & \dots & b_{M,L} \end{bmatrix} \quad (5)$$

ขั้นที่ 6 จำนวนเส้นใยนำแสงที่โครงข่ายต้องการ โดยอาศัยเทคนิคการจัดสรรความยาวคลื่นแบบ LT จะมีค่าเท่ากับ $\sum_{l=1}^L \max(b_{\lambda,l} | 1 \leq \lambda \leq M)$

3.2.1.4 โครงสร้างผลเฉลยข้างเคียง (Neighborhood Structure)

ผลเฉลยข้างเคียงจะประกอบด้วยผลเฉลยทั้งหมดของผลเฉลยปัจจุบันที่มีเส้นทางแตกต่างกันหนึ่งเส้นทางจากเส้นทางทั้งหมดที่ได้รับการจัดสรร ตัวอย่างเช่น ผลเฉลยข้างเคียงที่เป็นไปได้ของผลเฉลยตัวอย่างที่กำหนดให้เวกเตอร์ $\mathbf{T} = [[2\ 3][12\ 15\ 17][23\ 27]]$ จะสามารถแสดงได้ดังตารางที่ 3.1

ตารางที่ 3.1 ตัวอย่างที่เป็นไปได้สำหรับผลเฉลยข้างเคียงของเวกเตอร์ผลเฉลย \mathbf{T}

[[8 3][12 15 17][23 27]]	[[2 8][12 15 17][23 27]]	[[2 3][14 15 17][23 27]]
[[2 3][12 14 17][23 27]]	[[2 3][12 15 14][23 27]]	[[2 3][12 15 17][26 27]]
[[2 3][12 15 17][23 26]]	[[2 3][12 19 17][23 27]]	[[2 3][14 15 17][23 27]]

3.2.1.5 เกณฑ์การยอมรับคำตอบ (Aspiration Criterion)

เกณฑ์การยอมรับคำตอบเป็นเกณฑ์ที่กำหนดขึ้นเพื่อที่จะนำมาใช้ในการแก้ปัญหาของการจำกัดการเคลื่อนที่เพื่อที่จะช่วยยืดหยุ่นการทำงานของ tabu list หรือกล่าวอีกนัยหนึ่งว่า เป็นเกณฑ์ที่ใช้ในการยอมรับคำตอบในกรณีที่ระยะเวลาของผลเฉลยปัจจุบันที่อยู่ใน tabu list ยังคงเหลืออยู่

3.2.1.6 เกณฑ์การหยุดกระบวนการค้นหาคำตอบ (Stop Criterion)

เกณฑ์การหยุดกระบวนการค้นหาคำตอบ คือจำนวนรอบของกระบวนการค้นหาคำตอบที่ผลเฉลยไม่มีการพัฒนา ซึ่งจะทำให้กระบวนการหาคำตอบสิ้นสุด

3.2.2 การจัดสรรความจุสำรองให้กับโครงข่าย DWDM เมื่อเกิดความเสียหายหนึ่งข่ายเชื่อมโยง โดยมีการจัดสรรเส้นทางใหม่แบบ LR และ LIR

เนื่องจากการจัดสรรความจุสำรองให้กับโครงข่าย DWDM จะใช้อัลกอริทึมฮิวริสติกบนพื้นฐานการค้นหาแบบทาบูเช่นเดียวกับการจัดสรรเส้นทางและความยาวคลื่นในสภาวะปกติ ดังนั้นองค์ประกอบของกระบวนการค้นหาผลเฉลยจึงเหมือนกัน แต่มีความแตกต่างตรงรายละเอียดซึ่งอยู่ในส่วนประกอบดังต่อไปนี้

3.2.2.1 การเข้ารหัส

กำหนดให้ เวกเตอร์ ST คือเวกเตอร์ที่ใช้แทนเซตของดรรชนีของต้นไม้เชิงแสงสำรองในแต่ละมัลติคาสต์เซสชันที่ถูกจัดสรรให้กับโครงข่าย ซึ่งมีจำนวนสมาชิก $|R|$ ตัว

$$ST = [ST_{r_{k=1}} \quad ST_{r_{k=2}} \quad ST_{r_{k=3}} \quad \dots \quad ST_{r_{k=|R|}}] \quad (6)$$

เวกเตอร์ ST_{r_k} ประกอบด้วยดรรชนีของกิ่งเชิงแสงสำรองของทุกกรณีที่ข่ายเชื่อมโยงเกิดความเสียหาย $(i_{r_{k,j'}}(n), 1 \leq l' \leq L, 1 \leq n \leq t_{r_k})$ ที่ถูกนำไปใช้ในการรองรับแต่ละกราฟฟิกของเซสชันที่ k

$$ST_{r_k} = \begin{bmatrix} i_{r_{k,j'=1}}(1) & i_{r_{k,j'=1}}(2) & i_{r_{k,j'=1}}(3) & \dots & i_{r_{k,j'=1}}(t_{r_k}) \\ i_{r_{k,j'=2}}(1) & i_{r_{k,j'=2}}(2) & i_{r_{k,j'=2}}(3) & \dots & i_{r_{k,j'=2}}(t_{r_k}) \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ i_{r_{k,j'=L}}(1) & i_{r_{k,j'=L}}(2) & i_{r_{k,j'=L}}(3) & \dots & i_{r_{k,j'=L}}(t_{r_k}) \end{bmatrix} \quad (7)$$

จะพบว่า เวกเตอร์ **ST** มีการเข้ารหัสคล้ายกับเวกเตอร์ **T** ในหัวข้อ 3.2.1.1 แต่เวกเตอร์ **ST** จะเพิ่มจำนวนแถวให้เท่ากับ L แถว เพื่อรองรับการกำหนดดรรชนีให้กับต้นไม้เชิงแสงสำรองในกรณีของแต่ละข่ายเชื่อมโยงของแต่ละทราฟฟิกในโครงข่ายได้รับความเสียหาย

3.2.2.2 ผลเฉลยตั้งต้น

ผลเฉลยตั้งต้นของการจัดสรรความจุสำรอง จะกำหนดให้แต่ละทราฟฟิกของแต่ละเซสชันเลือกต้นไม้เชิงแสงสำรองที่สั้นที่สุดที่ใช้รองรับทราฟฟิกที่เมื่อแต่ละข่ายเชื่อมโยงเสียหาย มาเป็นคำตอบเริ่มต้นให้กับกระบวนการค้นหาคำตอบ กระบวนการค้นหาคำตอบจะเริ่มต้นโดยการประเมินค่าคำตอบที่ได้จากเซตของผลเฉลยข้างเคียงของผลเฉลยตั้งต้นนั้น เพื่อที่จะนำไปเป็นค่าคำตอบในขณะนั้น และเป็นค่าคำตอบเริ่มต้นของการค้นหาคำตอบในรอบถัดไป ซึ่งโครงสร้างผลเฉลยข้างเคียงที่นำมาใช้ในวิทยานิพนธ์นี้จะกล่าวไว้ใน 3.2.2.4

3.2.2.3 ฟังก์ชันการประเมิน

โครงข่ายจะได้รับการประเมินโดยใช้เวกเตอร์ผลเฉลย **SX**

$$\mathbf{SX} = [\mathbf{V}(\mathbf{ST}_{r_{k=1}}) \quad \mathbf{V}(\mathbf{ST}_{r_{k=2}}) \quad \mathbf{V}(\mathbf{ST}_{r_{k=3}}) \quad \dots \quad \mathbf{V}(\mathbf{ST}_{r_{k=|R|}})]^T \quad (8)$$

ซึ่ง $\mathbf{V}(\mathbf{ST}_{r_k})$ ประกอบด้วยตัวแปรบูลีนที่ใช้ในการบอกสถานะของข่ายเชื่อมโยงที่ได้รับการจัดสรรให้กับทราฟฟิกของเซสชันที่พิจารณาเมื่อเกิดความเสียหายหนึ่งข่ายเชื่อมโยง โดยได้แสดงดังนี้

$$\mathbf{V}(\mathbf{ST}_{r_k}) = \begin{bmatrix} SX_{i_{r_k(1)j'=1}} & SX_{i_{r_k(1)j'=2}} & SX_{i_{r_k(1)j'=3}} & \dots & SX_{i_{r_k(1)j'=L}} \\ SX_{i_{r_k(2)j'=1}} & SX_{i_{r_k(2)j'=2}} & SX_{i_{r_k(2)j'=3}} & \dots & SX_{i_{r_k(2)j'=L}} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ SX_{i_{r_k(n)j'=1}} & SX_{i_{r_k(n)j'=2}} & SX_{i_{r_k(n)j'=3}} & \dots & SX_{i_{r_k(n)j'=L}} \end{bmatrix} \quad (9)$$

โดยที่ $sx_{i_{r_k(n)j'}}$ จะเท่ากับหนึ่งถ้าต้นไม้เชิงแสงสำรองที่มีดรรชนี $i_{r_k,j'}(n)$ ผ่านข่ายเชื่อมโยงกายภาพ (physical link, l) และเป็นศูนย์ถ้าต้นไม้เชิงแสงสำรองที่มีดรรชนี $i_{r_k,j'}(n)$ ไม่ผ่านข่ายเชื่อมโยงกายภาพ

- การจัดสรรความยาวคลื่นแบบ VLT

เนื่องจากการจัดสรรความยาวคลื่นแบบ VLT อยู่บนหลักการของ link-by-link [16] ดังนั้นจำนวนเส้นใยนำแสงที่โครงข่ายต้องการจะมีค่าดังนี้

กรณี LR

$$\sum_{l'=1}^L \left[\left(\left(\sum_{k=1}^{|R|} \sum_{n=1}^{r_n} sx_{i_k(n),l'} \right) - (\text{total n.o. of released links of all light - trees specify to link, } l') \right) / M \right] \quad (10)$$

กรณี LIR

$$\sum_{l'=1}^L \left[\left(\left(\sum_{k=1}^{|R|} \sum_{n=1}^{r_n} sx_{i_k(n),l'} \right) - (\text{total n.o. of released links of effected light - trees specify to link, } l') \right) / M \right] \quad (11)$$

- การจัดสรรความยาวคลื่นแบบ LT

การจัดสรรความยาวคลื่นให้กับเส้นทางสำรองในวิทยานิพนธ์นี้ เส้นทางใหม่ที่ได้รับการจัดสรรให้แต่ละทราฟฟิกจะใช้ค่าความยาวคลื่นเดิมที่เคยใช้ในสภาวะปกติ

กรณี LR

จำนวนเส้นใยนำแสงที่โครงข่ายต้องการจะคำนวณได้จากชั้นที่ 1 ถึง ชั้นที่ 6 ดังที่กล่าวในหัวข้อ 3.2.1.3 กล่าวคือ จำนวนเส้นใยนำแสงสำรองที่โครงข่ายต้องการจะเท่ากับ

$$\sum_{l'=1}^L (\max(b_{\lambda,l'} | 1 \leq \lambda \leq M) - \text{total n.o. of released links all light - trees specify to link, } l') \quad (12)$$

กรณี LIR

จำนวนเส้นใยนำแสงที่โครงข่ายต้องการจะคำนวณได้จากชั้นที่ 1 ถึง ชั้นที่ 6 ดังที่กล่าวในหัวข้อ 3.2.1.3 เช่นเดียวกับกรณี LR แต่จำนวนเส้นใยนำแสงสำรองที่โครงข่ายต้องการจะเท่ากับ

$$\sum_{l'=1}^L (\max(b_{\lambda,l'} | 1 \leq \lambda \leq M) - \text{total n.o. of released links effected light - trees specify to link, } l') \quad (13)$$

3.2.2.4 โครงสร้างผลเฉลยข้างเคียง

ในวิทยานิพนธ์นี้จึงพิจารณาโครงสร้างผลเฉลยข้างเคียง 3 แบบ ดังนี้

(ก) 1 Diff neighborhood คือ ผลเฉลยข้างเคียงที่ประกอบด้วยผลเฉลยทั้งหมดของผลเฉลยปัจจุบันที่มีเส้นทางแตกต่างกันหนึ่งเส้นทางจากเส้นทางทั้งหมดที่ได้รับการจัดสรร หรือกล่าวอีกนัยหนึ่งว่า เวกเตอร์ผลเฉลยทั้งหมดที่มีดรรชนีของเส้นทางสำรองที่แตกต่างกัน 1 ดรรชนีของเวกเตอร์ผลเฉลย

(ข) n VerticalDiff neighborhood คือผลเฉลยข้างเคียงที่ประกอบด้วยผลเฉลยทั้งหมดของผลเฉลยปัจจุบันที่มีเส้นทางแตกต่างกัน n เส้นทางในแนวตั้งจากเส้นทางทั้งหมดที่ได้รับการจัดสรร หรือกล่าวอีกนัยหนึ่งว่า เวกเตอร์ผลเฉลยทั้งหมดที่มีดรรชนีของเส้นทางสำรองที่แตกต่างกัน n ดรรชนีในแนวตั้งของเวกเตอร์ผลเฉลย

(ค) L HorizontalDiff neighborhood คือ ผลเฉลยข้างเคียงที่ประกอบด้วยผลเฉลยทั้งหมดของผลเฉลยปัจจุบันที่มีเส้นทางแตกต่างกัน L เส้นทางในแนวนอนจากเส้นทางทั้งหมดที่ได้รับการจัดสรร หรือกล่าวอีกนัยหนึ่งว่า เวกเตอร์ผลเฉลยทั้งหมดที่มีดรรชนีของเส้นทางสำรองที่แตกต่างกัน L ดรรชนีในแนวนอนของเวกเตอร์ผลเฉลย



รูปที่ 3.2 ผังงานการจัดสรรความจุสำรองให้กับโครงข่าย ในแต่ละกลยุทธ์ด้วยอัลกอริทึมฮิวริสติกที่อยู่บนพื้นฐานการค้นหาแบบทาบู