การวิเคราะห์อินอิลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก โดยคำนึงถึงผลของการโอบรัด

นาย เกรียงศักดิ์ กอจันทร์



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต
สาขาวิชาวิศวกรรมโยธา ภาควิชาวิศวกรรมโยธา
คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย
ปีการศึกษา 2542
ISBN 974-334-637-6
ลิขสิทธิ์ของจุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

A SECOND-ORDER INELASTIC ANALYSIS OF REINFORCED CONCRETE FRAMES CONSIDERING CONFINEMENT EFFECTS

Mr. Kriangsak Kochan

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements for the Degree of Master of Engineering in Civil Engineering

Department of Civil Engineering

Faculty of Engineering

Chulalongkorn University

Academic Year 1999

ISBN 974-334-637-6

การวิเคราะห์อินอิลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริมเหล็ก หัวข้อวิทยานิพนธ์ โดยคำนึงถึงผลของการโองเร็ด

โดย

นายเกรียงศักดิ์ กอจันทร์

ภาควิชา

วิศวกรรมโยลา

คาจารย์ที่ปรึกษา

ศาสตราจารย์ ดร.ทักษิณ เทพชาตรี

คณะวิศวกรรมศาสตร์ จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่ง ของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

> **Mudu** คณบดีคณะวิศวกรรมศาสตร์ (ศาสตราจารย์ ดร.สมศักดิ์ ปัญญาแก้ว)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

ประธานกรรมการ

(ศาสตราจารย์ ดร.ปณิธาน ลักคุณะประสิทธิ์)

อาจารย์ที่ปรึกษา

(ศาสตราจารย์ ดร.ทักษิณ เทพชาตรี)

กรรมการ

(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เริงเดชา รัชตโพธิ์)

เกรียงศักดิ์ กอจันทร์ : การวิเคราะห์อินอิลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีต เสริมเหล็กโดยคำนึงถึงผลของการโอบรัด(A SECOND-ORDER INELASTIC ANALYSIS OF REINFORCED CONCRETE FRAMES CONSIDERING CONFINEMENT EFFECTS) อ.ที่ปรึกษา : ศ.ดร.ทักษิณ เทพชาตรี, 66 หน้า. ISBN 974-334-637-6

งานวิจัยนี้เสนอหลักการวิเคราะห์อินอิลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนกรีตเสริม เหล็กโดยคำนึงถึงผลของการโอบรัดคอนกรีตของเหล็กปลอก ความไม่เชิงเส้นทางเรขาคณิตของ องค์อาคารถูกพิจารณาโดยใช้สติฟเนสเมตริกซ์ที่มีลักษณะแปรเปลี่ยนแบบพาราโบล่าตลอดความ ยาวขององค์อาคารและคำนึงถึงผลของแรงในแนวแกน ส่วนความไม่เชิงเส้นทางวัสดุจะพิจารณา จากวิธีวิเคราะห์หน้าดัด การแก้สมการเชิงเส้นหลายตัวแปรใช้วิธีนิวตัน-ราฟสันและเมตริกซ์ สติฟเนสสัมผัส การตรวจสอบการลู่เข้าหาคำตอบกระทำโดยการตรวจสอบค่ายูคลิเดียนนอร์มให้ได้ ต่ำกว่าค่าที่กำหนด และใช้วิธีเพิ่มน้ำหนักขึ้นเรื่อยๆจนเสถียรภาพของโครงสร้างหมดไป

จากตัวอย่างที่ทำการศึกษา พบว่าโปรแกรมคอมพิวเตอร์ที่พัฒนาขึ้นตามวิธีการที่เสนอ สามารถวิเคราะห์หาค่าน้ำหนักบรรทุกสูงสุดได้ในระดับประมาณร้อยละ 80 เมื่อเทียบกับผลการ ทดสอบที่ผ่านมา นอกจากนี้โปรแกรมยังสามารถแสดงผลค่าการกระจัดและค่าน้ำหนักบรรทุกสูง สุดได้สูงขึ้นเมื่อพิจารณาผลของการโอบรัดของเหล็กปลอกหรือเมื่อลดระยะห่างของเหล็กปลอกลง ดังนั้นจึงสามารถนำโปรแกรมนี้ไปใช้ในการคาดคะเนพฤติกรรมเบื้องต้นของโครงข้อแข็งคอนกรีต เสริมเหล็กได้ ซึ่งจะช่วยให้ประหยัดเวลาและค่าใช้จ่ายแทนการทดสอบจริง

กาควิชา วิศวกรรมโยธา	ลายมือชื่อนิสิต (ก็แงด์น) โดงกน
สาขาวิชา วิศวกรรมโยธา	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา
ปีการศึกษา 2542	/

3970138121: MAJOR CIVIL ENGINEERING

KEY WORD:

SECOND-ORDER / INELASTIC ANALYSIS / CONFINEMENT / CONCRETE FRAME

KRIANGSAK KOCHAN: A SECOND-ORDER INELASTIC ANALYSIS OF REINFORCED

CONCRETE FRAMES CONSIDERING CONFINEMENT EFFECTS.

THESIS ADVISOR: PROF. THAKSIN THEPCHATRI, Ph.D. 66 pp.

increment method is used in each analysis until the structure is unstable.

ISBN 974-334-637-6

This research presents a principle of second-order inelastic analysis of reinforced concrete frames considering confinement effects. Geometrical nonlinearity of the member is considered by including axial force effects in formulating the member stiffness matrix. This stiffness matrix has a parabolic variation over the length of the member. Material nonlinearity, due to cracking effects, is solved by the method of section analysis. Newton-Raphson method using tangent stiffness approach then is used to solve simultaneous nonlinear equations. Convergence is accomplished by specifying Euclidian norms to be smaller than the convergence criteria required. The direct

From selected examples, results obtained from the present analysis yielded maximum loads at about 80 percent of those obtained from tests. In addition, the adopted computer program shows higher values of structural displacement and maximum load when confinement effects or reduction of tie spacings are considered in the analysis. Therefore, the program can be used to predict preliminary behaviors of reinforced concrete frames, which will help in reducing the time and the cost when compare with the testing method.

ภาควิชา วิศวกรรมโยธา	ลายมือชื่อนิสิต 🗵 🏗 และกา ก็อากา
สาขาวิชา วิศวกรรมโยธา	ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา
จีการศึกษา 2542	

กิตติกรรมประกาศ



ในการทำวิจัยนี้ ผู้เขียนขอขอบพระคุณ ศาสตราจารย์ ดร.ทักษิณ เทพชาตรี ซึ่งเป็น อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ที่ได้ให้คำแนะนำ และให้ความรู้ที่เป็นประโยชน์ ตลอดระยะเวลาการ ทำวิทยานิพนธ์ รวมถึงการตรวจสอบและแก้ไขวิทยานิพนธ์ จนสำเร็จลุล่วงไปอย่างสมบูรณ์ ขอ กราบขอบพระคุณคณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ซึ่งประกอบไปด้วย ศาสตราจารย์ ดร.ปณิธาน ลักคุณะประสิทธิ์ และผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เริงเดชา รัชตโพธิ์ ซึ่งให้คำแนะนำ ตรวจสอบ แก้ไข ข้อบกพร่องของวิทยานิพนธ์ฉบับนี้

ขอกราบขอบพระคุณ บิดา มารดา ที่ได้ให้โอกาสในการศึกษา ม.ร.ว.สุขุมพันธ์ บริพัตร และมูลนิธิจุมภฎ-พันธุ์ทิพย์ ที่ได้ให้การสนับสนุนในการศึกษาเล่าเรียน ตลอดจนเพื่อนๆที่ได้ให้ กำลังใจตลอดการทำวิทยานิพนธ์

เกรียงศักดิ์ กอจันทร์

สารบัญ

		หน้า
บทคัดย่า	อภาษาไทย	3
บทคัดย่า	อภาษาอังกฤษ	ৰ
กิตติกรร	มประกาศ	nୁ ପ
สารบัญ		¶
สารบัญเ	ตาราง	เม
สารบัญ	ภาพ	រា
สัญลักษ	ณ์	<u>¶</u>
บทที่ 1	บทนำ	1
	ความนำ	
	งานวิจัยที่เกี่ยวข้อง	2
	งานที่ทำในงานวิจัยนี้	4
	วัตถุประสงค์	5
	ขั้นตอนและวิธีการดำเนินการวิจัย	5
	ขอบข่ายการวิจัย	6
บทที่ 2	ทฤษฎี และแนวคิด	7
	ความนำ	7
	สมมุติฐานที่ใช้	
	สติฟเนสขององค์อาคารในกรณีที่องค์อาคารมีพฤติกรรมแบบอิลาสติก	9
	การรวมสติฟเนส	16
	การวิเคราะห์แบบไม่เชิงเส้น	18
	การโอบรัดคอนกรีตของเหล็กปลอก	22
	การวิเคราะห์ความไม่เชิงเส้นทางวัสดุโดยวิธีวิเคราะห์หน้าตัด	
	สรุปขั้นตอนการวิเคราะห์อินอิลาสติกอันดับที่สองของโครงข้อแข็งคอนก	รีต-
	เสริมเหล็กโดยคำนึงถึงผลของการโอบรัด	32

			หน้า
บทที่ 3	ขั้นตอน และวิธีการวิจัย		37
	ความนำ		37
	องค์ประกอบของโปรแกรมคอมพิวเตอร์		37
	ขั้นตอนการก่อนการประมวลผล		38
	ขั้นตอนการประมวลผล		40
	ขั้นตอนหลังการประมวลผล		40
บทที่ 4	ผลการวิเคราะห์และเปรียบเทียบผล		41
	ความนำ		41
	รายงานการวิเคราะห์และเปรียบเทียบผลตัวอย่างที่ 1		42
	รายงานการวิเคราะห์และเปรียบเทียบผลตัวอย่างที่ 2		47
บทที่ 5	สรุปผล และข้อเสนอแนะ		53
	สรุปผล		53
	ข้อเสนอแนะ	· · · · · · · · · · · · · · · ·	54
รายการ	อ้างอิง	••••	55
ภาคผน	าก		57
	ภาคผนวก ก. การหาสติฟเนสเชิงเส้นดัดแปลงและไม่เชิงเส้นท	างเรขาคณิ	์ต. 58
	ภาคผนวก ข. ตัวอย่าง Input และ Output		63
ประวัติผู้	เขียน		66

สารบัญตาราง

	หน้า
ตารางที่ 4.1 คุณสมบัติขององค์อาคาร ตัวอย่างที่ 1	.43
ตารางที่ 4.2 ผลการวิเคราะห์เมื่อแบ่งย่อยชิ้นส่วน ตัวอย่างที่1	43
ตารางที่ 4.3 ผลการวิเคราะห์เปรียบเทียบกับงานวิจัยที่ผ่านมา ตัวอย่างที่ 1	.44
ตารางที่ 4.4 ผลการวิเคราะห์เมื่อระยะห่างของเหล็กรัดรอบเปลี่ยนแปลง ตัวอย่างที่1	.45
ตารางที่ 4.5 คุณสมบัติขององค์อาคารตัวอย่างที่ 2	.49
ตารางที่ 4.6 ผลการวิเคราะห์เมื่อแบ่งย่อยชิ้นส่วน ตัวอย่างที่ 2	.49
ตารางที่ 4.7 ผลการวิเคราะห์เปรียบเทียบกับงานวิจัยที่ผ่านมา ตัวอย่างที่ 2	.50
ตารางที่ 4.8 ผลการวิเคราะห์เมื่อระยะห่างของเหล็กรัดรอบเปลี่ยนแปลง ตัวอย่างที่2	.51

สารบัญภาพ

		หน้า
รูปที่ 2.1	ความสัมพันธ์ระหว่างหน่วยแรงและความเครียดของคอนกรีต	.8
รูปที่ 2.2	ความสัมพันธ์ระหว่างหน่วยแรงและความเครียดของเหล็กเสริม	.8
รูปที่ 2.3	คุณสมบัติขององค์อาคาร	.9
รูปที่ 2.4	องค์อาคารภายใต้แรงกระทำและการกระจัด	.9
ภูปที่ 2.5	องค์อาคารวางในระบบพิกัดในวงกว้าง	.16
รูปที่ 2.6	วิธีเพิ่มทีละขั้นแบบธรรมดา	.19
ภูปที่ 2.7	วิธีนิวตัน-ราฟสัน	19
รูปที่ 2.8	ลักษณะการเปลี่ยนแปลงของคอนกรีตเมื่อรับแรงอัดในแนวแกน	22
รูปที่ 2.9	หน่วยแรงที่กระทำแบบสามแกน	23
รูปที่ 2.10	ความสัมพันธ์ระหว่างค่าสัมประสิทธิ์ k, กับแรงดันด้านข้าง f,	.24
รูปที่ 2.11	การกระจายแรงดันด้านข้างของเสาสี่เหลี่ยมจัตุรัสเนื่องจากการโอบรัด	25
รูปที่ 2.12	การกระจายความเครียด-การกระจายหน่วยแรงของหน้าดัดคอนกรีต	
	เสริมเหล็ก	.29
รูปที่ 2.13	แผนภูมิสายงานของขั้นตอนการวิเคราะห์ความไม่เชิงเส้นทางวัสดุโดยวิธี	
	วิเคราะห์หน้าตัด	31
รูปที่ 2.14	การวิเคราะห์อันดับที่สอง	.32
รูปที่ 2.15	แผนภูมิขั้นตอนการวิเคราะห์ในงานวิจัยนี้	35
รูปที่ 2.15	(ต่อ)แสดงแผนภูมิขั้นตอนการวิเคราะห์ในงานวิจัยนี้	36
รูปที่ 3.1	แผนภูมิขั้นตอนการทำการวิเคราะห์	39
รูปที่ 4.1	ลักษณะโครงสร้างและแรงกระทำตัวอย่างที่ 1	42
-	ลักษณะโครงสร้างจำลองตัวอย่างที่ 1	
รูปที่ 4.3	ความสัมพันธ์ระหว่างน้ำหนักบรรทุกกับการกระจัดทางด้านข้างที่จุดสูงสุด	
	เปรียบเทียบกับงานวิจัยที่ผ่านมา ตัวอย่างที่ 1	44
รูปที่ 4.4	ลักษณะโครงสร้างและแรงกระทำตัวอย่างที่ 2	47
รูปที่ 4.5	ลักษณะโครงสร้างจำลองตัวอย่างที่ 2	47
รูปที่ 4.5	(ต่อ)ลักษณะโครงสร้างจำลองตัวอย่างที่ 2	48

		หน้า
รูปที่ 4.6	ความสัมพันธ์ระหว่างน้ำหนักบรรทุกกับการกระจัดทางด้านข้าง	
	เปรียบเทียบกับงานวิจัยที่ผ่านมา ตัวอย่างที่ 2	50
รปที่ ก.1	ค่าสติฟเนสขององค์อาคาร	59

สัญลักษณ์

A_c	พื้นที่หน้าตัดประสิทธิผล
[a]	เมตริกซ์แปลง(Transform matrix)
A_s	พื้นที่หน้าตัดของเหล็กเสริม
A _{st}	พื้นที่หน้าตัดของเหล็กเสริมตามขวาง 1 ขา
ь	ความกว้างของหน้าตัด
C_c	แรงอัดในแนวแกนของคอนกรีต
C_{ι}	แรงดึงในแนวแกนของคอนกรีต
d	ตำแหน่งของเหล็กเสริม
{d}	เวคเตอร์ของการกระจัดในระบบพิกัดเฉพาะที่
Е	ค่าโมดูลัสยืดหยุ่น
E_{c}	ค่าโมดูลัสยืดหยุ่นของคอนกรีต
E_s	ค่าโมดูลัสยืดหยุ่นของเหล็ก
f_c'	กำลังอัดประลัยของคอนกรีต
f'_{cc}	กำลังอัดประลัยของคอนกรีตเมื่อพิจารณาผล
	ของการโอบรัด
f_r	หน่วยแรงดึงที่ยอมให้ของคอนกรีต
f_s	หน่วยแรงของเหล็ก
f_y	หน่วยแรงคลากของเหล็ก
f_{yt}	หน่วยแรงคลากของเหล็กเสริมตามขวาง
f_1	แรงดันด้านข้างเฉลี่ยเนื่องจากการโอบรัด
f_{le}	แรงดันด้านข้างเฉลี่ยเทียบเท่าเนื่องจากการ
	โอบรัด
f_{lex}	แรงดันด้านข้างเฉลี่ยเทียบเท่าเนื่องจากการ
	โอบรัดในทิศทาง x
f_{ley}	แรงดันด้านข้างเฉลี่ยเทียบเท่าเนื่องจากการ
	โอบรัดในทิศทาง y
1	โมเมนต์ความเฉื่อย

kd	ความลึกของแกนสะเทินจากผิวรับแรงอัดของ
	คอนกรีต
[K]	เมตริกซ์สติฟเนสของโครงสร้าง
$[k_m]$	เมตริกซ์สติฟเนสเชิงเส้นดัดแปลง
$[k_G]$	เมตริกซ์สติฟเนสไม่เชิงเส้นทางเรขาคณิต
$\left[\mathrm{K}_{\mathrm{global}}\right]^{i}$	เมตริกซ์สติฟเนสขององค์อาคาร i ในระบบ
	พิกัดวงกว้าง
[K(r)]	เมตริกซ์สติฟเนสขององค์อาคารที่คำนึงถึงผล
	ของแรงในแนวแกนต่อค่าสติฟเนลของโมเมนต์
	และแรงเฉือนในระบบพิกัดวงกว้าง
[k(d)]	เมตริกซ์สติฟเนสขององค์อาคารที่คำนึงถึงผล
	ของแรงในแนวแกนต่อค่าสติฟเนสของโมเมนต์
	และแรงเฉือนในระบบพิกัดเฉพาะที่
L	ความยาว
М	โมเมนต์
Р	แรงในแนวแกน
{Q}	เวคเตอร์ของแรงคงค้าง
	(Unbalanced force vector)
{R}	เวคเตอร์ของแรงกระทำในระบบพิกัด
	ในวงกว้าง
{r}	เวคเตอร์ของการกระจัดในระบบพิกัดใน
	วงกว้าง
r_i	การกระจัดที่ degree of freedom i
{S}	เวคเตอร์ของแรงกระทำในระบบพิกัดเฉพาะที่
S,	ผลรวมของแรงอัดและแรงดึงในแนวแกน
	ของเหล็ก
S_{i}	แรงที่ปลาย degree of freedom i
	ขององค์อาคาร
t	ความลึกของหน้าตัด

u	การกระจัดในแนวแกน
U	พลังงานความเครียด
V	การกระจัดในแนวเฉือน
V	พลังงานศักย์
ф	ความโค้ง
ε	ความเครียด
$\epsilon_{\scriptscriptstyle 0}$	ความเครียดของคอนกรีตเมื่อหน่วยแรงอัดของ
	คอนกรีตมีค่าสูงสุด
ε ₀₈₅	ความเครียดของคอนกรีตเมื่อหน่วยแรงอัดของ
	คอนกรีตมีค่าร้อยละ 85 ของหน่วยแรงอัด
	คอนกรีตสูงสุด
ϵ_{I}	ความเครียดของคอนกรีตที่พิจารณาผลของ
	การโอบรัดเมื่อหน่วยแรงอัดของคอนกรีตที่มีค่า
	สูงสุด
ϵ_{20}	ความเครียดของคอนกรีตที่พิจารณาผลของ
	การโอบรัดเมื่อหน่วยแรงอัดของคอนกรีตมีค่า
	ร้อยละ 20 ของหน่วยแรงอัดคอนกรีตสูงสุด
ϵ_{85}	ความเครียดของคอนกรีตที่พิจารณาผลของ
	การโอบรัดเมื่อหน่วยแรงอัดของคอนกรีตมีค่า
	ร้อยละ 85 ของหน่วยแรงอัดคอนกรีตสูงสุด
ϵ_{tr}	ความเครียดสูงสุดที่ยอมให้ของคอนกรีต
	เนื่องจากแรงดึง
$\mathbf{\epsilon}_{y}$	ความเครียดของเหล็กเสริมที่หน่วยแรงคลาก
π	พลังงานศักย์รวม
σ	หน่วยแรง