

การวิเคราะห์การไหลของกำลังไฟฟ้าฮาร์มอนิกที่เกิดจาก
เครื่องแปลงผันในระบบไฟฟ้ากำลัง

นาย วสันต์ จันทร์สีจจา



วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต

ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2531

ISBN 974-569-287-5

ลิขสิทธิ์ของบัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

014142

117429274

ANALYSIS OF HARMONIC POWER FLOW CAUSED BY
CONVERTERS IN ELECTRIC POWER SYSTEM

Mr. Watson Chansajcha

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements
for the Degree of Master of Engineering
Department of Electrical Engineering
Graduate School
Chulalongkorn University

1988

ISBN 974-569-287-5

วสันต์ สันทรสัจฉา : การวิเคราะห์การไหลของกำลังไฟฟ้าฮาร์มอนิกที่เกิดจากเครื่องแปลง-
ผันในระบบไฟฟ้ากำลัง (ANALYSIS OF HARMONIC POWER FLOW CAUSED BY CONVERTERS IN
ELECTRIC POWER SYSTEM) อ.ที่ปรึกษา : ผศ. ประสิทธิ์ พิทยพัฒน์, 200 หน้า.

เนื่องจากในอดีตที่ผ่านมาโหลดไม่เชิงเส้นมีจำนวนน้อย การวิเคราะห์ระบบไฟฟ้ากำลังจึงคิด
เพียงโหลดเชิงเส้นเท่านั้น แต่ในปัจจุบันมีโหลดไม่เชิงเส้นโดยเฉพาะเครื่องแปลงผันได้มีการขยายตัว
อย่างมาก ฮาร์มอนิกจึงมีผลต่อระบบไฟฟ้ากำลังยิ่งขึ้น ทำให้เกิดการคิดค้นอัลกอริทึมโดยรวมผลของ
โหลดไม่เชิงเส้น

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นการศึกษาผลของฮาร์มอนิกที่เกิดจากเครื่องแปลงผันแบบ 6 หรือ 12 พัลส์
ซึ่งเป็นโหลดไม่เชิงเส้น อัลกอริทึมที่ใช้วิเคราะห์ฮาร์มอนิกประกอบด้วย 2 ส่วนคือ อัลกอริทึมแบบดั้งเดิมซึ่ง
ใช้วิเคราะห์ที่ความถี่หลักมูลโดยใช้วิธีของนิวตัน-ราฟสันและส่วนที่สองคืออัลกอริทึมที่ความถี่ฮาร์มอนิก
โดยเพิ่มโมเดลของเครื่องแปลงผันเข้าไปในอัลกอริทึม

ผลการศึกษาทำให้สามารถคำนวณแรงดันอาร์เอ็มเอส, กระแสอาร์เอ็มเอส, แรงดันยอด,
กระแสยอด, และกำลังสูญเสียที่ความถี่ฮาร์มอนิก ส่วนสำคัญคือสามารถนำไปประยุกต์ใช้วิเคราะห์ระบบเพื่อ
ทดสอบว่าเมื่อติดตั้งแคปาซิเตอร์ในระบบไฟฟ้าแล้ว แคปาซิเตอร์นี้จะเหมาะสมหรือไม่และสามารถทำนาย
การเกิดเรโซแนนซ์ในระบบไฟฟ้า อีกทั้งยังสามารถใช้เป็นเครื่องมือวิเคราะห์เพื่อหาแนวทางในการ
กำหนดมาตรฐานค่าจำกัดของแรงดันและกระแสฮาร์มอนิกในระบบไฟฟ้ากำลังในประเทศไทย



ภาควิชา วิศวกรรมไฟฟ้า

สาขาวิชา พลังงานไฟฟ้า

ปีการศึกษา 2530

ลายมือชื่อนิสิต วสันต์ สันทรสัจฉา

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา ผศ. ประสิทธิ์ พิทยพัฒน์

WATSON CHANSAJCHA : ANALYSIS OF HARMONIC POWER FLOW CAUSED BY CONVERTERS IN ELECTRIC POWER SYSTEM. THESIS ADVISOR : ASST. PROF. PRASIT PITTAYAPAT, Ed.D. 200 pp.

Since there was only a limited number of nonlinear loads in the past, only linear loads were used in power system analysis. At present, the utilization of nonlinear loads especially converters increases substantially; as a result, harmonics effect the power system more significantly. Consequently, there are a lot of motivations to find an algorithm for analysing harmonics including nonlinear loads.

The objective of this thesis is to study the effect of harmonics caused by 6 pulse or 12 pulse converters which are nonlinear loads. The method is divided into two parts. The first part is based on a conventional power flow at fundamental frequency using Newton-Raphson method, whereas the second part deals with harmonic frequencies, including a model of converters in the algorithm.

These algorithms can calculate rms voltage, rms current, peak voltage, peak current and power loss at harmonic frequencies. This thesis can be applied to analyse the system whether the size and position of capacitors are suitable or not, and predict resonance condition in the system. Moreover, it can be used to guide a standard specification of voltage and current harmonic limitations in the power system in Thailand.

ภาควิชาวิศวกรรมไฟฟ้า.....
สาขาวิชาพลังงานไฟฟ้า.....
ปีการศึกษา2530.....

ลายมือชื่อนิสิต*Watson Chansajcha*.....

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา*Prasit Pittayapat*.....

กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลงไปได้ด้วยความช่วยเหลือจากหลายท่านด้วยกัน ผู้วิจัยขอขอบพระคุณ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ประสิทธิ์ พิทยพัฒน์ อาจารย์ที่ปรึกษา วิทยานิพนธ์ และคณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ประกอบด้วย ศาสตราจารย์ ดร. จรวย บุญยกุล รองศาสตราจารย์ ดร. ชูภูมิวิทย์ ภูมิวุฒิสาร และ อาจารย์ สุรพล โสภณกณารณ จากฝ่ายวิศวกรรม การไฟฟ้านครหลวง ท่านทั้งหลาย ได้ให้คำแนะนำที่เป็นประโยชน์ และอำนวยความสะดวกในการวิจัยด้วยดีตลอดมา ขอขอบพระคุณ ศาสตราจารย์ ดร. มงคล เคนกรินทร์ ที่ได้กรุณาให้คำปรึกษาด้าน ภาษาของการเขียนวิทยานิพนธ์ ขอขอบพระคุณ อาจารย์ คมสัน เพ็ชรวิทย์ ที่ได้กรุณาให้ คำแนะนำทางทฤษฎีและเทคนิคการเขียนโปรแกรม ขอขอบพระคุณ Prof. Torsten Johansson ที่อนุญาตให้ใช้เครื่อง Macintosh SE ในการพิมพ์วิทยานิพนธ์ ขอขอบพระคุณศูนย์คอมพิวเตอร์ที่อนุญาตให้ใช้เครื่อง Prime ในการทำงานวิจัย ขอขอบคุณพี่ๆและเพื่อนๆทุกท่านที่ให้ความช่วยเหลือและกำลังใจ

ท้ายนี้ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณ บิดามารดา ซึ่งสนับสนุนด้านการเงินและ ให้กำลังใจแก่ผู้วิจัยเสมอมาจนสำเร็จการศึกษา

สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย	ง
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	จ
กิตติกรรมประกาศ	ฉ
สารบัญรูปภาพ	ญ
สารบัญตาราง	อ
สัญลักษณ์ที่ใช้	ข
บทที่	
1. ความสำคัญของปัญหา	1
1.1 บทนำ	1
1.2 แหล่งกำเนิดฮาร์โมนิก	2
1.2.1 หม้อแปลง	3
1.2.2 เครื่องจักรไฟฟ้า	3
1.2.3 อุปกรณ์อาร์ก	3
1.2.4 หลอดฟลูออเรสเซนต์	4
1.2.5 เครื่องแปลงผัน	4
1.3 ผลกระทบของฮาร์โมนิก	6
1.3.1 ผลกระทบของฮาร์โมนิกต่อระบบสายส่ง	7
1.3.2 ผลกระทบของฮาร์โมนิกต่อหม้อแปลง	8
1.3.3 ผลกระทบของฮาร์โมนิกต่อเครื่องจักรไฟฟ้า	9
1.3.4 ผลกระทบของฮาร์โมนิกต่อสวิตช์เกียร์	9
1.3.5 ผลกระทบของฮาร์โมนิกต่อเบงก์คะแปซิเตอร์	10
1.3.6 ผลกระทบของฮาร์โมนิกต่อฟิวส์	11

1.3.7	ผลกระทบของฮาร์มอนิกต่อรีเลย์	11
1.3.8	ผลกระทบของฮาร์มอนิกต่อมิเตอร์วัดไฟฟ้า	12
1.3.9	ผลกระทบของฮาร์มอนิกต่ออุปกรณ์ผู้ใช้ไฟฟ้า	13
1.3.10	ผลกระทบของฮาร์มอนิกต่อระบบสื่อสาร	13
2.	ทฤษฎีการไหลของกำลังไฟฟ้า	14
2.1	บทนำ	14
2.2	ทฤษฎีการไหลของกำลังไฟฟ้าฮาร์มอนิก	14
2.3	การวิเคราะห์การไหลของกำลังไฟฟ้า	16
2.3.1	อัลกอริทึมการไหลของกำลังไฟฟ้าแบบดั้งเดิม	17
2.3.2	อัลกอริทึมการไหลของกำลังไฟฟ้าฮาร์มอนิก	19
3.	โมเดลที่ใช้ในโปรแกรม	28
3.1	บทนำ	28
3.2	โมเดลที่ใช้ในการวิเคราะห์การไหลของกำลังไฟฟ้า	28
3.3	องค์ประกอบวงจรสาย	28
3.3.1	โมเดลของสายส่ง	29
3.3.2	โมเดลของหม้อแปลงกำลัง	30
3.4	โมเดลของเครื่องแปลงผันแบบ 6 พัลส์	31
3.5	โมเดลของเครื่องแปลงผันแบบ 12 พัลส์	49
4.	โครงสร้างโปรแกรม	51
4.1	บทนำ	51
4.2	ผังโปรแกรม	52
4.3	โปรแกรมย่อย	52
4.4	ชนิดของบัตที่ใช้ในโปรแกรม	54
4.5	การกำหนดค่าเริ่มต้นให้กับตัวแปร	55
4.5.1	การกำหนดค่ากำลังไฟฟ้าวัดที่ฟลักซ์ ϕ	55
4.5.2	การกำหนดค่ามุมสับเปลี่ยน μ	60
4.5.3	การกำหนดค่าแรงดัน E และความต้านทาน R	60

4.5.3.1	กรณีเครื่องแปลงผันแบบพาสซีฟ	60
4.5.3.2	กรณีเครื่องแปลงผันแบบแอคทีฟ	61
4.6	การหาอนุพันธ์บางส่วนสัมพันธ์กับตัวแปรควบคุม	62
4.7	การหาค่ายอดของสัญญาณฮาร์มอนิก	63
4.8	การคอนเวร์จของโปรแกรม	64
5.	คู่มือการใช้โปรแกรม	65
5.1	บทนำ	65
5.2	การเตรียมข้อมูล	65
5.2.1	ฐานหนึ่งหน่วย	66
5.2.2	ชนิดของข้อมูลเข้า	66
5.2.3	รายละเอียดของข้อมูลเข้า	67
5.2.3.1	รหัสควบคุม 1	67
5.2.3.2	รหัสควบคุม 2	67
5.2.3.3	รหัสควบคุม 3	67
5.2.3.4	รหัสควบคุม 4	72
5.2.3.5	รหัสควบคุม 5	76
5.2.3.6	รหัสควบคุม 6	79
5.2.3.7	รหัสควบคุม 7	81
5.2.3.8	รหัสควบคุม 8	83
5.3	การแปลความหมายผลลัพธ์ที่ได้	83
5.3.1	พารามิเตอร์ของอุปกรณ์ไม่เชิงเส้น	84
5.3.2	ผลสรุปของการไหลในสายส่ง	84
5.3.3	ผลสรุปของแรงดันบัล	85
5.3.4	ข้อความแสดงความคิดเห็น	85
5.3.5	ข้อความที่โปรแกรมบอกให้ผู้ใช้ทราบ	86
5.4	การหาค่าตอบใหม่เมื่อไม่คอนเวร์จ	86
5.4.1	การกำหนดค่าเริ่มต้น	87
5.4.2	ปัญหาที่เกิดขึ้นในความถี่หลักมูล	87

5.4.3	จำนวนการวนซ้ำ	87
5.4.4	แฟกเตอร์การเร่ง	87
5.4.5	ทิมพ์คาร์รายละเอียด	87
5.4.6	มุมสับเปลี่ยนของเครื่องแปลงผัน	87
5.4.7	การเกิดเรโซแนนซ์	88
5.4.8	การโคเวอรัจหลังจากที่ได้ค่าตอบฮาร์มอนิกบ้าง	88
บทที่ 6	การศึกษาการไหลของกำลังไฟฟ้าฮาร์มอนิกด้วยโปรแกรมที่พัฒนา	89
6.1	บทนำ	89
6.2	การทดสอบโปรแกรม HARMONIC	89
6.3	การประยุกต์ใช้โปรแกรม HARMONIC	100
6.3.1	ระบบไฟฟ้ากำลัง 5 บัส	101
6.3.2	ระบบเรเดียล	103
บทที่ 7	สรุปและข้อเสนอแนะ	110
7.1	บทสรุป	110
7.2	ข้อเสนอแนะ	111
บรรณานุกรม		112
ภาคผนวก ก		115
ภาคผนวก ข		118
ภาคผนวก ค		121
ภาคผนวก ง		123
ภาคผนวก จ		127
ภาคผนวก ฉ		129
ภาคผนวก ช		138
ภาคผนวก ซ		140
ภาคผนวก ฌ		146
ภาคผนวก ฎ		157
ประวัติผู้เขียน		200

สารบัญรูปภาพ

รูปที่

1.1	ผลของมุมเฟสต่อรูปคลื่นรวม	2
2.1	การไหลของกำลังไฟฟ้าในระบบไฟฟ้ากระแสสลับที่ความถี่หลักมูลและที่ความถี่ฮาร์โมนิก	15
2.2	การไหลของกำลังไฟฟ้าที่ความถี่หลักมูล	15
2.3	การไหลของกำลังไฟฟ้าฮาร์โมนิก	16
2.4	การคำนวณการไม่รบกวนกันของกำลังไฟฟ้าที่ความถี่หลักมูล	19
3.1	โมเดลของสายส่ง	29
3.2	โมเดลของหม้อแปลงกำลัง	30
3.3	โมเดลของเครื่องแปลงผันแบบ 6 พัลส์	31
3.4	การทำงานของเครื่องแปลงผันแบบ 6 พัลส์	36
3.5	วงจรสมมูลของเครื่องแปลงผัน ช่วงที่ 1	39
3.6	วงจรสมมูลของเครื่องแปลงผัน ช่วงที่ 2	41
3.7	โมเดลเครื่องแปลงผันแบบ 12 พัลส์	50
6.1	ระบบไฟฟ้ากำลัง 5 บัต์	90
6.2	แรงดันอาร์เอ็มเอสกับการเปลี่ยนขนาดกะแปริเตอร์ที่บัต์ 5	97
6.3	กระแสอาร์เอ็มเอสกับการเปลี่ยนขนาดกะแปริเตอร์ที่บัต์ 5	97
6.4	ขนาดแรงดันฮาร์โมนิกอันดับ 5 กับการเปลี่ยนขนาดกะแปริเตอร์ที่บัต์	98
6.5	แรงดันอาร์เอ็มเอสกับการเปลี่ยนขนาดกะแปริเตอร์ที่บัต์ 3	98
6.6	กระแสอาร์เอ็มเอสกับการเปลี่ยนขนาดกะแปริเตอร์ที่บัต์ 3	99
6.7	ขนาดแรงดันฮาร์โมนิกอันดับ 5 กับการเปลี่ยนขนาดกะแปริเตอร์ที่บัต์ 3	99
6.8	ระบบเรเคียด	104
6.9	พารามิเตอร์มุมเทียบกับกำลังไฟฟ้าไหล	107
6.10	ความเพี้ยนฮาร์โมนิกที่บัต์ 8 เทียบกับกำลังไฟฟ้าไหล	107
6.11	ขนาดแรงดันฮาร์โมนิกที่บัต์ 8 เทียบกับกำลังไฟฟ้าไหล	108
6.12	ขนาดกระแสฮาร์โมนิกที่บัต์ 8 เทียบกับกำลังไฟฟ้าไหล	108

สารบัญตาราง

ตารางที่

2.1	มิติของเมตริกซ์ยาโคบีที่ความถี่ฮาร์โมนิก	26
3.1	สมการกระแสของเครื่องแปลงผันแบบ 6 พัลส์ (ไม่เกิดการสับเปลี่ยน)	48
3.2	สมการกระแสของเครื่องแปลงผันแบบ 6 พัลส์ (เกิดการสับเปลี่ยน)	49
4.1	โปรแกรมย่อยใน HARMONIC	53
5.1	รายละเอียดการเก็บข้อมูลของรหัสควบคุม 3	68
5.2	ความสัมพันธ์ระหว่างชนิดของบัสและชนิดย่อยของบัส	69
5.3	รายละเอียดการเก็บข้อมูลของรหัสควบคุม 4	72
5.4	แบบการต่อหม้อแปลง	74
5.5	การเลือกหาคำตอบ	76
5.6	รายละเอียดการเก็บข้อมูลของรหัสควบคุม 6 และ 7	79
5.7	การกำหนดพารามิเตอร์ของเครื่องแปลงผัน	83
6.1	ขนาดแรงดันบัสแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	91
6.2	ขนาดกระแสแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	92
6.3	ขนาดแรงดันฮาร์โมนิกแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	93
6.4	ขนาดแรงดันบัสแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	94
6.5	ขนาดกระแสแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	95
6.6	ขนาดแรงดันฮาร์โมนิกแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	96
6.7	ขนาดแรงดันบัสที่ความถี่หลักมูลแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	101
6.8	ขนาดแรงดันบัสและกระแสสายแปรตามขนาดกะแปริเตอร์	102
6.9	พารามิเตอร์มุมเทียบกับกำลังไฟฟ้าโหลด	105
6.10	ความเพี้ยนฮาร์โมนิกที่บัส 8 เทียบกับกำลังไฟฟ้าโหลด	105
6.11	ขนาดแรงดันฮาร์โมนิกที่บัส 8 เทียบกับกำลังไฟฟ้าโหลด	106
6.12	ขนาดกระแสฮาร์โมนิกที่บัส 8 เทียบกับกำลังไฟฟ้าโหลด	106

สัญลักษณ์ที่ใช้

a	=	สัมประสิทธิ์ฟูรีเยร์ของแรงดัน
A	=	ค่าคงที่ของค่าตอบเครื่องแปลงผัน
$\text{Arg}(\cdot)$	=	มุมของเวกเตอร์ในหน่วยเรเดียน
B	=	ค่าคงที่ของค่าตอบเครื่องแปลงผัน
B_1	=	ลิมิตอินทิกรัล
BAC	=	ค่าฐาน (Base Value) ด้าน AC
BDC	=	ค่าฐานด้าน DC
c	=	สัมประสิทธิ์ฟูรีเยร์ของกระแส
C	=	ค่าคงที่ของค่าตอบเครื่องแปลงผัน, ค่าตัวเก็บประจุ
$C^{(1)}$	=	พจน์ค่าตอบของกระแสเครื่องแปลงผัน
D	=	โวลต์แอมแปร์เนื่องจากความเพี้ยน, ค่าคงที่ของค่าตอบเครื่องแปลงผัน
DF	=	แฟกเตอร์เนื่องจากความเพี้ยน
E	=	แรงดันเครื่องแปลงผันด้าน DC
$E^{(1)}$	=	พจน์ค่าตอบของกระแสเครื่องแปลงผัน
f	=	ความถี่, แรงดันสายกระแสสลับของเครื่องแปลงผัน, ฟังก์ชันบังคับของเครื่องแปลงผัน
f'	=	แรงดันเฟสกระแสสลับของเครื่องแปลงผัน, ค่าอนุพันธ์ของฟังก์ชันบังคับของเครื่องแปลงผัน
f_r, f_i	=	กำลังไฟฟ้าแอกทีฟและรีแอกทีฟที่คำนวณได้
F	=	อินดักแตนซ์ของเครื่องแปลงผัน
$F^{(1)}$	=	พจน์ค่าตอบของกระแสเครื่องแปลงผัน
g_r, g_i	=	กระแสจริงและจินตภาพของอุปกรณ์ไม่เชิงเส้น
G	=	อนุพันธ์บางส่วนของกระแสที่เกิดจากเครื่องแปลงผัน
h	=	ฮาร์มอนิกสูงสุด

H	=	เมตริกซ์ของอนุพันธ์บางส่วนของกระแสเครื่องแปลงผัน, ค่าคงที่ของค่าตอบเครื่องแปลงผัน
i, I	=	กระแส
I_{rms}	=	กระแสอาร์เอ็มเอส
$I_i^{(1)}, I_r^{(1)}$	=	ส่วนจินตภาพและส่วนจริงของกระแสฮาร์โมนิกช่วงที่ 1
J	=	ยาโคบีเมตริกซ์
k	=	อันดับฮาร์โมนิก
K	=	ตัวแปรค่าตอบของเครื่องแปลงผัน
L	=	ตัวคูณจำนวนของฮาร์โมนิก (ไม่รวมความถี่หลักมูล), รีแอกแตนซ์ของหม้อแปลง, ค่าความเหนี่ยวนำ
m	=	จำนวนบัสไม่เชิงเส้น
M	=	บัสไม่เชิงเส้นบัสแรก
n	=	จำนวนของบัส
N	=	จำนวนของบัสเชิงเส้น
p	=	ค่าคงที่เวลา, $\frac{d}{dt}$
PF	=	ตัวประกอบกำลัง
pu	=	หนึ่งหน่วย (Per Unit)
P	=	กำลังไฟฟ้าแอกทีฟ
PQ	=	บัสที่มีกำลังไฟฟ้าแอกทีฟและรีแอกทีฟ (Active and Reactive Power bus)
PS	=	บัสที่มีกำลังไฟฟ้าแอกทีฟและเสมือน (Active and Apparent Power bus)
PV	=	บัสที่มีกำลังไฟฟ้าแอกทีฟและขนาดแรงดัน (Active Power and Voltage Magnitude bus)
Q	=	กำลังไฟฟารีแอกทีฟ
R	=	ความต้านทานของเครื่องแปลงผัน, ความต้านทาน
RMS	=	ค่ากำลังสองประสิทธิภาพ

S	=	กำลังไฟฟ้าเสมือน
t	=	เวลา, แทปของหม้อแปลง
T	=	เมตริกซ์แสดงอนุพันธ์บางส่วนของกระแสฮาร์มอนิก
T_1	=	ลิมิตอินทิกรัล
T_0	=	คาบเวลาของความถี่หลักมูล
TG	=	ผลรวมของเมตริกซ์ T และ G
u	=	สัมประสิทธิ์ฟูรีเยร์ของขนาดแรงดันกระแสสลับของเครื่องแปลงผัน
u_{an}, u_{bn}, u_{cn}	=	แรงดันกระแสสลับของเครื่องแปลงผัน
u_{ab}, u_{bc}, u_{ca}	=	
v	=	แรงดัน
V	=	ขนาดแรงดัน
X, x	=	รีแอกแตนซ์
Y	=	แอดมิตแตนซ์เมตริกซ์, แบบการต่อหม้อแปลง
z, Z	=	อิมพีแดนซ์
$0_{j,k}$	=	แถวของศูนย์ ($j \times k$)
α	=	มุมประวิง
β	=	ตัวแปรควบคุมของอุปกรณ์ไม่เชิงเส้น
γ	=	ตัวแปรควบคุมของอุปกรณ์ไม่เชิงเส้น
δ	=	มุมเฟสของแรงดัน, มุมเฟสเลื่อนของหม้อแปลง
Δ	=	ค่าตอบใหม่ของนิวตัน-ราฟสัน, ส่วนเพิ่ม, แบบการต่อหม้อแปลง
Δw	=	เวกเตอร์การไม่รับกันของกำลังไฟฟ้า
$\Delta\phi$	=	ตัวแปรควบคุมที่ต้องการให้ถูกต้องของอุปกรณ์ไม่เชิงเส้น
θ	=	มุมเฟส
μ	=	มุมสับเปลี่ยน
\sum_k	=	ผลรวมตั้งแต่ $k=1$ ถึง h
ϕ	=	มุมแรงดันกระแสสลับของเครื่องแปลงผัน
ω_0	=	ความถี่หลักมูล