



## รายงานอ้างอิง

### **ภาษาไทย**

มนตรี พิริยะกุล, การวิเคราะห์ทางสถิติของตัวแปรพหุ (เล่ม 2), กรุงเทพมหานคร , ภาควิชา  
สถิติและคอมพิวเตอร์ มหาวิทยาลัยรามคำแหง, 2529.

รสสุคนธ์ หังศพฤกษ์, การวิเคราะห์ทางสถิติของตัวแปรพหุ (เล่ม 1), กรุงเทพมหานคร , ภาค  
วิชาสถิติและคอมพิวเตอร์ มหาวิทยาลัยรามคำแหง, 2533.

### **ภาษาอังกฤษ**

- Anderson, T.W. An Introduction to Multivariate Analysis. Second Edition. New York : John Wiley & Sons, 1984.
- Dunn, C.L. Critical Values and Powers for Tests of Uniformity of Directions Under Multivariate Normality. Communication in Statistics-Part A Theory and method. 24,(1995) : pp.2541-2560.
- Hogg, R.V. ,and Craig A.T. Introduction to the Mathematical Statistics. London : The Macmillan Limited, 1970.
- Johnson, M.E. Multivariate Statistical Simulation. New York : John Wiley & Sons ,1991.
- Johnson, R.A. ,and Wichem, D.W. Applied Multivariate Statistical Analysis. Englewood Cliffs, New Jersey : Prentice-Hall , 1992.
- Kariya,T., Tsay, R.S.,and Terui, N. Tests for Multinormality with Applications to Time Series,Communication in Statistics-Theory and method.28,No.3(1999): pp.519-536.
- Kotz, S., Balakrishnan, N. ,and Johnson, N.L. Continuous Multivariate Distribution. New York : John Wiley & Sons ,2000.
- Mardia, K.V. and Kent, J.T. Roa Score Test for Goodness of Fit and Independence ,Biometrika. 78 ,No.2 (1991) : pp.355-363.
- Mudholkar, G.S., McDermott, M. ,and Srivastava, D.K. A Test of p-Variate Normality. Biometrika. 79, (1992) : pp.850-854.
- Mudholkar, G.S., Srivastava D.K.,and Lin C.T. Some p-Variate Adaptations of The Shapiro-Wilk Test of Normality. Communication in Statistics -Theory and method. 24,(1995) : pp.953-985.

- Naito, K. On Weighting the Studentized Empirical Characteristic Function for Testing Normality , *Communication in Statistics : Simulation*. 28, No.3 (1996) : pp.201-213.
- Romeu, J.L. and Ozturk. A Comparative Study o f Goodness-of-Fit Tests for Multivariate Normality . *Journal of Multivariate Analysis*. 46, (1993) : pp.309-334.

**ภาคผนวก**

## ภาคผนวก ก

**ตาราง ก.1 ค่าจำานาจการหาดของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแข่งลือกนชร์มูลส่องตัวແປຣ໌  
ນີສະສົມພັນອະຫວ່າງຕັ້ງແປຣເທົກກັບ 0.1 ຈຳແນກຕາມຄາມແປຣປານ ຮະດັບນິຍສຳຄັນ ແລະ ນາດຕົວຢ່າງ**

ຄາມແປຣປານ ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2$ )	ຮະດັບ ນິຍສຳຄັນ	ນາດ ຕົວຢ່າງ	ຕັ້ງສົດທິທດສອບ			ຈັນດັບ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>0</sub>	1	2
(0.691, 0.691)	0.05	29	0.0820	0.1115	0.0535	T <sub>w</sub>	T
		39	0.1415	0.1445	0.0595	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.1120	0.1900	0.1105	T <sub>w</sub>	W <sub>0</sub>
		39	0.1705	0.2335	0.1270	T <sub>w</sub>	T
(2.6, 2.6)	0.05	29	0.2835	0.3465	0.1045	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4170	0.4280	0.1310	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.3185	0.4385	0.1835	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4880	0.5295	0.2270	T <sub>w</sub>	T
(5.44, 5.44)	0.05	29	0.4975	0.5880	0.2230	T <sub>w</sub>	T
		39	0.6670	0.6915	0.2960	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.5655	0.6755	0.3035	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7715	0.7880	0.4270	T <sub>w</sub>	T
(8.9, 8.9)	0.05	29	0.6690	0.7475	0.3750	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8250	0.8355	0.4780	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.7015	0.8075	0.4985	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8995	0.9000	0.5880	T <sub>w</sub>	T
(12.7, 12.7)	0.05	29	0.7885	0.8385	0.5045	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9275	0.9370	0.5940	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.7795	0.8945	0.6155	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9455	0.9570	0.6820	T <sub>w</sub>	T
(0.691, 2.6)	0.05	29	0.1830	0.2260	0.0785	T <sub>w</sub>	T
		39	0.2800	0.2865	0.0915	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.2185	0.3390	0.1385	T <sub>w</sub>	T
		39	0.3635	0.3875	0.1635	T <sub>w</sub>	T
(5.44, 8.9)	0.05	29	0.5960	0.6795	0.2950	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7925	0.7965	0.3900	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.6230	0.7450	0.4040	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8340	0.8420	0.4935	T <sub>w</sub>	T
(8.9, 12.7)	0.05	29	0.6930	0.7810	0.4230	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8875	0.9045	0.5350	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.7880	0.8600	0.5545	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9170	0.9240	0.6380	T <sub>w</sub>	T

ตาราง ก.2 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแจงลักษณะของผลสองตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.3 จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขั้นดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>o</sub>	1	2
(0.691, 0.691)	0.05	29	0.0985	0.1165	0.0490	T <sub>w</sub>	T
		39	0.1420	0.1450	0.0520	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.1220	0.1920	0.1000	T <sub>w</sub>	W <sub>o</sub>
		39	0.1785	0.2140	0.1150	T <sub>w</sub>	W <sub>o</sub>
(2.6, 2.6)	0.05	29	0.2980	0.3215	0.0795	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4040	0.4145	0.0975	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.3180	0.4170	0.1395	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4895	0.5100	0.1625	T <sub>w</sub>	T
(5.44, 5.44)	0.05	29	0.5045	0.5410	0.1565	T <sub>w</sub>	T
		39	0.6755	0.6870	0.1920	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.5850	0.6335	0.2475	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7665	0.7760	0.2935	T <sub>w</sub>	T
(8.9, 8.9)	0.05	29	0.6245	0.7185	0.2780	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8385	0.8445	0.3445	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.7185	0.7930	0.3985	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8920	0.9080	0.4605	T <sub>w</sub>	T
(12.7, 12.7)	0.05	29	0.7770	0.8155	0.4060	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9140	0.9235	0.4760	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.7925	0.8815	0.5130	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9220	0.9480	0.5895	T <sub>w</sub>	T
(0.691, 2.6)	0.05	29	0.1820	0.2265	0.0645	T <sub>w</sub>	T
		39	0.2645	0.2795	0.0680	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.2350	0.3380	0.1170	T <sub>w</sub>	T
		39	0.3660	0.3740	0.1290	T <sub>w</sub>	T
(5.44, 8.9)	0.05	29	0.5945	0.6635	0.2110	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7775	0.7830	0.2640	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.6360	0.7495	0.3185	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8100	0.8355	0.3620	T <sub>w</sub>	T
(8.9, 12.7)	0.05	29	0.7415	0.7955	0.3345	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8870	0.8990	0.4040	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.7860	0.8505	0.4645	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9170	0.9390	0.5135	T <sub>w</sub>	T

ตาราง ก.3 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแจกแจงล็อกอนอร์มอลสูงตัวแปรที่มีสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.4 จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(0.691, 0.691)	0.05	29	0.1015	0.1140	0.0520	$T_w$	T
		39	0.1485	0.1470	0.0540	T	$T_w$
	0.10	29	0.1270	0.2075	0.0990	$T_w$	T
		39	0.1795	0.2180	0.1040	T	$T_w$
(2.6, 2.6)	0.05	29	0.3160	0.3225	0.0770	$T_w$	T
		39	0.4585	0.4055	0.0855	T	$T_w$
	0.10	29	0.4095	0.4125	0.1325	$T_w$	T
		39	0.4940	0.5190	0.1425	T	$T_w$
(5.44, 5.44)	0.05	29	0.5230	0.5435	0.1410	$T_w$	T
		39	0.7110	0.6835	0.1555	T	$T_w$
	0.10	29	0.6180	0.6440	0.2145	$T_w$	T
		39	0.7785	0.7500	0.2375	T	$T_w$
(8.9, 8.9)	0.05	29	0.7145	0.7240	0.2495	$T_w$	T
		39	0.8525	0.8235	0.2810	T	$T_w$
	0.10	29	0.7790	0.7910	0.3480	$T_w$	T
		39	0.8995	0.8640	0.3895	T	$T_w$
(12.7, 12.7)	0.05	29	0.7915	0.8060	0.3640	$T_w$	T
		39	0.9285	0.9055	0.4105	T	$T_w$
	0.10	29	0.8410	0.8595	0.4695	$T_w$	T
		39	0.9415	0.9325	0.5360	T	$T_w$
(0.691, 2.6)	0.05	29	0.2070	0.2190	0.0620	$T_w$	T
		39	0.2955	0.2665	0.0735	T	$T_w$
	0.10	29	0.3185	0.3195	0.1195	$T_w$	T
		39	0.3780	0.3650	0.1270	T	$T_w$
(5.44, 8.9)	0.05	29	0.6265	0.6355	0.1895	$T_w$	T
		39	0.7985	0.7635	0.2115	T	$T_w$
	0.10	29	0.6935	0.7035	0.2790	$T_w$	T
		39	0.8330	0.8140	0.3045	T	$T_w$
(8.9, 12.7)	0.05	29	0.7425	0.7690	0.3020	$T_w$	T
		39	0.8975	0.8860	0.3370	T	$T_w$
	0.10	29	0.7820	0.7985	0.4105	$T_w$	T
		39	0.9230	0.9065	0.4595	T	$T_w$

ตาราง ก.4 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อโปรแกรมนี้การแยกแยะลักษณะของกลุ่มตัวอย่างที่มีส่วนสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.6 จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขันดับ	
			T	$T_w$	$W_o$	1	2
(0.691, 0.691)	0.05	29	0.1035	0.1125	0.0510	$T_w$	T
		39	0.1520	0.1450	0.0520	T	$T_w$
	0.10	29	0.1385	0.2050	0.1000	$T_w$	T
		39	0.1935	0.2180	0.1165	$T_w$	T
(2.6, 2.6)	0.05	29	0.2970	0.3070	0.0610	$T_w$	T
		39	0.4725	0.3780	0.0715	T	$T_w$
	0.10	29	0.4020	0.4145	0.1520	$T_w$	T
		39	0.5190	0.4765	0.1680	T	$T_w$
(5.44, 5.44)	0.05	29	0.4925	0.5165	0.1125	$T_w$	T
		39	0.7340	0.6320	0.1130	T	$T_w$
	0.10	29	0.5775	0.5955	0.1860	$T_w$	T
		39	0.7850	0.7240	0.1910	T	$T_w$
(8.9, 8.9)	0.05	29	0.6275	0.6925	0.1930	$T_w$	T
		39	0.8645	0.8080	0.2055	T	$T_w$
	0.10	29	0.7485	0.7615	0.2835	$T_w$	T
		39	0.9085	0.8555	0.3010	T	$T_w$
(12.7, 12.7)	0.05	29	0.7255	0.7915	0.2905	$T_w$	T
		39	0.9260	0.8935	0.3160	T	$T_w$
	0.10	29	0.8160	0.8370	0.3910	$T_w$	T
		39	0.9530	0.9335	0.4300	T	$T_w$
(0.691, 2.6)	0.05	29	0.2090	0.2125	0.0600	$T_w$	T
		39	0.3155	0.2565	0.0670	T	$T_w$
	0.10	29	0.2740	0.2835	0.1240	$T_w$	T
		39	0.3515	0.3435	0.1420	T	$T_w$
(5.44, 8.9)	0.05	29	0.5850	0.6020	0.1580	$T_w$	T
		39	0.8125	0.7290	0.1600	T	$T_w$
	0.10	29	0.6845	0.6920	0.2350	$T_w$	T
		39	0.8540	0.8160	0.2480	T	$T_w$
(8.9, 12.7)	0.05	29	0.7100	0.7455	0.2450	$T_w$	T
		39	0.9025	0.8630	0.2585	T	$T_w$
	0.10	29	0.7910	0.8105	0.3410	$T_w$	T
		39	0.9285	0.8935	0.3650	T	$T_w$

ตาราง ก.5 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกจังหวัดออกเป็นกลุ่มตัวอย่าง  
มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.7 จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขันดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>o</sub>	1	2
(0.691, 0.691)	0.05	29	0.1030	0.1110	0.0530	T <sub>w</sub>	T
		39	0.1560	0.1455	0.0550	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.1360	0.1945	0.1015	T <sub>w</sub>	T
		39	0.1980	0.2185	0.1040	T <sub>w</sub>	T
(2.6, 2.6)	0.05	29	0.2975	0.3060	0.0700	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4815	0.3670	0.0785	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.3255	0.3825	0.1310	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5235	0.4580	0.1340	T	T <sub>w</sub>
(5.44, 5.44)	0.05	29	0.4865	0.5035	0.1180	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7490	0.6280	0.1275	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.5700	0.5930	0.1950	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7965	0.7015	0.1995	T	T <sub>w</sub>
(8.9, 8.9)	0.05	29	0.6400	0.6670	0.1925	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8665	0.7980	0.2035	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.7110	0.7355	0.2825	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9040	0.8445	0.2955	T	T <sub>w</sub>
(12.7, 12.7)	0.05	29	0.7360	0.7795	0.2845	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9325	0.8760	0.3035	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.8095	0.8375	0.3805	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9455	0.9270	0.4140	T	T <sub>w</sub>
(0.691, 2.6)	0.05	29	0.1940	0.2095	0.0695	T <sub>w</sub>	T
		39	0.3365	0.2535	0.0745	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.2320	0.2810	0.1280	T <sub>w</sub>	T
		39	0.3960	0.3450	0.1290	T	T <sub>w</sub>
(5.44, 8.9)	0.05	29	0.5660	0.5820	0.1560	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8150	0.7295	0.1645	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.6305	0.6760	0.2350	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8680	0.7990	0.2420	T	T <sub>w</sub>
(8.9, 12.7)	0.05	29	0.6940	0.7170	0.2385	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9000	0.8410	0.2550	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.7755	0.7975	0.3340	T <sub>w</sub>	T
		39	0.9175	0.8840	0.3475	T	T <sub>w</sub>

ตาราง ก.6 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแข่งสือกันหรือกลุ่มองตัวแปรที่มีสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.9 จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			จันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(0.691, 0.691)	0.05	29	0.0890	0.1165	0.0565	$T_w$	T
		39	0.1215	0.1295	0.0580	$T_w$	T
	0.10	29	0.1190	0.1845	0.1110	$T_w$	T
		39	0.2030	0.2085	0.1190	$T_w$	T
(2.6, 2.6)	0.05	29	0.2775	0.2980	0.0760	$T_w$	T
		39	0.4965	0.3730	0.0960	T	$T_w$
	0.10	29	0.3400	0.3850	0.1380	$T_w$	T
		39	0.5395	0.4525	0.1510	T	$T_w$
(5.44, 5.44)	0.05	29	0.4685	0.4880	0.1085	$T_w$	T
		39	0.7610	0.5730	0.1315	T	$T_w$
	0.10	29	0.5500	0.5620	0.2065	$T_w$	T
		39	0.7935	0.6625	0.2115	T	$T_w$
(8.9, 8.9)	0.05	29	0.6120	0.6365	0.1935	$T_w$	T
		39	0.8895	0.7445	0.2260	T	$T_w$
	0.10	29	0.6925	0.7070	0.3025	$T_w$	T
		39	0.8900	0.7995	0.3050	T	$T_w$
(12.7, 12.7)	0.05	29	0.6820	0.7205	0.2970	$T_w$	T
		39	0.9310	0.8625	0.3015	T	$T_w$
	0.10	29	0.7540	0.7875	0.3960	$T_w$	T
		39	0.9450	0.8995	0.3995	T	$T_w$
(0.691, 2.6)	0.05	29	0.2060	0.2075	0.0920	$T_w$	T
		39	0.3880	0.2495	0.1030	T	$T_w$
	0.10	29	0.2625	0.2840	0.1590	$T_w$	T
		39	0.4140	0.3380	0.1695	T	$T_w$
(5.44, 8.9)	0.05	29	0.5590	0.5685	0.2120	$T_w$	T
		39	0.8125	0.6735	0.2665	T	$T_w$
	0.10	29	0.6235	0.6360	0.2795	$T_w$	T
		39	0.8565	0.7595	0.2920	T	$T_w$
(8.9, 12.7)	0.05	29	0.6065	0.6750	0.2755	$T_w$	T
		39	0.9260	0.7895	0.3160	T	$T_w$
	0.10	29	0.7195	0.7535	0.3530	$T_w$	T
		39	0.9125	0.8360	0.3610	T	$T_w$

ตาราง ก.7 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแจกแจงลือกนอร์มอลสามตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระดับตัวแปรเท่ากัน ( $0.1, 0.1, 0.1$ ) จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_3^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(.691, .691, .691)	0.05	29	0.0805	0.1245	0.0610	$T_w$	T
		39	0.1480	0.1560	0.0710	$T_w$	T
	0.10	29	0.0955	0.2030	0.1230	$T_w$	$W_0$
		39	0.1905	0.2345	0.1385	$T_w$	T
(2.6, 2.6, 2.6)	0.05	29	0.2500	0.3585	0.1235	$T_w$	T
		39	0.4285	0.4685	0.1525	$T_w$	T
	0.10	29	0.3155	0.4680	0.2030	$T_w$	T
		39	0.5200	0.5810	0.2570	$T_w$	T
(5.44, 5.44, 5.44)	0.05	29	0.5310	0.6585	0.2690	$T_w$	T
		39	0.6935	0.7635	0.3810	$T_w$	T
	0.10	29	0.5885	0.7275	0.3935	$T_w$	T
		39	0.7295	0.7905	0.4900	$T_w$	T
(8.9, 8.9, 8.9)	0.05	29	0.6225	0.8485	0.4255	$T_w$	T
		39	0.8780	0.9065	0.5925	$T_w$	T
	0.10	29	0.7160	0.8860	0.5840	$T_w$	T
		39	0.9120	0.9430	0.7480	$T_w$	T
(12.7, 12.7, 12.7)	0.05	29	0.8115	0.9260	0.5240	$T_w$	T
		39	0.9325	0.9545	0.7370	$T_w$	T
	0.10	29	0.8435	0.9415	0.6335	$T_w$	T
		39	0.9385	0.9600	0.8160	$T_w$	T
(.691, 2.6, 5.44)	0.05	29	0.2570	0.2810	0.1760	$T_w$	T
		39	0.4610	0.4920	0.1955	$T_w$	T
	0.10	29	0.3670	0.3775	0.2340	$T_w$	T
		39	0.4795	0.5160	0.2620	$T_w$	T
(5.44, 8.9, 12.7)	0.05	29	0.6960	0.8290	0.4185	$T_w$	T
		39	0.8805	0.9080	0.5850	$T_w$	T
	0.10	29	0.7660	0.8825	0.5275	$T_w$	T
		39	0.9100	0.9395	0.7190	$T_w$	T
(.691, 2.6, 12.7)	0.05	29	0.4460	0.5375	0.2215	$T_w$	T
		39	0.6880	0.6940	0.2905	$T_w$	T
	0.10	29	0.4470	0.6430	0.3275	$T_w$	T
		39	0.6905	0.7175	0.4365	$T_w$	T

ตาราง ก.8 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแข่งขันก่อนเข้มข้นตามตัวแปรที่มีสัดส่วนที่ระบุไว้ดังตัวแปรเท่ากับ (0.3, 0.3, 0.3) จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_3^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(.691, .691, .691)	0.05	29	0.0780	0.1195	0.0580	$T_w$	T
		39	0.1355	0.1465	0.0625	$T_w$	T
	0.10	29	0.0985	0.1965	0.1140	$T_w$	$W_0$
		39	0.2005	0.2365	0.1195	$T_w$	T
(2.6, 2.6, 2.6)	0.05	29	0.2680	0.3395	0.0985	$T_w$	T
		39	0.4325	0.4500	0.1090	$T_w$	T
	0.10	29	0.3955	0.4870	0.1730	$T_w$	T
		39	0.5295	0.5475	0.1810	$T_w$	T
(5.44, 5.44, 5.44)	0.05	29	0.5685	0.6155	0.2035	$T_w$	T
		39	0.7385	0.7430	0.2400	$T_w$	T
	0.10	29	0.6155	0.7260	0.2925	$T_w$	T
		39	0.7965	0.8155	0.3635	$T_w$	T
(8.9, 8.9, 8.9)	0.05	29	0.6825	0.7925	0.3870	$T_w$	T
		39	0.8870	0.9095	0.4655	$T_w$	T
	0.10	29	0.7235	0.8690	0.4790	$T_w$	T
		39	0.9095	0.9360	0.5550	$T_w$	T
(12.7, 12.7, 12.7)	0.05	29	0.8405	0.8960	0.5335	$T_w$	T
		39	0.9490	0.9560	0.6195	$T_w$	T
	0.10	29	0.8060	0.9130	0.5955	$T_w$	T
		39	0.9455	0.9665	0.7355	$T_w$	T
(.691, 2.6, 5.44)	0.05	29	0.2495	0.2615	0.1665	$T_w$	T
		39	0.4290	0.4985	0.1745	$T_w$	T
	0.10	29	0.4070	0.4385	0.1935	$T_w$	T
		39	0.4840	0.5025	0.2010	$T_w$	T
(5.44, 8.9, 12.7)	0.05	29	0.7125	0.7820	0.3630	$T_w$	T
		39	0.8570	0.8975	0.4480	$T_w$	T
	0.10	29	0.7710	0.8740	0.4655	$T_w$	T
		39	0.9140	0.9335	0.5660	$T_w$	T
(.691, 2.6, 12.7)	0.05	29	0.4895	0.5595	0.1910	$T_w$	T
		39	0.6315	0.6670	0.2155	$T_w$	T
	0.10	29	0.5205	0.6305	0.2830	$T_w$	T
		39	0.7120	0.7370	0.3530	$T_w$	T

ตาราง ก.9 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแข่งขันของผลสามตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ (0.4, 0.4, 0.4) จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_3^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(.691, .691, .691)	0.05	29	0.0775	0.1160	0.0530	$T_w$	T
		39	0.1650	0.1370	0.0625	T	$T_w$
	0.10	29	0.1010	0.1915	0.1060	$T_w$	$W_0$
		39	0.1950	0.2145	0.1195	$T_w$	T
(2.6, 2.6, 2.6)	0.05	29	0.2850	0.3565	0.0905	$T_w$	T
		39	0.5105	0.4270	0.0930	T	$T_w$
	0.10	29	0.3240	0.4245	0.1535	$T_w$	T
		39	0.5465	0.5260	0.1615	T	$T_w$
(5.44, 5.44, 5.44)	0.05	29	0.5315	0.5965	0.1740	$T_w$	T
		39	0.7790	0.7125	0.1915	T	$T_w$
	0.10	29	0.5575	0.6500	0.2635	$T_w$	T
		39	0.8185	0.7865	0.2980	T	$T_w$
(8.9, 8.9, 8.9)	0.05	29	0.7055	0.7895	0.3190	$T_w$	T
		39	0.8905	0.8635	0.3960	T	$T_w$
	0.10	29	0.7800	0.8210	0.4160	$T_w$	T
		39	0.9300	0.9210	0.4885	T	$T_w$
(12.7, 12.7, 12.7)	0.05	29	0.8170	0.8770	0.4685	$T_w$	T
		39	0.9120	0.9315	0.5760	T	$T_w$
	0.10	29	0.8190	0.8975	0.5600	$T_w$	T
		39	0.9670	0.9535	0.6515	T	$T_w$
(.691, 2.6, 5.44)	0.05	29	0.3225	0.3545	0.1660	$T_w$	T
		39	0.5280	0.4040	0.1785	T	$T_w$
	0.10	29	0.3865	0.4365	0.1725	$T_w$	T
		39	0.5235	0.5605	0.1865	$T_w$	T
(5.44, 8.9, 12.7)	0.05	29	0.7620	0.7890	0.3150	$T_w$	T
		39	0.8895	0.8655	0.3970	T	$T_w$
	0.10	29	0.7895	0.8055	0.4100	$T_w$	T
		39	0.9290	0.9085	0.4905	T	$T_w$
(.691, 2.6, 12.7)	0.05	29	0.4770	0.5160	0.1710	$T_w$	T
		39	0.7050	0.6100	0.2140	T	$T_w$
	0.10	29	0.4920	0.5940	0.2715	$T_w$	T
		39	0.7420	0.7005	0.3010	T	$T_w$

ตาราง ก.10 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแข่งขันกันหรือกลุ่มตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ (0.6, 0.6, 0.6) จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_3^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(.691, .691, .691)	0.05	29	0.0980	0.1220	0.0500	$T_w$	T
		39	0.1745	0.1405	0.0615	T	$T_w$
	0.10	29	0.1215	0.1965	0.1055	$T_w$	T
		39	0.1965	0.2025	0.1160	$T_w$	T
(2.6, 2.6, 2.6)	0.05	29	0.3060	0.3200	0.0975	$T_w$	T
		39	0.5145	0.3700	0.1120	T	$T_w$
	0.10	29	0.3725	0.4040	0.1720	$T_w$	T
		39	0.5750	0.4805	0.1965	T	$T_w$
(5.44, 5.44, 5.44)	0.05	29	0.5460	0.5645	0.1430	$T_w$	T
		39	0.7830	0.6400	0.1520	T	$T_w$
	0.10	29	0.5885	0.6255	0.2180	$T_w$	T
		39	0.8470	0.7225	0.2540	T	$T_w$
(8.9, 8.9, 8.9)	0.05	29	0.7050	0.7270	0.2840	$T_w$	T
		39	0.8985	0.8140	0.3155	T	$T_w$
	0.10	29	0.7515	0.7920	0.4030	$T_w$	T
		39	0.9215	0.8665	0.4155	T	$T_w$
(12.7, 12.7, 12.7)	0.05	29	0.8125	0.8340	0.4275	$T_w$	T
		39	0.9530	0.8900	0.4560	T	$T_w$
	0.10	29	0.8545	0.8895	0.5230	$T_w$	T
		39	0.9655	0.9235	0.5595	T	$T_w$
(.691, 2.6, 5.44)	0.05	29	0.3045	0.3290	0.1705	$T_w$	T
		39	0.5595	0.3855	0.1860	T	$T_w$
	0.10	29	0.3970	0.4295	0.1990	$T_w$	T
		39	0.5075	0.5390	0.2145	$T_w$	T
(5.44, 8.9, 12.7)	0.05	29	0.6970	0.7195	0.3045	$T_w$	T
		39	0.8920	0.7790	0.3360	T	$T_w$
	0.10	29	0.7455	0.7660	0.4060	$T_w$	T
		39	0.9035	0.8535	0.4365	T	$T_w$
(.691, 2.6, 12.7)	0.05	29	0.4530	0.4780	0.2190	$T_w$	T
		39	0.6865	0.5120	0.2305	T	$T_w$
	0.10	29	0.5175	0.5395	0.3070	$T_w$	T
		39	0.7440	0.6255	0.3220	T	$T_w$

ตาราง ก.11 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแจงลักษณะของลักษณะตัวแปรที่มีส่วนพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.7, 0.7, 0.7$ ) จำแนกตามความแปรปรวน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรปรวน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_3^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(.691, .691, .691)	0.05	29	0.0905	0.1120	0.0535	$T_w$	T
		39	0.1785	0.1375	0.0655	T	$T_w$
	0.10	29	0.1150	0.1830	0.1105	$T_w$	T
		39	0.1820	0.2050	0.1170	$T_w$	T
(2.6, 2.6, 2.6)	0.05	29	0.3135	0.3280	0.0945	$T_w$	T
		39	0.5220	0.3615	0.1115	T	$T_w$
	0.10	29	0.3630	0.3820	0.1620	$T_w$	T
		39	0.5880	0.4585	0.1735	T	$T_w$
(5.44, 5.44, 5.44)	0.05	29	0.6305	0.5265	0.1755	T	$T_w$
		39	0.7920	0.6200	0.2070	T	$T_w$
	0.10	29	0.6050	0.6180	0.2690	$T_w$	T
		39	0.8300	0.6940	0.2880	T	$T_w$
(8.9, 8.9, 8.9)	0.05	29	0.7815	0.6895	0.3095	T	$T_w$
		39	0.9025	0.7965	0.3315	T	$T_w$
	0.10	29	0.7640	0.7150	0.3985	T	$T_w$
		39	0.9185	0.8235	0.4145	T	$T_w$
(12.7, 12.7, 12.7)	0.05	29	0.8290	0.7540	0.4320	T	$T_w$
		39	0.9430	0.8610	0.4605	T	$T_w$
	0.10	29	0.8665	0.8190	0.5115	T	$T_w$
		39	0.9585	0.8950	0.5480	T	$T_w$
(.691, 2.6, 5.44)	0.05	29	0.4180	0.2810	0.0650	T	$T_w$
		39	0.5180	0.2755	0.1175	T	$T_w$
	0.10	29	0.2740	0.3245	0.1950	$T_w$	T
		39	0.5600	0.5150	0.2125	T	$T_w$
(5.44, 8.9, 12.7)	0.05	29	0.7635	0.6880	0.3105	T	$T_w$
		39	0.8960	0.7645	0.3405	T	$T_w$
	0.10	29	0.7680	0.7165	0.3965	T	$T_w$
		39	0.9050	0.8235	0.4335	T	$T_w$
(.691, 2.6, 12.7)	0.05	29	0.5390	0.4085	0.2210	T	$T_w$
		39	0.7115	0.5115	0.2475	T	$T_w$
	0.10	29	0.5985	0.5235	0.3205	T	$T_w$
		39	0.7605	0.5995	0.3455	T	$T_w$

ตาราง ก.12 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแรงดึงออกอัรนอลสามารถตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.9, 0.9, 0.9$ ) จำแนกตามความแปรป่วน ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

ความแปรป่วน ( $\sigma_1^2, \sigma_2^2, \sigma_3^2$ )	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
(.691, .691, .691)	0.05	29	0.0990	0.1170	0.0565	$T_w$	T
		39	0.1860	0.1430	0.0585	T	$T_w$
	0.10	29	0.1285	0.1770	0.1110	$T_w$	T
		39	0.1850	0.1990	0.1170	$T_w$	$T_w$
(2.6, 2.6, 2.6)	0.05	29	0.3005	0.3125	0.1110	$T_w$	$T_w$
		39	0.5605	0.3430	0.1340	T	$T_w$
	0.10	29	0.3995	0.4000	0.1630	$T_w$	$T_w$
		39	0.5870	0.4285	0.1705	T	$T_w$
(5.44, 5.44, 5.44)	0.05	29	0.6150	0.4810	0.1710	T	$T_w$
		39	0.7940	0.5665	0.1975	T	$T_w$
	0.10	29	0.5440	0.5975	0.2510	$T_w$	$T_w$
		39	0.8230	0.6620	0.2785	T	$T_w$
(8.9, 8.9, 8.9)	0.05	29	0.7770	0.6575	0.3385	T	$T_w$
		39	0.9195	0.7495	0.3525	T	$T_w$
	0.10	29	0.8260	0.7145	0.4235	T	$T_w$
		39	0.9205	0.7985	0.4470	T	$T_w$
(12.7, 12.7, 12.7)	0.05	29	0.8710	0.7140	0.4890	T	$T_w$
		39	0.9465	0.8180	0.5135	T	$T_w$
	0.10	29	0.8830	0.7990	0.5700	T	$T_w$
		39	0.9555	0.8560	0.6015	T	$T_w$
(.691, 2.6, 5.44)	0.05	29	0.4685	0.2830	0.1195	T	$T_w$
		39	0.5350	0.3715	0.1335	T	$T_w$
	0.10	29	0.3425	0.4030	0.1915	$T_w$	$T_w$
		39	0.5785	0.5155	0.2135	T	$T_w$
(5.44, 8.9, 12.7)	0.05	29	0.7655	0.6190	0.3910	T	$T_w$
		39	0.8945	0.7220	0.4340	T	$T_w$
	0.10	29	0.8120	0.6850	0.5165	T	$T_w$
		39	0.9260	0.7740	0.5315	T	$T_w$
(.691, 2.6, 12.7)	0.05	29	0.5815	0.3740	0.3175	T	$T_w$
		39	0.7650	0.4530	0.3800	T	$T_w$
	0.10	29	0.6130	0.4730	0.4755	T	$T_w$
		39	0.8010	0.5270	0.4940	T	$T_w$

ตาราง ก.13 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแข่งสติวเดนท์-ทีสองตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.1 จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญและขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			จันดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>0</sub>	1	2
5	0.05	29	0.2540	0.3670	0.1730	T <sub>w</sub>	T
		39	0.3840	0.4875	0.1815	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.3320	0.4940	0.2680	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4875	0.5445	0.2705	T <sub>w</sub>	T
4	0.05	29	0.3605	0.4855	0.2200	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5940	0.6185	0.2430	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.4030	0.5905	0.3155	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5850	0.6265	0.3315	T <sub>w</sub>	T
3	0.05	29	0.5000	0.6425	0.3475	T <sub>w</sub>	T
		39	0.6850	0.7040	0.3630	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.5825	0.6945	0.4510	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7195	0.7365	0.5665	T <sub>w</sub>	T

ตาราง ก.14 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแข่งสติวเดนท์-ทีสองตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.3 จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญและขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			จันดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>0</sub>	1	2
5	0.05	29	0.2785	0.3615	0.1690	T <sub>w</sub>	T
		39	0.3805	0.4135	0.1765	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.3085	0.4415	0.2575	T <sub>w</sub>	W <sub>0</sub>
		39	0.4495	0.5245	0.2670	T <sub>w</sub>	T
4	0.05	29	0.3620	0.4485	0.2260	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5100	0.5380	0.2385	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.4065	0.5555	0.3255	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5615	0.6055	0.3330	T <sub>w</sub>	T
3	0.05	29	0.5095	0.6245	0.3550	T <sub>w</sub>	T
		39	0.6855	0.7070	0.3855	T <sub>w</sub>	T
	0.10	29	0.6105	0.7300	0.4760	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7545	0.7710	0.4830	T <sub>w</sub>	T

ตาราง ก.15 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกส่วนเด่นที่-ที่สองตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.4 จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญและขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>o</sub>	1	2
5	0.05	29	0.2740	0.3165	0.1885	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4470	0.4330	0.1990	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.3940	0.4410	0.2895	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5575	0.5490	0.2970	T	T <sub>w</sub>
4	0.05	29	0.3760	0.4390	0.2765	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5490	0.5415	0.2920	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.4755	0.5240	0.3540	T <sub>w</sub>	T
		39	0.6525	0.6435	0.3795	T	T <sub>w</sub>
3	0.05	29	0.5115	0.5810	0.3740	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7315	0.7245	0.3945	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.5900	0.6885	0.4610	T <sub>w</sub>	T
		39	0.8090	0.7825	0.4895	T	T <sub>w</sub>

ตาราง ก.16 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกส่วนเด่นที่-ที่สองตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.6 จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญและขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>o</sub>	1	2
5	0.05	29	0.3100	0.3255	0.1855	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4430	0.3720	0.2055	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.3430	0.3885	0.2775	T <sub>w</sub>	T
		39	0.4905	0.4605	0.2890	T	T <sub>w</sub>
4	0.05	29	0.3710	0.3995	0.2635	T <sub>w</sub>	T
		39	0.5745	0.4990	0.2770	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.4530	0.5025	0.3620	T <sub>w</sub>	T
		39	0.6155	0.5990	0.3775	T	T <sub>w</sub>
3	0.05	29	0.5415	0.5605	0.3960	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7495	0.6860	0.4120	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.5920	0.6260	0.4920	T <sub>w</sub>	T
		39	0.7865	0.7645	0.5060	T	T <sub>w</sub>

ตาราง ก.17 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกยังสหิเดนท์-ทีสองตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.7 จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญและขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>0</sub>	1	2
5	0.05	29	0.3960	0.2655	0.2130	T	T <sub>w</sub>
		39	0.4910	0.3565	0.2340	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.4105	0.3875	0.3115	T	T <sub>w</sub>
		39	0.5530	0.4335	0.3230	T	T <sub>w</sub>
4	0.05	29	0.4205	0.3340	0.2895	T	T <sub>w</sub>
		39	0.6075	0.4385	0.3085	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.4985	0.4255	0.3880	T	T <sub>w</sub>
		39	0.6790	0.5345	0.4040	T	T <sub>w</sub>
3	0.05	29	0.5920	0.5030	0.4140	T	T <sub>w</sub>
		39	0.7900	0.6515	0.4430	T	T <sub>w</sub>
	0.10	29	0.6985	0.6065	0.5325	T	T <sub>w</sub>
		39	0.8115	0.7205	0.5865	T	T <sub>w</sub>

ตาราง ก.18 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกยังสหิเดนท์-ทีสองตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ 0.9 จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญและขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	T <sub>w</sub>	W <sub>0</sub>	1	2
5	0.05	29	0.4655	0.1880	0.3080	T	W <sub>0</sub>
		39	0.6465	0.2510	0.3230	T	W <sub>0</sub>
	0.10	29	0.5295	0.2725	0.4220	T	W <sub>0</sub>
		39	0.6950	0.3375	0.4495	T	W <sub>0</sub>
4	0.05	29	0.5595	0.2565	0.3820	T	W <sub>0</sub>
		39	0.7785	0.3385	0.4025	T	W <sub>0</sub>
	0.10	29	0.6345	0.3555	0.4925	T	W <sub>0</sub>
		39	0.7910	0.4275	0.5160	T	W <sub>0</sub>
3	0.05	29	0.7065	0.3760	0.4760	T	W <sub>0</sub>
		39	0.8735	0.5115	0.4915	T	W <sub>0</sub>
	0.10	29	0.7865	0.4920	0.6400	T	W <sub>0</sub>
		39	0.8980	0.5985	0.6410	T	W <sub>0</sub>

ตาราง ก.19 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแรงสติวเดนท์-ทีสามตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.1, 0.1, 0.1$ ) จำแนกตามองศาความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

องศาความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
5	0.05	29	0.3020	0.4255	0.1865	$T_w$	T
		39	0.4740	0.5105	0.2080	$T_w$	T
	0.10	29	0.3350	0.5325	0.2605	$T_w$	T
		39	0.5130	0.6510	0.3030	$T_w$	T
4	0.05	29	0.4965	0.5735	0.2515	$T_w$	T
		39	0.6170	0.6480	0.3260	$T_w$	T
	0.10	29	0.4345	0.6445	0.3345	$T_w$	T
		39	0.6450	0.7750	0.4190	$T_w$	T
3	0.05	29	0.5820	0.7265	0.4090	$T_w$	T
		39	0.8565	0.8640	0.4575	$T_w$	T
	0.10	29	0.6850	0.7995	0.4765	$T_w$	T
		39	0.8175	0.9100	0.5765	$T_w$	T

ตาราง ก.20 ค่าจำานาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแรงสติวเดนท์-ทีสามตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.3, 0.3, 0.3$ ) จำแนกตามองศาความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

องศาความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
5	0.05	29	0.3150	0.3685	0.1960	$T_w$	T
		39	0.4410	0.4975	0.2245	$T_w$	T
	0.10	29	0.3625	0.4895	0.2875	$T_w$	T
		39	0.5350	0.5790	0.3275	$T_w$	T
4	0.05	29	0.4460	0.4785	0.2800	$T_w$	T
		39	0.6345	0.6515	0.3230	$T_w$	T
	0.10	29	0.4725	0.5925	0.3845	$T_w$	T
		39	0.6860	0.7590	0.4355	$T_w$	T
3	0.05	29	0.6100	0.6875	0.4155	$T_w$	T
		39	0.7890	0.8295	0.4930	$T_w$	T
	0.10	29	0.6860	0.7920	0.5370	$T_w$	T
		39	0.8295	0.8890	0.6035	$T_w$	T

ตาราง ก.21 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแรงสติวเดนท์-ทีสามตัวแปรที่มีส่วนสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.4, 0.4, 0.4$ ) จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
5	0.05	29	0.3215	0.3370	0.1945	$T_w$	T
		39	0.5170	0.4200	0.2410	T	$T_w$
	0.10	29	0.4490	0.4665	0.3045	$T_w$	T
		39	0.5820	0.5300	0.3365	T	$T_w$
4	0.05	29	0.4320	0.4575	0.2970	$T_w$	T
		39	0.6890	0.5985	0.3335	T	$T_w$
	0.10	29	0.4895	0.5390	0.3940	$T_w$	T
		39	0.6985	0.6670	0.4485	T	$T_w$
3	0.05	29	0.6170	0.6655	0.4565	$T_w$	T
		39	0.8215	0.7760	0.5180	T	$T_w$
	0.10	29	0.6530	0.7115	0.5325	$T_w$	T
		39	0.8735	0.8370	0.6120	T	$T_w$

ตาราง ก.22 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแรงสติวเดนท์-ทีสามตัวแปรที่มีส่วนสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.6, 0.6, 0.6$ ) จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			อันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
5	0.05	29	0.2500	0.2665	0.2330	$T_w$	T
		39	0.5905	0.3290	0.2735	T	$T_w$
	0.10	29	0.3285	0.3645	0.3510	$T_w$	T
		39	0.6145	0.4215	0.3870	T	$T_w$
4	0.05	29	0.3375	0.3595	0.3215	$T_w$	T
		39	0.7275	0.4465	0.3890	T	$T_w$
	0.10	29	0.5860	0.4675	0.4565	$T_w$	T
		39	0.7510	0.5670	0.4960	T	$T_w$
3	0.05	29	0.5405	0.5510	0.4920	$T_w$	T
		39	0.8410	0.6395	0.5535	T	$T_w$
	0.10	29	0.6165	0.6540	0.6225	$T_w$	T
		39	0.8845	0.7695	0.6705	T	$T_w$

ตาราง ก.23 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแรงสติวเดนท์-ทีสามตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.7, 0.7, 0.7$ ) จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
5	0.05	29	0.4355	0.2010	0.2785	T	$W_0$
		39	0.6270	0.2615	0.3025	T	$W_0$
	0.10	29	0.5165	0.3115	0.3735	T	$W_0$
		39	0.6685	0.3535	0.4070	T	$W_0$
4	0.05	29	0.5305	0.2955	0.3720	T	$W_0$
		39	0.7665	0.3950	0.4125	T	$W_0$
	0.10	29	0.6295	0.3840	0.4765	T	$W_0$
		39	0.7875	0.4980	0.5295	T	$W_0$
3	0.05	29	0.7095	0.4490	0.5345	T	$W_0$
		39	0.8845	0.5905	0.6165	T	$W_0$
	0.10	29	0.7475	0.5130	0.6055	T	$W_0$
		39	0.8875	0.6760	0.7040	T	$W_0$

ตาราง ก.24 ค่าอำนาจการทดสอบของตัวสถิติทดสอบ เมื่อประชากรมีการแยกแรงสติวเดนท์-ทีสามตัวแปรที่มีสหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรเท่ากับ ( $0.9, 0.9, 0.9$ ) จำแนกตามองค์ความเป็นอิสระ ระดับนัยสำคัญ และขนาดตัวอย่าง

องค์ความ เป็นอิสระ	ระดับ นัยสำคัญ	ขนาด ตัวอย่าง	ตัวสถิติทดสอบ			ขันดับ	
			T	$T_w$	$W_0$	1	2
5	0.05	29	0.6300	0.1230	0.4300	T	$W_0$
		39	0.8130	0.1535	0.5185	T	$W_0$
	0.10	29	0.6730	0.1985	0.5230	T	$W_0$
		39	0.8380	0.2255	0.6405	T	$W_0$
4	0.05	29	0.7200	0.1695	0.5135	T	$W_0$
		39	0.8910	0.2245	0.6265	T	$W_0$
	0.10	29	0.7475	0.2370	0.5835	T	$W_0$
		39	0.9125	0.3125	0.7275	T	$W_0$
3	0.05	29	0.8640	0.2795	0.6165	T	$W_0$
		39	0.9640	0.3810	0.7465	T	$W_0$
	0.10	29	0.8880	0.3390	0.7850	T	$W_0$
		39	0.9720	0.4605	0.8345	T	$W_0$

### ภาคผนวก ข

**ตาราง ข.1 แสดงค่าความใกล้ที่ 0.90 และ 0.95 ของตัวสถิติทดสอบ MK ในกรณีทดสอบการแจกแจงปกติ หลายตัวแปร กรณีไม่ทราบค่าพารามิเตอร์**

จำนวนตัวแปร	องศาความเป็นอิสระ	ความใกล้ที่ 0.90	ความใกล้ที่ 0.95
2	9	14.68	16.92
3	25	34.38	37.65
4	55	68.79	73.31
5	105	123.94	129.91
6	182	206.83	214.47
7	294	325.47	334.98

ที่มา : Mardia K.V. Biometrika, 1991 v.24, p.356

ตารางที่ ช.2 แสดงค่าความน่าหลีก 0.90 และ 0.95 ของตัวสถิติทดสอบ N ในกรณีทดสอบการแยกปั๊กติดสองตัวแปร กรณีไม่ทราบค่าพารามิเตอร์

ชนิดพันธุ์ระหว่างตัวแปร ( $\rho_{12}$ )	ขนาดตัวอย่าง	ความน่าหลีก 0.90	ความน่าหลีก 0.95
0.1	20	0.2652	0.2713
	30	0.2560	0.2606
	40	0.2512	0.2553
	50	0.2481	0.2514
	60	0.2462	0.2492
	70	0.2446	0.2472
	80	0.2433	0.2459
	90	0.2424	0.2446
	100	0.2415	0.2439
0.3	20	0.2685	0.2751
	30	0.2600	0.2646
	40	0.2552	0.2593
	50	0.2519	0.2554
	60	0.2498	0.2531
	70	0.2481	0.2509
	80	0.2471	0.2497
	90	0.2459	0.2483
	100	0.2450	0.2475
0.4	20	0.2721	0.2791
	30	0.2631	0.2684
	40	0.2584	0.2628
	50	0.2550	0.2589
	60	0.2530	0.2564
	70	0.2513	0.2544
	80	0.2502	0.2529
	90	0.2489	0.2516
	100	0.2482	0.2507
0.6	20	0.2819	0.2889
	30	0.2730	0.2789
	40	0.2683	0.2732
	50	0.2648	0.2692
	60	0.2628	0.2666
	70	0.2609	0.2644
	80	0.2599	0.2630
	90	0.2587	0.2616
	100	0.2605	0.2578

ตารางที่ ข.2 (ต่อ)

สหสมพันธ์ระหว่างตัวแปร ( $\rho_{12}$ )	ขนาดตัวอย่าง	ค่าอนไทล์ที่ 0.90	ค่าอนไทล์ที่ 0.95
0.7	20	0.2887	0.2960
	30	0.2799	0.2860
	40	0.2751	0.2801
	50	0.2717	0.2764
	60	0.2697	0.2737
	70	0.2679	0.2714
	80	0.2668	0.2702
	90	0.2656	0.2687
	100	0.2647	0.2676
0.9	20	0.3097	0.3188
	30	0.3014	0.3081
	40	0.2963	0.3018
	50	0.2932	0.2981
	60	0.2912	0.2956
	70	0.2892	0.2930
	80	0.2882	0.2921
	90	0.2872	0.2906
	100	0.2863	0.2894

ตาราง ช.3 แสดงค่าความน่าเสี่ยงที่ 0.90 และ 0.95 ของตัวสถิติทดสอบ N ในกรณีทดสอบการแยกแบบปกติ  
สามตัวแปร กรณีไม่ทราบค่าพารามิเตอร์

สหสมันพันธ์ระหว่างตัวแปร $(\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23})$	ขนาดตัวอย่าง	ความน่าเสี่ยงที่ 0.90	ความน่าเสี่ยงที่ 0.95
( 0.1, 0.1, 0.1)	20	0.1432	0.1470
	30	0.1341	0.1369
	40	0.1294	0.1318
	50	0.1262	0.1283
	60	0.1242	0.1262
	70	0.1228	0.1246
	80	0.1217	0.1233
	90	0.1208	0.1223
	100	0.1201	0.1215
( 0.3, 0.3, 0.3)	20	0.1483	0.1525
	30	0.1389	0.1427
	40	0.1345	0.1373
	50	0.1311	0.1336
	60	0.1291	0.1315
	70	0.1275	0.1296
	80	0.1264	0.1283
	90	0.1254	0.1272
	100	0.1248	0.1265
( 0.4, 0.4, 0.4)	20	0.1528	0.1577
	30	0.1433	0.1474
	40	0.1389	0.1420
	50	0.1354	0.1381
	60	0.1335	0.1359
	70	0.1317	0.1340
	80	0.1306	0.1327
	90	0.1297	0.1316
	100	0.1289	0.1308
( 0.6, 0.6, 0.6)	20	0.1665	0.1722
	30	0.1568	0.1613
	40	0.1519	0.1559
	50	0.1484	0.1518
	60	0.1466	0.1496
	70	0.1447	0.1474
	80	0.1435	0.1459
	90	0.1426	0.1449
	100	0.1418	0.1439

ตาราง ๔.๓ (ต่อ)

สหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร $(\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23})$	ขนาดตัวอย่าง	ค่าอนไทล์ที่ 0.90	ค่าอนไทล์ที่ 0.95
( 0.7, 0.7, 0.7)	20	0.1761	0.1823
	30	0.1665	0.1712
	40	0.1617	0.1658
	50	0.1582	0.1617
	60	0.1562	0.1592
	70	0.1543	0.1571
	80	0.1531	0.1558
	90	0.1522	0.1547
	100	0.1513	0.1536
( 0.9, 0.9, 0.9)	20	0.2063	0.2138
	30	0.1971	0.2023
	40	0.1926	0.1972
	50	0.1891	0.1932
	60	0.1872	0.1908
	70	0.1853	0.1885
	80	0.1844	0.1874
	90	0.1834	0.1860
	100	0.1824	0.1849
( 0.1, 0.1, 0.4)	20	0.1464	0.1505
	30	0.1373	0.1404
	40	0.1326	0.1352
	50	0.1294	0.1318
	60	0.1275	0.1296
	70	0.1260	0.1277
	80	0.1248	0.1266
	90	0.1239	0.1255
	100	0.1232	0.1248
( 0.1, 0.1, 0.7)	20	0.1545	0.1592
	30	0.1453	0.1489
	40	0.1407	0.1436
	50	0.1374	0.1401
	60	0.1355	0.1378
	70	0.1338	0.1360
	80	0.1328	0.1347
	90	0.1318	0.1336
	100	0.1311	0.1329

ตาราง ๙.๓ (ต่อ)

สมมติฐานระหว่างตัวแปร ( $\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23}$ )	ขนาดตัวอย่าง	ความน่าเชื่อถือ 0.90	ความน่าเชื่อถือ 0.95
( 0.4, 0.4, 0.7)	20	0.1607	0.1660
	30	0.1514	0.1556
	40	0.1466	0.1504
	50	0.1432	0.1462
	60	0.1413	0.1440
	70	0.1395	0.1420
	80	0.1384	0.1406
	90	0.1374	0.1395
	100	0.1367	0.1387
( 0.1, 0.4, 0.7)	20	0.1581	0.1630
	30	0.1490	0.1528
	40	0.1443	0.1474
	50	0.1412	0.1438
	60	0.1392	0.1417
	70	0.1375	0.1389
	80	0.1363	0.1384
	90	0.1354	0.1373
	100	0.1347	0.1365
( 0.3, 0.3, 0.6)	20	0.1544	0.1594
	30	0.1451	0.1491
	40	0.1405	0.1438
	50	0.1371	0.1399
	60	0.1353	0.1377
	70	0.1334	0.1359
	80	0.1324	0.1344
	90	0.1313	0.1333
	100	0.1307	0.1326
( 0.3, 0.3, 0.9)	20	0.1680	0.1734
	30	0.1589	0.1630
	40	0.1542	0.1575
	50	0.1511	0.1541
	60	0.1491	0.1519
	70	0.1474	0.1500
	80	0.1462	0.1484
	90	0.1452	0.1474
	100	0.1446	0.1465

ตาราง ๙.๓ (ต่อ)

สหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร $(\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23})$	ขนาดตัวอย่าง	ค่าอนไทลที่ 0.90	ค่าอนไทลที่ 0.95
( 0.6, 0.6, 0.9)	20	0.1800	0.1863
	30	0.1703	0.1752
	40	0.1657	0.1699
	50	0.1623	0.1659
	60	0.1604	0.1638
	70	0.1587	0.1613
	80	0.1575	0.1599
	90	0.1565	0.1590
	100	0.1556	0.1580
( 0.3, 0.6, 0.9)	20	0.1760	0.1817
	30	0.1667	0.1712
	40	0.1620	0.1658
	50	0.1589	0.1623
	60	0.1569	0.1599
	70	0.1552	0.1579
	80	0.1539	0.1563
	90	0.1530	0.1554
	100	0.1522	0.1543

ตาราง ๔.4 แสดงค่าความไม่เที่ยงตัวแปร 0.90 และ 0.95 ของตัวสถิติทดสอบ KTT ในกรณีทดสอบการแยกของปัจจัยด้วยตัวแปร กรณีไม่ทราบค่าพารามิเตอร์

สหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร ( $\rho_{12}$ )	ขนาดตัวอย่าง	ความไม่เที่ยงที่ 0.90	ความไม่เที่ยงที่ 0.95
0.1	20	22.51	31.10
	30	14.62	18.43
	40	12.42	15.05
	50	11.73	13.78
	60	11.42	13.23
	70	11.15	13.10
	80	10.98	12.82
	90	10.87	12.63
	100	10.64	12.40
0.3	20	21.41	28.88
	30	13.95	17.75
	40	12.14	14.55
	50	11.60	13.44
	60	11.38	13.03
	70	10.90	12.80
	80	10.80	12.40
	90	10.62	12.25
	100	10.45	12.17
0.4	20	20.44	27.64
	30	13.65	17.11
	40	11.94	14.25
	50	11.46	13.30
	60	11.23	12.90
	70	10.80	12.72
	80	10.71	12.31
	90	10.50	12.15
	100	10.32	11.99
0.6	20	19.18	26.39
	30	13.09	16.00
	40	11.64	13.68
	50	11.11	12.93
	60	10.86	12.47
	70	10.75	12.32
	80	10.55	12.26
	90	10.36	12.10
	100	10.28	11.96

ตาราง ๔.๔ (ต่อ)

สหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร ( $\rho_{12}$ )	ขนาดตัวอย่าง	ค่าอนไทลท์ 0.90	ค่าอนไทลท์ 0.95
0.7	20	19.56	26.48
	30	12.88	15.96
	40	11.34	13.43
	50	10.94	12.84
	60	10.70	12.34
	70	10.50	12.00
	80	10.37	11.79
	90	10.20	11.74
	100	10.00	11.49
0.9	20	19.5	26.42
	30	12.87	15.93
	40	11.05	13.24
	50	10.71	12.55
	60	10.42	12.09
	70	10.25	11.87
	80	10.12	11.74
	90	9.89	11.68
	100	9.73	11.42

ตาราง ช.5 แสดงค่าความไม่หลีกที่ 0.90 และ 0.95 ของตัวสถิติทดสอบ KTT ในภาคทดสอบการแยกปัจจัย  
สามตัวแปร กรณีไม่ทราบค่าพารามิเตอร์

สหสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร ( $\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23}$ )	ขนาดตัวอย่าง	ความไม่หลีกที่ 0.90	ความไม่หลีกที่ 0.95
(0.1, 0.1, 0.1)	20	401.87	644.41
	30	70.13	91.15
	40	41.44	51.75
	50	32.92	38.94
	60	28.85	33.22
	70	26.78	30.28
	80	25.29	28.46
	90	24.73	27.74
	100	24.37	27.14
(0.3, 0.3, 0.3)	20	355.19	571.07
	30	63.61	80.97
	40	38.71	47.34
	50	31.43	36.73
	60	27.75	31.94
	70	26.00	29.33
	80	24.72	27.94
	90	24.07	26.93
	100	23.80	26.44
(0.4, 0.4, 0.4)	20	340.63	533.58
	30	61.03	77.93
	40	37.29	44.78
	50	30.45	35.49
	60	27.03	31.25
	70	25.40	28.76
	80	24.39	27.43
	90	23.77	26.65
	100	23.43	26.15
(0.6, 0.6, 0.6)	20	313.34	502.97
	30	56.80	73.02
	40	35.79	43.27
	50	28.86	33.51
	60	26.04	29.90
	70	24.29	27.31
	80	23.42	26.45
	90	22.89	25.47
	100	22.67	25.36

ตาราง ๙.๕ (ต่อ)

สมมติฐานระหว่างตัวแปร $(\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23})$	ขนาดตัวอย่าง	ความน่าเชื่อถือ 0.90	ความน่าเชื่อถือ 0.95
(0.7, 0.7, 0.7)	20	319.57	530.02
	30	56.51	72.64
	40	35.54	42.63
	50	28.55	32.99
	60	25.59	29.51
	70	23.82	27.01
	80	22.91	25.81
	90	22.42	24.95
	100	22.28	24.94
(0.9, 0.9, 0.9)	20	344.07	541.21
	30	57.43	73.28
	40	35.38	42.56
	50	28.22	32.75
	60	25.24	29.17
	70	23.54	26.76
	80	22.62	25.55
	90	21.96	24.75
	100	21.85	24.52
(0.1, 0.1, 0.4)	20	376.27	599.84
	30	66.40	87.74
	40	40.28	49.67
	50	31.94	37.40
	60	28.09	32.71
	70	26.29	29.83
	80	25.14	28.23
	90	24.35	27.16
	100	23.97	26.77
(0.1, 0.1, 0.7)	20	374.46	580.25
	30	64.45	84.34
	40	39.30	48.24
	50	30.94	36.78
	60	27.41	31.61
	70	25.46	29.05
	80	24.31	27.41
	90	23.75	26.59
	100	23.31	26.06

ตาราง ๙.๕ (ต่อ)

สัดสัมพันธ์ระหว่างตัวแปร ( $\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23}$ )	ขนาดตัวอย่าง	ค่าอนไทล์ที่ 0.90	ค่าอนไทล์ที่ 0.95
(0.4, 0.4, 0.7)	20	337.83	536.45
	30	59.27	75.59
	40	36.53	44.24
	50	29.71	34.66
	60	26.39	30.35
	70	24.62	27.91
	80	23.92	26.81
	90	23.23	26.14
	100	22.90	25.59
(0.1, 0.4, 0.7)	20	393.77	631.04
	30	64.87	83.41
	40	38.40	46.61
	50	30.43	35.54
	60	27.12	31.10
	70	25.11	28.48
	80	24.14	27.16
	90	23.52	26.28
	100	23.11	25.64
(0.3, 0.3, 0.6)	20	343.07	545.41
	30	60.93	77.12
	40	37.68	45.76
	50	30.27	35.81
	60	26.94	31.01
	70	25.24	28.44
	80	24.40	27.52
	90	23.69	26.46
	100	23.21	25.84
(0.3, 0.3, 0.9)	20	342.42	532.89
	30	61.50	79.30
	40	37.11	44.95
	50	29.92	35.19
	60	26.65	30.62
	70	24.80	28.17
	80	23.78	26.57
	90	22.95	25.59
	100	22.67	25.40

ตาราง ช.5 (ต่อ)

สหสมพันธ์ระหว่างตัวแปร $(\rho_{12}, \rho_{13}, \rho_{23})$	ขนาดตัวอย่าง	ค่าอนไทลท์ 0.90	ค่าอนไทลท์ 0.95
(0.6, 0.6, 0.9)	20	322.48	496.69
	30	57.06	73.30
	40	35.57	42.93
	50	28.61	33.10
	60	25.60	29.50
	70	23.98	27.02
	80	23.11	25.99
	90	22.36	25.19
	100	22.21	24.77
(0.3, 0.6, 0.9)	20	396.72	643.84
	30	65.72	88.83
	40	37.57	46.14
	50	29.72	34.86
	60	26.32	30.67
	70	24.28	27.83
	80	23.33	26.15
	90	22.59	25.31
	100	22.26	24.80

### ภาคผนวก ค

โปรแกรมสำหรับการคำนวณค่าวิถีฤทธิ์ของตัวสถิติทดสอบ N

```

common/seed/ix,k1/vari/k,n/para/rmean(3),s(3,3)&
/datalx/xp(3,200)/corr/rho(3,3),cov(3,3)/cmat/c(3,3)
dimension ssquare(3,3),x(3,200),xa(3,200),t(20000)
real normal,KN,knc(20000),c05,c10
integer j05,j10
write(*,*)'    ENTER NUMBER VARIABLES (2,3) :'
read(*,1)k
write(*,*)'    ENTER SAMPLE SIZE (20,30,40,...) :'
read(*,1)n
1   format(i4)
      write(*,*)'    ENTER MEAN VALUE (00.00-999.99) :'
      read(*,2)(mean(i),i=1,k)
2   format(f6.2)
      write(*,*)'    ENTER VARIANCE VALUE (01.00-999.99) :'
      read(*,2)(s(i,i),i=1,k)
      write(*,*)'    ENTER CORRELATION VALUE (0.0-1.0) :'
      read(*,3)((rho(i,j),j=i+1,k),i=1,k-1)
3   format(f3.1)
      write(*,*)'    ENTER NUMBER REPLICATION VALUE (1-20,000) :'
      read(*,4)nrep
4   format(i6)
      call covariance
      do 10 i=1,k
          do 10 j=1,k
10      ssquare(i,j)=cov(i,j)
      call cmatrix
!*****START FOR ITERATION
      do 300 l=1,nrep
          do 20 i=1,k
              dmean=0
              sigma=1
              do 20 j=1,n

```

```

xa(i,j)=normal(dmean,sigma)

20    continue
      call multiv(xa)
      do 30 i=1,k
          do 30 j=1,n
30          x(i,j)=xp(i,j)
          loop=loop+1
          call knstat(x,KN)
          knc(l)=KN
          if(loop.eq.nrep)goto 310
300    continue
!*****STOP FOR ITERATION
310    t(1)=knc(1)
      do 400 i=2,nrep
          in=1
          ln=i
          t(i)=knc(i)
          if(t(i).ge.t(i-1))goto 400
          if(t(i).le.t(1))goto 50
40      mid=(in+ln)/2
          if(t(i).le.t(mid).and.t(i).ge.t(mid-1))goto 60
          if(t(i).ge.t(mid).and.t(i).le.t(mid+1))goto 70
          if(t(i).lt.t(mid))then
              ln=mid
              goto 40
          else if(t(i).gt.t(mid))then
              in=mid
              goto 40
          endif
50      y=t(i)
      do 55 j=i,2,-1
55      t(j)=t(j-1)
          t(1)=y
          goto 400
60      y=t(i)

```

```

        mid1=mid+1
        do 65 j=i,mid1,-1
65          t(j)=t(j-1)
          t(mid)=y
          goto 400
70          y=t(i)
          mid2=mid+2
          do 75 j=i,mid2,-1
75          t(j)=t(j-1)
          t(mid+1)=y
400      continue
j05=int((nrep+1)*.95)
if(j05.lt.nrep.and.j05.gt.1)then
    c05=t(j05)+((nrep+1)*.95-j05)*((t(j05+1))-t(j05))
elseif(j05.le.1)then
    c05=t(1)
elseif(j05.ge.nrep)then
    c05=t(nrep)
endif
j10=int((nrep+1)*.90)
if(j10.lt.nrep.and.j10.gt.1)then
    c10=t(j10)+((nrep+1)*.90-j10)*((t(j10+1))-t(j10))
elseif(j10.le.1)then
    c10=t(1)
elseif(j10.ge.nrep)then
    c10=t(nrep)
endif
write(*,*)' CRITICAL VALUE OF KN STATISTIC '
write(*,95)c05,c10
95      format(5x,'critical value at .95 is',f15.6/,5x,'critical value at .90 is',f15.6)
      end
*****SUBROUTINE FOR COVARIANCE MATRIX
      subroutine covariance
      common/vari/k,n/para/rmean(3),s(3,3)/corr/rho(3,3),cov(3,3)
      do 20 i=1,k

```

```

do 10 j=1,k
    if(i.eq.j) then
        cov(i,j)=s(i,i)
    elseif(i.gt.j) then
        cov(i,j)=rho(j,i)*sqrt(s(i,i))*sqrt(s(j,j))
    else
        cov(i,j)=rho(i,j)*sqrt(s(i,i))*sqrt(s(j,j))
    endif
    endif
10     continue
20     continue
     return
end

*****SUBROUTINE CALCULATE C_MATRIX
subroutine cmatrix
common/vari/k,n/corr/rho(3,3),cov(3,3)/cmat/c(3,3)
do 10 i=1,k
    do 10 j=1,k
10         c(i,j)=0.0
        c(1,1)=sqrt(cov(1,1))
        do 60 i=2,k
            m1=i-1
            do 40 j=1,m1
                mj=j-1
                sumcc=0.0
                if(mj.eq.0)goto 30
                do 20 m=1,mj
20                    sumcc=sumcc+c(i,m)*c(j,m)
30                    c(i,j)=(cov(i,j)-sumcc)/c(j,j)
                    c(j,i)=0.0
40         continue
                    sumsqc=0.0
                    do 50 m=1,m1
50                    sumsqc=sumsqc+c(i,m)**2
                    c(i,i)=sqrt(cov(i,i)-sumsqc)

```

```

60      continue
       return
       end

*****SUBROUTINE MULTIVARIATE NORMAL DISTRIBUTION

      subroutine multiv(z)
      common/vari/k,n/para/rmean(3),s(3,3)/datax/xp(3,200)  &
           /cmat/c (3,3)
      dimension z(3,200)
      do 20 i=1,k
         do 20 j=1,n
            sum=0.0
            do 10 m=1,k
               10          sum=sum+c(i,m)*z(m,j)
            20          xp(i,j)=rmean(i)+sum
            return
         end

*****FUNCTION FOR RANDOM NUMBER

      function rand(ix)
      ix=ix*16807
      if(ix.le.0)ix=ix+2147483647+1
      rand=ix
      rand=rand*0.465661287e-9
      return
      end

*****FUNCTION NORMAL

      real function normal(dmean,sigma)
      common/seed/ix,k1
      pi=3.14159265
      if(k1.eq.1)goto 10
         u1=rand(ix)
         u2=rand(ix)
         z1=sqrt(-2*log(u1))*cos(2*pi*u2)
         z2=sqrt(-2*log(u1))*sin(2*pi*u2)
         normal=dmean+sigma*z1
      k1=1

```

```

      return
10   normal=dmean+sigma*z2
      k1=0
      return
      end

!*****SUBROUTINE FOR MEAN AND COVARIANCE MATRIX OF SAMPLE

      subroutine meanvar(x2)
      common/vari/k,n/avg/x1bar(3)/var/ssa(3,3)
      dimension x2(3,200),sumx(3),sumbx(3,3)
      fn=float(n)
      sumx=0
      x1bar=0
      sumbx=0
      ssa=0
      do 20 i=1,k
         do 10 j=1,n
10           sumx(i)=sumx(i)+x2(i,j)
20         continue
         do 30 i=1,k
30           x1bar(i)=sumx(i)/n
         do 60 i=1,k
            do 50 j=1,k
               do 40 m=1,n
40             sumbx(i,j)=sumbx(i,j)+x2(i,m)*x2(j,m)
50             continue
60             continue
            do 80 i=1,k
               do 70 j=1,k
70             ssa(i,j)=(sumbx(i,j)-((sumx(i)*sumx(j))/fn))/(fn-1)
80             continue
            return
         end

```

```

*****SUBROUTINE FOR NAITO STATISTIC

subroutine knstat(x1,KN)
common/vari/k,n/avg/x1bar(3)/var/ss(3,3)
dimension x1(3,200),xbar(3),ss(3,3),z(3,200),y(200,3,200),MM(200,200)
real MM,sumMM,KN
xbar=0
ss=0
z=0
y=0
MM=0
sumMM=0
fn=float(n)
call meanvar(x1)
do 10 i=1,k
10      xbar(i)=x1bar(i)
do 40 i=1,k
      do 30 j=1,k
30      ss(i,j)=ssa(i,j)
40      continue
      do 60 i=1,k
      do 60 j=1,n
60      z(i,j)=(x1(i,j)-xbar(i))/sqrt(ss(i,i))
      do 90 m=1,n-1
      do 80 i=1,k
      do 70 j=1,n
70      if(j.ge.m) y(m,i,j)=z(i,m)-z(i,j)
80      continue
90      continue
      if(k.eq.2)then
      do 120 m=1,n-1
      do 110 j=m+1,n
      MM(m,j)=(((exp(2.)-1)*cosd(y(m,1,j))+(exp(2.)+1)      &
      *y(m,1,j)*sind(y(m,1,j)))*((exp(2.)-1)*cosd(y(m,2,j))      &
      +(exp(2.)+1)*y(m,2,j)*sind(y(m,2,j))))      &

```

```

/(exp(4.)*(1+y(m,1,j)**2)*(1+y(m,2,j)**2))
sumMM=sumMM+MM(m,j)

110      continue

120      continue

KN=0.7476451/fn+2*sumMM/(fn**2)

elseif(k.eq.3)then

do 140 m=1,n-1

do 130 j=m+1,n

    MM(m,j)=(((exp(2.)-1)*cosd(y(m,1,j))+(exp(2.)+1)  &
    *y(m,1,j)*sind(y(m,1,j)))*((exp(2.)-1)*cosd(y(m,2,j))  &
    +(exp(2.)+1)*y(m,2,j)*sind(y(m,2,j)))*((exp(2.)-1)  &
    *cosd(y(m,3,j))+(exp(2.)+1)*y(m,3,j)*sind(y(m,3,j)))/ &
    (exp(6.)*(1+y(m,1,j)**2)*(1+y(m,2,j)**2)*(1+y(m,3,j)**2))

    sumMM=sumMM+MM(m,j)

130      continue

140      continue

KN=0.6464623/fn+2*sumMM/(fn**2)

endif

endif

return

end

```

## โปรแกรมสำหรับคำนวณค่าวิกฤตของตัวสถิติทดสอบ KTT

```

common/seed/ix,k1/vari/k,n/para/rmean(3),s(3,3)/datax/xp(3,200)&
/corr/rho(3,3),cov(3,3)/cmat/c(3,3)

dimension ssquare(3,3),x(3,500),xa(3,500),tkc(50000),t(50000)

real normal,TK,c05,c10

integer j05,j10

write(*,*)' ENTER NUMBER VARIABLES (2,3) :'
read(*,1)k

write(*,*)' ENTER SAMPLE SIZE (20,30,40,50,60) :'
read(*,1)n

1 format(i4)

write(*,*)' ENTER MEAN VALUE (00.00-99.99) :'
read(*,2)(rmean(i),i=1,k)

2 format(f5.2)

write(*,*)' ENTER VARIANCE VALUE (01.00-99.99) :'
read(*,2)(s(i,i),i=1,k)

write(*,*)' ENTER CORRELATION VALUE (0.0-1.0) :'
read(*,3)((rho(i,j),j=i+1,k),i=1,k-1)

3 format(f3.1)

write(*,*)' ENTER NUMBER REPLICATION VALUE (1-10,000) :'
read(*,4)nrep

4 format(i6)

loop=0

ix=357897

k1=0

call covariance

do 15 i=1,k

    do 15 j=1,k

15        ssquare(i,j)=cov(i,j)

call cmatrix

*****START FOR ITERATION

do 300 l=1,nrep

    do 30 i=1,k

        dmean=0

        sigma=1

```

```

do 30 j=1,n
xa(i,j)=normal(dmean,sigma)
30      continue
call multiv(xa)
do 100 i=1,k
do 100 j=1,n
100      x(i,j)=xp(i,j)
loop=loop+1
call tkstat(x,TK)
tkc(l)=TK
if(loop.eq.nrep)goto 310
300      continue
!*****STOP FOR ITERATION
310      t(1)=tkc(1)
do 400 i=2,nrep
in=1
ln=i
t(i)=tkc(i)
if(t(i).ge.t(i-1))goto 400
if(t(i).le.t(1))goto 50
40      mid=(in+ln)/2
if(t(i).le.t(mid).and.t(i).ge.t(mid-1))goto 60
if(t(i).ge.t(mid).and.t(i).le.t(mid+1))goto 70
if(t(i).lt.t(mid))then
ln=mid
goto 40
else if(t(i).gt.t(mid))then
in=mid
goto 40
endif
50      y=t(i)
do 55 j=i,2,-1
t(j)=t(j-1)
55      continue
t(1)=y

```

```

        goto 400
60      y=t(i)
        mid1=mid+1
        do 65 j=i,mid1,-1
              t(j)=t(j-1)
65      continue
        t(mid)=y
        goto 400
70      y=t(i)
        mid2=mid+2
        do 75 j=i,mid2,-1
              t(j)=t(j-1)
75      continue
        t(mid+1)=y
400    continue
        j05=int((nrep+1)*.95)
        if(j05.lt.nrep.and.j05.gt.1)then
              c05=t(j05)+((nrep+1)*.95-j05)*((t(j05+1))-t(j05))
        elseif(j05.le.1)then
              c05=t(1)
        elseif(j05.ge.nrep)then
              c05=t(nrep)
        endif
        j10=int((nrep+1)*.90)
        if(j10.lt.nrep.and.j10.gt.1)then
              c10=t(j10)+((nrep+1)*.90-j10)*((t(j10+1))-t(j10))
        elseif(j10.le.1)then
              c10=t(1)
        elseif(j10.ge.nrep)then
              c10=t(nrep)
        endif
        write(*,*)' CRITICAL VALUE OF KARIYA STATISTIC'
        write(*,95)c05,c10
95      format(5x,'critical value at .95 is',f15.6/,5x,'critical value at .90 is',f15.6)
        end

```

\*\*\*\*\*SUBROUTINE FOR INVERSE KARIYA

```

subroutine inverse2(n,a)
dimension a(7,7)
do 60 i=1,n
    a(i,i)=-1.0/a(i,i)
    do 20 j=1,n
        if(j-i)10,20,10
10         a(j,i)=-a(j,i)*a(i,i)
20         continue
        do 40 j=1,n
            do 40 m=1,n
                if((j-i)*(m-i))30,40,30
30                a(j,m)=a(j,m)-a(j,i)*a(i,m)
40                continue
            do 60 m=1,n
                if(m-i)50,60,50
50                a(i,m)=-a(i,m)*a(i,i)
60                continue
            do 70 i=1,n
                do 70 j=1,n
                    a(i,j)=-a(i,j)
70
return
end

```

subroutine inverse3(n,a)

dimension a(15,15)

```

do 60 i=1,n
    a(i,i)=-1.0/a(i,i)
    do 20 j=1,n
        if(j-i)10,20,10
10         a(j,i)=-a(j,i)*a(i,i)
20         continue
        do 40 j=1,n
            do 40 m=1,n
                if((j-i)*(m-i))30,40,30
30

```

```

30          a(j,m)=a(j,m)-a(j,i)*a(i,m)
40          continue
do 60 m=1,n
    if(m-i)50,60,50
50          a(i,m)=-a(i,m)*a(i,i)
60          continue
do 70 i=1,n
    do 70 j=1,n
        a(i,j)=-a(i,j)
70
return
end
!*****SUBROUTINE FOR KARIYA STATISTIC
subroutine tkstat(x1,TK)
common/vari/k,n/avg/x1bar(3)/var/ss(3,3)
real x1(3,200),xbar(3),ss(3,3),z(3,200),v(3,200,2),sumv(3,3,2,2),r(3,3,2,2),TK
real,dimension(:,,:),allocatable::c,ja,l,lap,jt,ct,jl,jljt,ctljt
xbar=0
ss=0
z=0
v=0
sumv=0
r=0
ctljt=0
TK=0
fn=float(n)
call meanvar(x1)
do 10 i=1,k
10          xbar(i)=x1bar(i)
do 40 i=1,k
    do 30 j=1,k
        ss(i,j)=ssa(i,j)
30
40          continue
do 60 i=1,k
    do 60 j=1,n
        z(i,j)=(x1(i,j)-xbar(i))/sqrt(ss(i,i))
60

```

```

do 80 i=1,k
    do 80 j=1,n
        v(i,j,1)=z(i,j)
80         v(i,j,2)=((z(i,j)**2)-1)/sqrt(2.)
        do 100 i=1,k
            do 100 j=1,k
                do 100 p=1,2
                    do 100 q=1,2
                        do 90 t=1,n
                            sumv(i,j,p,q)=sumv(i,j,p,q)+v(i,t,p)*v(j,t,q)
90
100         r(i,j,p,q)=sumv(i,j,p,q)/fn
if(k.eq.2)then
allocate(c(7,1),ja(7,10),l(10,10),lamp(10,10),jt(10,7),ct(1,7),jl(7,10),jijt(7,7),ctijjt(1,7),stat=i)
if(i/=0)stop
l=0
c=0
ja=0
lamp=0
jt=0
ct=0
jl=0
jijt=0
ctijjt=0
c(1,1)=r(1,1,2,2)-(r(1,1,1,1))**2
c(2,1)=r(1,2,2,2)-(r(1,2,1,1))**2
c(3,1)=r(2,2,2,2)-(r(2,2,1,1))**2
c(4,1)=r(1,1,1,2)
c(5,1)=r(1,2,1,2)
c(6,1)=r(2,1,1,2)
c(7,1)=r(2,2,1,2)
ja(1,1)=-2*r(1,1,1,1)
ja(2,2)=-2*r(1,2,1,1)
ja(3,3)=-2*r(2,2,1,1)
do 120 i=1,7
120         ja(i,i+3)=1.0

```

do 140 t=1,n

```

l(1,1)=l(1,1)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1)) * (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))
l(2,2)=l(2,2)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1)) * (v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))
l(3,3)=l(3,3)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))
l(4,4)=l(4,4)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))* (v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))
l(5,5)=l(5,5)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))* (v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))
l(6,6)=l(6,6)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))* (v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))
l(7,7)=l(7,7)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))* (v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))
l(8,8)=l(8,8)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))* (v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(9,9)=l(9,9)+(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))* (v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(10,10)=l(10,10)+(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))* (v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(1,2)=l(1,2)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))
l(1,3)=l(1,3)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))
l(1,4)=l(1,4)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))
l(1,5)=l(1,5)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))
l(1,6)=l(1,6)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))
l(1,7)=l(1,7)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))
l(1,8)=l(1,8)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(1,9)=l(1,9)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(1,10)=l(1,10)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))* (v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(2,3)=l(2,3)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))
l(2,4)=l(2,4)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))
l(2,5)=l(2,5)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))
l(2,6)=l(2,6)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))
l(2,7)=l(2,7)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))
l(2,8)=l(2,8)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(2,9)=l(2,9)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(2,10)=l(2,10)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))* (v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(3,4)=l(3,4)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))
l(3,5)=l(3,5)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))
l(3,6)=l(3,6)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))
l(3,7)=l(3,7)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))
l(3,8)=l(3,8)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(3,9)=l(3,9)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(3,10)=l(3,10)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))* (v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))

```

```

l(4,5)=l(4,5)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))
l(4,6)=l(4,6)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))
l(4,7)=l(4,7)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))
l(4,8)=l(4,8)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(4,9)=l(4,9)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(4,10)=l(4,10)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(5,6)=l(5,6)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))
l(5,7)=l(5,7)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))
l(5,8)=l(5,8)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(5,9)=l(5,9)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(5,10)=l(5,10)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(6,7)=l(6,7)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))
l(6,8)=l(6,8)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(6,9)=l(6,9)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(6,10)=l(6,10)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(7,8)=l(7,8)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))
l(7,9)=l(7,9)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(7,10)=l(7,10)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(8,9)=l(8,9)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))
l(8,10)=l(8,10)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(9,10)=l(9,10)+(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))

```

140 continue

do 160 i=1,10

do 160 j=1,10

l(j,i)=l(i,j)

160 lamp(i,j)=l(i,j)/fn

do 165 i=1,7

do 165 j=1,10

jt(j,i)=ja(i,j)

do 168 i=1,7

do 168 j=1,1

168 ct(j,i)=c(i,j)

do 170 i=1,7

do 170 j=1,10

jl(i,j)=0.0

```

do 170 m=1,10
jl(i,j)=jl(i,j)+ja(i,m)*lamp(m,j)
170    continue
do 175 i=1,7
do 175 j=1,7
jljt(i,j)=0.0
do 175 m=1,10
jljt(i,j)=jljt(i,j)+jl(i,m)*jt(m,j)

175        continue
call inverse2(7,jljt)
do 185 i=1,1
do 185 j=1,7
ctjljt(i,j)=0.0
do 185 m=1,7
ctjljt(i,j)=ctjljt(i,j)+ct(i,m)*jljt(m,j)

185        continue
do 190 i=1,1
do 190 j=1,1
ctjljt=ctjljt+ctjljt(i,m)*c(m,j)

190        continue
deallocate(c,ja,l,lamp,jt,ct,jl,jljt,ctjljt)
TK=n*ctjljt
else if(k.eq.3)then
allocate(c(15,1),ja(15,21),l(21,21),lamp(21,21),jt(21,15),ct(1,15),jl(15,21),jljt(15,15), &
ctjljt(1,15), stat=i)
if(i/=0)stop
l=0
c=0
ja=0
lamp=0
jt=0
ct=0
jl=0

```

```

jijt=0
ctijjt=0
c(1,1)=r(1,1,2,2)-(r(1,1,1,1))**2
c(2,1)=r(1,2,2,2)-(r(1,2,1,1))**2
c(3,1)=r(1,3,2,2)-(r(1,3,1,1))**2
c(4,1)=r(2,2,2,2)-(r(2,2,1,1))**2
c(5,1)=r(2,3,2,2)-(r(2,3,1,1))**2
c(6,1)=r(3,3,2,2)-(r(3,3,1,1))**2
c(7,1)=r(1,1,1,2)
c(8,1)=r(1,2,1,2)
c(9,1)=r(1,3,1,2)
c(10,1)=r(2,1,1,2)
c(11,1)=r(3,1,1,2)
c(12,1)=r(2,2,1,2)
c(13,1)=r(2,3,1,2)
c(14,1)=r(3,2,1,2)
c(15,1)=r(3,3,1,2)
ja(1,1)=-2*r(1,1,1,1)
ja(2,2)=-2*r(1,2,1,1)
ja(3,3)=-2*r(1,3,1,1)
ja(4,4)=-2*r(2,2,1,1)
ja(5,5)=-2*r(2,3,1,1)
ja(6,6)=-2*r(3,3,1,1)
do 200 i=1,15
200 ja(i,i+6)=1.0
      do 220 t=1,n
        l(1,1)=l(1,1)+(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))
        l(2,2)=l(2,2)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))
        l(3,3)=l(3,3)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))
        l(4,4)=l(4,4)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))
        l(5,5)=l(5,5)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))
        l(6,6)=l(6,6)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))
        l(7,7)=l(7,7)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))
        l(8,8)=l(8,8)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))
        l(9,9)=l(9,9)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))

```

$I(10,10) = I(10,10) + (v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(11,11) = I(11,11) + (v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(12,12) = I(12,12) + (v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(13,13) = I(13,13) + (v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(14,14) = I(14,14) + (v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(15,15) = I(15,15) + (v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(16,16) = I(16,16) + (v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(17,17) = I(17,17) + (v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(18,18) = I(18,18) + (v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(19,19) = I(19,19) + (v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(20,20) = I(20,20) + (v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(21,21) = I(21,21) + (v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(1,2) = I(1,2) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))$   
 $I(1,3) = I(1,3) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))$   
 $I(1,4) = I(1,4) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))$   
 $I(1,5) = I(1,5) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))$   
 $I(1,6) = I(1,6) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))$   
 $I(1,7) = I(1,7) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))$   
 $I(1,8) = I(1,8) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))$   
 $I(1,9) = I(1,9) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$   
 $I(1,10) = I(1,10) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(1,11) = I(1,11) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(1,12) = I(1,12) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(1,13) = I(1,13) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(1,14) = I(1,14) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(1,15) = I(1,15) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(1,16) = I(1,16) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(1,17) = I(1,17) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(1,18) = I(1,18) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(1,19) = I(1,19) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(1,20) = I(1,20) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(1,21) = I(1,21) + (v(1,t,1)*v(1,t,1)-r(1,1,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(2,3) = I(2,3) + (v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))$   
 $I(2,4) = I(2,4) + (v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))$   
 $I(2,5) = I(2,5) + (v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))$

$I(2,6)=I(2,6)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))$   
 $I(2,7)=I(2,7)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))$   
 $I(2,8)=I(2,8)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))$   
 $I(2,9)=I(2,9)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$   
 $I(2,10)=I(2,10)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(2,11)=I(2,11)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(2,12)=I(2,12)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(2,13)=I(2,13)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(2,14)=I(2,14)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(2,15)=I(2,15)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(2,16)=I(2,16)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(2,17)=I(2,17)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(2,18)=I(2,18)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(2,19)=I(2,19)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(2,20)=I(2,20)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(2,21)=I(2,21)+(v(1,t,1)*v(2,t,1)-r(1,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(3,4)=I(3,4)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))$   
 $I(3,5)=I(3,5)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))$   
 $I(3,6)=I(3,6)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))$   
 $I(3,7)=I(3,7)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))$   
 $I(3,8)=I(3,8)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))$   
 $I(3,9)=I(3,9)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$   
 $I(3,10)=I(3,10)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(3,11)=I(3,11)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(3,12)=I(3,12)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(3,13)=I(3,13)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(3,14)=I(3,14)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(3,15)=I(3,15)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(3,16)=I(3,16)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(3,17)=I(3,17)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(3,18)=I(3,18)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(3,19)=I(3,19)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(3,20)=I(3,20)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(3,21)=I(3,21)+(v(1,t,1)*v(3,t,1)-r(1,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(4,5)=I(4,5)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))$

$I(4,6)=I(4,6)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))$   
 $I(4,7)=I(4,7)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))$   
 $I(4,8)=I(4,8)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))$   
 $I(4,9)=I(4,9)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$   
 $I(4,10)=I(4,10)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(4,11)=I(4,11)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(4,12)=I(4,12)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(4,13)=I(4,13)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(4,14)=I(4,14)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(4,15)=I(4,15)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(4,16)=I(4,16)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(4,17)=I(4,17)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(4,18)=I(4,18)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(4,19)=I(4,19)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(4,20)=I(4,20)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(4,21)=I(4,21)+(v(2,t,1)*v(2,t,1)-r(2,2,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(5,6)=I(5,6)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))$   
 $I(5,7)=I(5,7)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))$   
 $I(5,8)=I(5,8)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))$   
 $I(5,9)=I(5,9)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$   
 $I(5,10)=I(5,10)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(5,11)=I(5,11)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(5,12)=I(5,12)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(5,13)=I(5,13)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(5,14)=I(5,14)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(5,15)=I(5,15)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(5,16)=I(5,16)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(5,17)=I(5,17)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(5,18)=I(5,18)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(5,19)=I(5,19)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(5,20)=I(5,20)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(5,21)=I(5,21)+(v(2,t,1)*v(3,t,1)-r(2,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(6,7)=I(6,7)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))$   
 $I(6,8)=I(6,8)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))$   
 $I(6,9)=I(6,9)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$

$I(6,10)=I(6,10)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(6,11)=I(6,11)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(6,12)=I(6,12)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(6,13)=I(6,13)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(6,14)=I(6,14)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(6,15)=I(6,15)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(6,16)=I(6,16)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(6,17)=I(6,17)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(6,18)=I(6,18)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(6,19)=I(6,19)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(6,20)=I(6,20)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(6,21)=I(6,21)+(v(3,t,1)*v(3,t,1)-r(3,3,1,1))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(7,8)=I(7,8)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))$   
 $I(7,9)=I(7,9)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$   
 $I(7,10)=I(7,10)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(7,11)=I(7,11)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(7,12)=I(7,12)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(7,13)=I(7,13)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(7,14)=I(7,14)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(7,15)=I(7,15)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(7,16)=I(7,16)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(7,17)=I(7,17)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(7,18)=I(7,18)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(7,19)=I(7,19)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(7,20)=I(7,20)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(7,21)=I(7,21)+(v(1,t,2)*v(1,t,2)-r(1,1,2,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(8,9)=I(8,9)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))$   
 $I(8,10)=I(8,10)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(8,11)=I(8,11)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(8,12)=I(8,12)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(8,13)=I(8,13)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(8,14)=I(8,14)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(8,15)=I(8,15)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(8,16)=I(8,16)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(8,17)=I(8,17)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$

$I(8,18)=I(8,18)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(8,19)=I(8,19)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(8,20)=I(8,20)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(8,21)=I(8,21)+(v(1,t,2)*v(2,t,2)-r(1,2,2,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(9,10)=I(9,10)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))$   
 $I(9,11)=I(9,11)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(9,12)=I(9,12)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(9,13)=I(9,13)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(9,14)=I(9,14)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(9,15)=I(9,15)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(9,16)=I(9,16)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(9,17)=I(9,17)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(9,18)=I(9,18)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(9,19)=I(9,19)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(9,20)=I(9,20)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(9,21)=I(9,21)+(v(1,t,2)*v(3,t,2)-r(1,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(10,11)=I(10,11)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))$   
 $I(10,12)=I(10,12)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(10,13)=I(10,13)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(10,14)=I(10,14)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(10,15)=I(10,15)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(10,16)=I(10,16)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(10,17)=I(10,17)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(10,18)=I(10,18)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(10,19)=I(10,19)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(10,20)=I(10,20)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(10,21)=I(10,21)+(v(2,t,2)*v(2,t,2)-r(2,2,2,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(11,12)=I(11,12)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))$   
 $I(11,13)=I(11,13)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(11,14)=I(11,14)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(11,15)=I(11,15)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(11,16)=I(11,16)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(11,17)=I(11,17)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(11,18)=I(11,18)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(11,19)=I(11,19)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$

$I(11,20)=I(11,20)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(11,21)=I(11,21)+(v(2,t,2)*v(3,t,2)-r(2,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(12,13)=I(12,13)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))$   
 $I(12,14)=I(12,14)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(12,15)=I(12,15)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(12,16)=I(12,16)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(12,17)=I(12,17)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(12,18)=I(12,18)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(12,19)=I(12,19)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(12,20)=I(12,20)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(12,21)=I(12,21)+(v(3,t,2)*v(3,t,2)-r(3,3,2,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(13,14)=I(13,14)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))$   
 $I(13,15)=I(13,15)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(13,16)=I(13,16)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(13,17)=I(13,17)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(13,18)=I(13,18)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(13,19)=I(13,19)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(13,20)=I(13,20)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(13,21)=I(13,21)+(v(1,t,1)*v(1,t,2)-r(1,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(14,15)=I(14,15)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))$   
 $I(14,16)=I(14,16)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(14,17)=I(14,17)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(14,18)=I(14,18)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(14,19)=I(14,19)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(14,20)=I(14,20)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(14,21)=I(14,21)+(v(1,t,1)*v(2,t,2)-r(1,2,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(15,16)=I(15,16)+(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))*(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))$   
 $I(15,17)=I(15,17)+(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(15,18)=I(15,18)+(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(15,19)=I(15,19)+(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$   
 $I(15,20)=I(15,20)+(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))$   
 $I(15,21)=I(15,21)+(v(1,t,1)*v(3,t,2)-r(1,3,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))$   
 $I(16,17)=I(16,17)+(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))$   
 $I(16,18)=I(16,18)+(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))$   
 $I(16,19)=I(16,19)+(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))$

```

l(16,20)=l(16,20)+(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))
l(16,21)=l(16,21)+(v(2,t,1)*v(1,t,2)-r(2,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))
l(17,18)=l(17,18)+(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))
l(17,19)=l(17,19)+(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))
l(17,20)=l(17,20)+(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))
l(17,21)=l(17,21)+(v(3,t,1)*v(1,t,2)-r(3,1,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))
l(18,19)=l(18,19)+(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))*(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))
l(18,20)=l(18,20)+(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))
l(18,21)=l(18,21)+(v(2,t,1)*v(2,t,2)-r(2,2,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))
l(19,20)=l(19,20)+(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))*(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))
l(19,21)=l(19,21)+(v(2,t,1)*v(3,t,2)-r(2,3,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))
l(20,21)=l(20,21)+(v(3,t,1)*v(2,t,2)-r(3,2,1,2))*(v(3,t,1)*v(3,t,2)-r(3,3,1,2))

220    continue
do 240 i=1,21
      do 240 j=1,21
        l(j,i)=l(i,j)
240          lamp(i,j)=l(i,j)/fn
      do 250 i=1,15
        do 250 j=1,21
          jt(j,i)=ja(i,j)
250          do 260 i=1,15
            do 260 j=1,1
              ct(j,i)=c(i,j)
260          do 270 i=1,15
            do 270 j=1,21
              jl(i,j)=0.0
            do 270 m=1,21
              jl(i,j)=jl(i,j)+ja(i,m)*lamp(m,j)
270    continue
do 275 i=1,15
      do 275 j=1,15
        jljt(i,j)=0.0
      do 275 m=1,21
        jljt(i,j)=jljt(i,j)+jl(i,m)*jt(m,j)
275    continue

```

```
call inverse3(15,jljt)
do 285 i=1,1
    do 285 j=1,15
        ctjlijt(i,j)=0.0
        do 285 m=1,15
            ctjlijt(i,j)=ctjlijt(i,j)+ct(i,m)*ljlt(m,j)
285     continue
        do 290 i=1,1
            do 290 j=1,1
                ctjlijtc=0.0
                do 290 m=1,15
                    ctjlijtc=ctjlijtc+ctjlijt(i,m)*c(m,j)
290     continue
        deallocate(c,ja,l,lapm,jt,ct,ji,jljt,ctjlijt)
        TK=n*ctjlijtc
        endif
        return
    end
```

โปรแกรมสำหรับคำนวณหาค่าความน่าจะเป็นของความคลาดเคลื่อนประเพทที่ 1 นั้นคือเมื่อประชากรมีการแยกจงปกตินลายตัวแปร

```

common/seed/ix,k1/vari/k,n/para/rmean(3),s(3,3) /data/x/xp(3,200)&
/corr/rho(3,3),cov(3,3)/cmat/c(3,3)
dimension ssquare(3,3),x(3,200),xa(3,200)
real normal,MK,KN,TK,pmk05,pmk1,pkn05,pkn1,ptk05,ptk1
integer smk05,smk1,skn05,skn1,stk05,stk1
write(*,*)'    ENTER NUMBER VARIABLES (2,3) :'
read(*,1)k
write(*,*)'    ENTER SAMPLE SIZE (20,30,40,...) :'
read(*,1)n
1   format(i4)
write(*,*)'    ENTER MEAN VALUE (00.00-99.99) :'
read(*,2)(rmean(i),i=1,k)
2   format(f10.4)
write(*,*)'    ENTER VARIANCE VALUE (01.00-99.99) :'
read(*,2)(s(i,i),i=1,k)
write(*,*)'    ENTER CORRELATION VALUE (0.0-1.0) :'
read(*,3)((rho(i,j),j=i+1,k),i=1,k-1)
3   format(f3.1)
write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF KN
read(*,2)ckn05,ckn1
write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF TK
read(*,2)ctk05,ctk1
write(*,*)'    ENTER NUMBER REPLICATION VALUE (1-10,000) :'
read(*,4)nrep
4   format(i6)
loop=0
ix=357897
k1=0
data smk1,skn1,stk1,smk05,skn05,stk05,pmk1,pkn1,ptk1,pmk05,pkn05,ptk05/12*0./
call covariance
do 15 i=1,k
    do 15 j=1,k
        ssquare(i,j)=cov(i,j)
15

```

```

call cmatrix

!*****START FOR ITERATION

open(unit=1,file="d:\n1.xls",status="new",action="write"),position="append"
do 500 l=1,nrep
    do 50 i=1,k
        dmean=0
        sigma=1
        do 50 j=1,n
            xa(i,j)=normal(dmean,sigma)
50             continue
            call multiv(xa)
            do 100 i=1,k
                do 100 j=1,n
                    x(i,j)=xp(i,j)
100           loop=loop+1

!*****MARDIA-KENT STATISTICS

call mkstat(x,MK)
if(k.eq.2)then
    if(MK.ge.16.92)then
        smk05=smk05+1
    endif
    if(MK.ge.14.68)then
        smk1=smk1+1
    endif
elseif(k.eq.3)then
    if(MK.ge.37.65)then
        smk05=smk05+1
    endif
    if(MK.ge.34.38)then
        smk1=smk1+1
    endif
endif
endif
endif

```

```

!*****NAITO STATISTICS
    call knstat(x,KN)
    if(KN.ge.ckn05)then
        skn05=skn05+1
    endif
    if(KN.ge.ckn1)then
        skn1=skn1+1
    endif
!*****KARIYA STATISTICS
    call tkstat(x,TK)
    if(TK.ge.ctk05)then
        stk05=stk05+1
    endif
    if(TK.ge.ctk1)then
        stk1=stk1+1
    endif
    if(loop.eq.nrep)goto 510
500    continue
!*****STOP FOR ITERATION
!*****COMPUTE TYPE I ERROR
    rep=float(loop)
    pmk05=smk05/rep
    pmk1=smk1/rep
    pkn05=skn05/rep
    pkn1=skn1/rep
    ptk05=stk05/rep
    ptk1=stk1/rep
!525    format(' NORMAL  ./,'K = ',i4./,'N = ',i4)
    write(1,530)pmk05,pkn05,ptk05,pmk1,pkn1,ptk1
530    format(' p05 =',3(f10.4),/, ' p1 =',3(f10.4))
    close(1)
    end

```

```

*****SUBROUTINE FOR INVERSE MARDIA-KENT

subroutine inverse(a)
common/vari/k,n
dimension a(3,3)
do 60 i=1,k
    a(i,i)=-1.0/a(i,i)
    do 20 j=1,k
        if(j-i)10,20,10
10             a(j,i)=-a(j,i)*a(i,i)
20         continue
        do 40 j=1,k
            do 40 m=1,k
                if((j-i)*(m-i))30,40,30
30                 a(j,m)=a(j,m)-a(j,i)*a(i,m)
40             continue
            do 60 m=1,k
                if(m-i)50,60,50
50                 a(i,m)=-a(i,m)*a(i,i)
60             continue
            do 70 i=1,k
                do 70 j=1,k
                    a(i,j)=-a(i,j)
70         return
    end

*****SUBROUTINE FOR CROSS PRODUCT MATRIX

subroutine cross(a,b,m,l,n,c)
dimension a(200,200),b(3,3),c(200,200)
do 10 i=1,m
    do 10 j=1,n
        c(i,j)=0.0
        do 10 k=1,l
            c(i,j)=c(i,j)+a(i,k)*b(k,j)
10     continue
    return
end

```

```

!*****SUBROUTINE FOR MARDIA-KENT STATISTIC

subroutine mkstat(x1,MK)

common/var/k,n/avg/x1bar(3)/var/ss(3,3)
dimension x1(3,200),xbar(3),ss(3,3),ssinv(3,3),xn(3,200),&
          xnt(200,3),xntss(200,3),D(200,200)

real sumD2,sumD3,sumD4,b13,b23,b23s,T3,T4,MK

sumD2=0.
sumD3=0.
sumD4=0.
xbar=0.
ss=0.
ssinv=0.
xn=0.
D=0.

fn=float(n)

call meanvar(x1)

do 10 i=1,k

10      xbar(i)=x1bar(i)

do 40 i=1,k

        do 30 j=1,k

30      ss(i,j)=ssa(i,j)

40      continue

call inverse(ss)

do 60 i=1,k

        do 50 j=1,k

50      ssinv(i,j)=ss(i,j)

60      continue

        do 90 i=1,k

            do 80 j=1,n

                xn(i,j)=x1(i,j)-xbar(i)

80      xnt(j,i)=xn(i,j)

90      continue

call cross(xnt,ssinv,n,k,k,xntss)

call cross(xntss,xn,n,k,n,D)

do 150 i=1,n

```

```
do 140 j=1,n
      sumD3=sumD3+D(i,j)**3
      sumD4=sumD4+D(i,j)**4
      if(i.eq.j)sumD2=sumD2+D(i,j)**2
140      continue
150      continue
      b13=sumD3/(fn)**2
      b23=sumD2/fn
      b23s=sumD4/(fn)**2
      T3=(n*b13)/6
      T4=(b23s-6*b23+3*k*(k+2))*n/24
      MK=T3+T4
      return
end
```

โปรแกรมสำหรับคำนวณหาค่าอำนาจการทดสอบเมื่อประชากรมีการแยกแยะลอกกนธรรมด้วยตัวแบปร

```

common/seed/ix,k1/vari/k,n/para/mean(3),s(3,3)/datax/xp(3,200)
/corr/rho(3,3),cov(3,3)/cmat/c(3,3)

dimension rmeanl(3),sl(3,3),ssquare(3,3),x(3,200),xa(3,200)
real normal,MK,KN,TK,pmk05,pmk1,pkn05,pkn1,ptk05,ptk1
integer smk05,smk1,skn05,skn1,stk05,stk1

write(*,*)'    ENTER NUMBER VARIABLES (2,3) :'
read(*,1)k

write(*,*)'    ENTER SAMPLE SIZE (20,30,40,...) :'
read(*,1)n

format(i4)

write(*,*)'    ENTER MEAN VALUE (00.00-99.99) :'
read(*,2)(rmeanl(i),i=1,k)

2      format(f10.4)

write(*,*)'    ENTER VARIANCE VALUE (01.00-99.99) :'
read(*,2)(sl(i,i),i=1,k)

write(*,*)'    ENTER CORRELATION VALUE (0.0-1.0) :'
read(*,3)((rho(i,j),j=i+1,k),i=1,k-1)

3      format(f5.3)

write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF KN
read(*,2)ckn05,ckn1

write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF TK
read(*,2)ctk05,ctk1

write(*,*)'    ENTER NUMBER REPLICATION VALUE (1-10,000) :'
read(*,4)nrep

4      format(i6)

data smk1,skn1,stk1,smk05,skn05,stk05,pmk1,pkn1,ptk1,pmk05,pkn05,ptk05/12*0./

do 10 i=1,k

    rmean(i)=log(rmeanl(i)**2/sqrt(sl(i,i)+rmeanl(i)**2))
    s(i,i)=log((sl(i,i)+rmeanl(i)**2)/rmeanl(i)**2)

10    continue

call covariance

do 15 i=1,k

    do 15 j=1,k

```

```

15          ssquare(i,j)=cov(i,j)

      call cmatrix

!*****START FOR ITERATION

      open(unit=1,file="log08.xls",status="old",action="write",position="append")
      do 1000 n=20,40,5
      loop=0
      ix=357897
      k1=0
      do 500 l=1,nrep
          do 50 i=1,k
              dmean=0
              sigma=1
              do 50 j=1,n
                  xa(i,j)=normal(dmean,sigma)
50      continue
      call multiv(xa)
      do 100 i=1,k
          do 100 j=1,n
              x(i,j)=exp(xp(i,j))
100     loop=loop+1

!*****MARDIA-KENT STATISTICS

      call mkstat(x,MK)
      if(k.eq.2)then
          if(MK.ge.16.92)then
              smk05=smk05+1
          endif
          if(MK.ge.14.68)then
              smk1=smk1+1
          endif
      elseif(k.eq.3)then
          if(MK.ge.37.65)then
              smk05=smk05+1
          endif
          if(MK.ge.34.38)then
              smk1=smk1+1
          endif
      endif
  
```

```

        endif
    endif
endif

!*****NAITO STATISTICS
call knstat(x,KN)
if(KN.ge.ckn05)then
    skn05=skn05+1
endif
if(KN.ge.ckn1)then
    skn1=skn1+1
endif

!*****KARIYA STATISTICS
call tkstat(x,TK)
if(TK.ge.ctk05)then
    stk05=stk05+1
endif
if(TK.ge.ctk1)then
    stk1=stk1+1
endif
if(loop.eq.nrep)goto 510

500    continue

!*****STOP FOR ITERATION
!*****COMPUTE POWER OF THE TEST
510    rep=float(loop)
pmk05=smk05/rep
pmk1=smk1/rep
pkn05=skn05/rep
pkn1=skn1/rep
ptk05=stk05/rep
ptk1=stk1/rep
write(1,530)n,pmk05,pkn05,ptk05,n,pmk1,pkn1,ptk1
530    format(1x,i4,3(f10.4),2x,i4,3(f10.4))
end

```

โปรแกรมสำหรับคำนวณหาค่าอำนาจการทดสอบเมื่อประชากรมีการแยกแจงสัดวิเดนท์-ทีนลาย  
ตัวแปร

```

common/seed/ix,k1/vari/k,n/para/rmean(3),s(3,3)/datax/xp(3,200) &
/corr/rho(3,3),cov(3,3) /cmat/c(3,3)

dimension ssquare(3,3),y(3,200),x(3,200),xa(3,200),v(15,200),w(3,200)
real normal,MK,KN,TK,pmk05,pmk1,pkn05,pkn1,ptk05,ptk1
integer smk05,smk1,skn05,skn1,stk05,stk1,df

write(*,*)'    ENTER NUMBER VARIABLES (2,3) :'
read(*,1)k

write(*,*)'    ENTER SAMPLE SIZE (20,30,40,...) :'
read(*,1)n

1   format(i4)
      write(*,*)'    ENTER DF  VALUE (3, 4, 5) :'
      read(*,1)df

2   format(f10.4)
      write(*,*)'    ENTER CORRELATION VALUE (0.0-1.0) :'
      read(*,3)((rho(i,j),j=i+1,k),i=1,k-1)

3   format(f8.6)
      write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF KN
      read(*,2)ckn05,ckn1
      write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF TK
      read(*,2)ctk05,ctk1
      write(*,*)'    ENTER NUMBER REPLICATION VALUE (1-10,000) :'
      read(*,4)nrep

4   format(i6)
      loop=0
      ix=357897
      k1=0

      data smk1,skn1,stk1,smk05,skn05,stk05,pmk1,pkn1,ptk1, pmk05,pkn05,ptk05/12*0./
      rmean(1)=0.
      rmean(2)=0.
      rmean(3)=0.
      s(1,1)=1.
      s(2,2)=1.
      s(3,3)=1.

```

```

call covariance
do 15 i=1,k
    do 15 j=1,k
        ssquare(i,j)=cov(i,j)
15      call cmatrix
!*****START FOR ITERATION
open(unit=1,file="t369.xls",status="old",action="write",position="append")
write(1,20) k,df
20      format(' k =',i4,' df =',i4 )
loop=0
ix=357897
k1=0
do 500 l=1,nrep
    do 50 i=1,k
        dmean=0.
        sigma=1.
        do 50 j=1,n
            xa(i,j)=normal(dmean,sigma)
50      continue
        call multiv(xa)
        do 100 i=1,k
        do 100 j=1,n
            y(i,j)=xp(i,j)
100     do 110 i=1,df*k
            do 110 j=1,n
                v(i,j)=normal(dmean,sigma)
110     do 115 j=1,n
                if(df.eq.3)then
                    w(1,j)=v(1,j)**2+v(2,j)**2+v(3,j)**2
                    w(2,j)=v(4,j)**2+v(5,j)**2+v(6,j)**2
                    w(3,j)=v(7,j)**2+v(8,j)**2+v(9,j)**2
                elseif(df.eq.4)then
                    w(1,j)=v(1,j)**2+v(2,j)**2+v(3,j)**2+v(4,j)**2
                    w(2,j)=v(5,j)**2+v(6,j)**2+v(7,j)**2+v(8,j)**2
                    w(3,j)=v(9,j)**2+v(10,j)**2+v(11,j)**2+v(12,j)**2

```

```

elseif(df.eq.5)then
    w(1,j)=v(1,j)**2+v(2,j)**2+v(3,j)**2+v(4,j)**2+v(5,j)**2
    w(2,j)=v(6,j)**2+v(7,j)**2+v(8,j)**2+v(9,j)**2+v(10,j)**2
    w(3,j)=v(11,j)**2+v(12,j)**2+v(13,j)**2+v(14,j)**2+v(15,j)**2
endif
115      continue
do 120 i=1,k
do 120 j=1,n
    x(i,j)=y(i,j)/sqrt(w(i,j)/df)
120      continue
loop=loop+1
!*****MARDIA-KENT STATISTICS
call mkstat(x,MK)
if(k.eq.2)then
    if(MK.ge.16.92)then
        smk05=smk05+1
    endif
    if(MK.ge.14.68)then
        smk1=smk1+1
    endif
elseif(k.eq.3)then
    if(MK.ge.37.65)then
        smk05=smk05+1
    endif
    if(MK.ge.34.38)then
        smk1=smk1+1
    endif
endif
endif
endif
!*****NAITO STATISTICS
call knstat(x,KN)
if(KN.ge.ckn05)then
    skn05=skn05+1
endif
if(KN.ge.ckn1)then

```

```
      skn1=skn1+1
      endif
!*****KARIYA STATISTICS
      call tkstat(x,TK)
      if(TK.ge.ctk05)then
          stk05=stk05+1
      endif
      if(TK.ge.ctk1)then
          stk1=stk1+1
      endif
      if(loop.eq.nrep)goto 510
500    continue
!*****STOP FOR ITERATION
!*****COMPUTE POWER OF THE TEST
510    rep=float(loop)
      pmk05=smk05/rep
      pmk1=smk1/rep
      pkn05=skn05/rep
      pkn1=skn1/rep
      ptk05=stk05/rep
      ptk1=stk1/rep
      write(1,530)n,pmk05,pkn05,ptk05,n,pmk1,pkn1,ptk1
530    format(1x,i4,3(f10.4),2x,i4,3(f10.4))
      end
```

โปรแกรมสำหรับคำนวณหาค่าอำนาจการทดสอบเมื่อประชากรมีการแจกแจงไคสแควร์หลายตัวแปร

```

common/seed/ix,k1/vari/k,n
dimension x(3,200),y(9,200),v(3,200),w(200)
real normal,MK,KN,TK,pmk05,pmk1,pkn05,pkn1,ptk05,ptk1
integer smk05,smk1,skn05,skn1,stk05,stk1
write(*,*)'    ENTER NUMBER VARIABLES (2,3) :'
read(*,1)k
write(*,*)'    ENTER SAMPLE SIZE (20,30,40,...) :'
read(*,1)n
1    format(i4)
write(*,*)'    ENTER DF VALUE (00.00-99.99) :'
read(*,1)df
2    format(f10.4)
write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF KN
read(*,2)ckn05,ckn1
write(*,*)'    ENTER CRITICAL VALUE OF TK
read(*,2)ctk05,ctk1
write(*,*)'    ENTER NUMBER REPLICATION VALUE (1-10,000) :'
read(*,4)nrep
4    format(i6)
loop=0
ix=357897
k1=0
data smk1,skn1,stk1,smk05,skn05,stk05,pmk1,pkn1,ptk1, pmk05,pkn05,ptk05/12*0./
*****START FOR ITERATION
open(unit=1,file="chi_df3.xls",status="old",action="write",position="append")
write(1,5)df
5    format(1x,' df = ',i4)
loop=0
ix=357897
k1=0
do 500 l=1,nrep
    do 50 i=1,8
        dmean=0
        sigma=1

```

```

      do 50 j=1,n
      y(i,j)=normal(dmean,sigma)
50   continue
      do 60 j=1,n
      v(1,j)=y(1,j)**2+y(2,j)**2
      v(2,j)=y(3,j)**2+y(4,j)**2
      v(3,j)=y(5,j)**2+y(6,j)**2
60   continue
      do 70 j=1,n
      if(df.eq.3) then
      w(j)=y(7,j)**2
      elseif(df.eq.4) then
      w(j)=y(7,j)**2+y(8,j)**2
      elseif(df.eq.5) then
      w(j)=y(7,j)**2+y(8,j)**2+y(9,j)**2
      endif
70   continue
      do 80 i=1,k
      do 80 j=1,n
      x(i,j)=v(i,j)+w(j)
80   loop=loop+1
*****MARDIA-KENT STATISTICS
      call mkstat(x,MK)
      if(k.eq.2)then
      if(MK.ge.16.92)then
      smk05=smk05+1
      endif
      if(MK.ge.14.68)then
      smk1=smk1+1
      endif
      elseif(k.eq.3)then
      if(MK.ge.37.65)then
      smk05=smk05+1
      endif
      if(MK.ge.34.38)then

```

```

        smk1=smk1+1
    endif
endif
endif

*****NAITO STATISTICS
call knstat(x,KN)
if(KN.ge.ckn05)then
    skn05=skn05+1
endif
if(KN.ge.ckn1)then
    skn1=skn1+1
endif

*****KARIYA STATISTICS
call tkstat(x,TK)
if(TK.ge.ctk05)then
    stk05=stk05+1
endif
if(TK.ge.ctk1)then
    stk1=stk1+1
endif
if(loop.eq.nrep)goto 510

500      continue

*****STOP FOR ITERATION
*****COMPUTE TYPE I
510      rep=float(loop)
pmk05=smk05/rep
pmk1=smk1/rep
pkn05=skn05/rep
pkn1=skn1/rep
ptk05=stk05/rep
ptk1=stk1/rep
write(1,530)n,pmk05,pkn05,ptk05,n,pmk1,pkn1,ptk1
format(1x,i4,3(f10.4),2x,i4,3(f10.4))
close(1)
end

```

### ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นางสาวจุรียา เกศเกษมกุล เกิดเมื่อวันที่ 21 พฤศจิกายน 2520 สำเร็จการศึกษา ระดับปริญญาบัณฑิต หลักสูตรวิทยาศาสตรบัณฑิต (สถิติ) จากมหาวิทยาลัยเกรียง ปีการศึกษา 2541 เข้าศึกษาระดับปริญญามหาบัณฑิต หลักสูตรสถิติศาสตรมหาบัณฑิต ที่คณะพัฒนศิลปศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อปีการศึกษา 2542

