

ตัวสถิติแบบเบส์สำหรับการทดสอบสมมูลของตัวแปรสู่ทวินาม

นายนุญชัย ลาภสุมน

# ศูนย์วิทยทรัพยากร จุฬลงกรณ์มหาวิทยาลัย

วิทยานิพนธ์นี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาสหศิลปศาสตรมหาบัณฑิต

สาขาวิชาสถิติ ภาควิชาสถิติ

คณะพาณิชศาสตร์และการบัญชี จุฬลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ปีการศึกษา 2546

ISBN 974-17-5317-9

ลิขสิทธิ์ของจุฬลงกรณ์มหาวิทยาลัย

BAYESIAN STATISTIC FOR EQUIVALENCE TEST  
OF BINOMIAL RANDOM VARIABLES

Mr. Boonchai Larpsumon

คุณวิทยรพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย  
A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements  
for the Degree of Master of Science in Statistics

Department of Statistics

Faculty of Commerce and Accountancy

Chulalongkorn University

Academic Year 2003

ISBN 974-17-5317-9

หัวข้อวิทยานิพนธ์ ตัวสถิติแบบเบส์สำหรับการทดสอบสมมูลของตัวแปรสู่ทิวนาม  
โดย นายบุญชัย ลาภสุมน  
สาขาวิชา สถิติ  
อาจารย์ที่ปรึกษา รองศาสตราจารย์ ดร. สุพล คุรุกิจวัฒนา

---

คณะกรรมการคณบดีคณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย อนุมัติให้นับวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญามหาบัณฑิต

๑๗ ๐๙๘๖ ก. คณบดีคณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี  
(ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร. ณุชา คุณพนิชกิจ)

คณะกรรมการสอบวิทยานิพนธ์

..... ประธานกรรมการ  
(รองศาสตราจารย์ ดร. ธีระพร วีระถาวร)

..... อาจารย์ที่ปรึกษา  
(รองศาสตราจารย์ ดร. สุพล คุรุกิจวัฒนา)

..... กรรมการ  
(รองศาสตราจารย์ พก. ศิริรังษี)

คุณภาพทางวิชาการ  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

บุญชัย ลากสุนน: ตัวสถิติแบบเบส์สำหรับการทดสอบสมมูลของตัวแปรสุ่มทวินาม.

(BAYESIAN STATISTIC FOR EQUIVALENCE TEST OF BINOMIAL

RANDOM VARIABLES) อ.ที่ปรึกษา: รองศาสตราจารย์ ดร. สุพล ดุรงค์วัฒนา, 72 หน้า.

ISBN 947-17-5317-9

วัตถุประสงค์ของการวิจัยครั้งนี้คือ ศึกษาและพัฒนาการทดสอบความสมมูลของตัวแปรสุ่มที่แยกແງນแบบทวินามภายใต้แนวคิดแบบเบส์ และเปรียบเทียบผลการทดสอบสมมูลดังกล่าวภายใต้สองแนวคิด ระหว่างแนวคิดแบบคลาสสิก โดยวิธีประยุกต์ของพาทีลและกุปตา และแนวคิดแบบเบส์ สำหรับการเปรียบเทียบการทดสอบความสมมูลทั้งสองวิธีการทำโดยใช้ค่าสัดส่วนจำลอง การปฏิเสธสมมติฐานว่าง โดยถ้าค่าสัดส่วนจำลองการปฏิเสธสมมติฐานว่างเมื่อสมมติฐานว่างเป็นจริงสามารถควบคุมได้แล้วการทดสอบสมมูลที่ให้ค่าสัดส่วนจำลองการปฏิเสธสมมติฐานว่างเมื่อสมมติฐานว่างเป็นเท็จมีค่าสูงกว่าจะเป็นการทดสอบที่ดีกว่า

ผลการวิจัยมีข้อสรุปคือ การทดสอบสมมูลด้วยแนวคิดแบบเบส์สามารถกระทำได้ด้วยการอินทิเกรตหาปริมาตรได้โดยการแยกແງนร่วมของเบต้า ภายใต้โหมดนของสมมติฐานทางเลือกอื่น ถ้าค่าอินทิเกรตดังกล่าวมีค่ามากกว่าค่า  $k$  จะปฏิเสธสมมติฐานว่าง และสรุปว่าตัวแปรสุ่มทวินามทั้งสองตัวสมมูลกัน เมื่อ  $k$  คือค่าคงที่ที่ถูกกำหนดขึ้น เช่น 0.95 เป็นต้น และผลการเปรียบเป็นคังนี ในด้านความแม่นยำของผลการทดสอบ การทดสอบสมมูลภายใต้แนวคิดแบบเบส์ให้ผลการทดสอบโดยรวมที่ดีกว่าเมื่อขนาดตัวอย่างมีขนาดน้อยหรือขนาดกลางและพารามิเตอร์ที่ทดสอบมีค่าไม่ใกล้เคียง 0 หรือ 1 แต่การทดสอบสมมูลภายใต้แนวคิดคลาสสิกให้ผลการทดสอบที่ดีกว่าเมื่อขนาดตัวอย่างมีขนาดน้อยหรือขนาดกลางและพารามิเตอร์ที่ทดสอบมีค่าใกล้เคียง 0 หรือ 1 ในกรณีที่ขนาดตัวอย่างมาก การทดสอบทั้งสองวิธีให้ผลใกล้เคียงกันมาก ในด้านความซับซ้อนในการคำนวณ การทดสอบสมมูลด้วยแนวคิดแบบเบส์นั้นซับซ้อนและทำได้ยากกว่าแนวคิดคลาสสิกมาก

# ศูนย์วิทยาทรัพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

ภาควิชาสถิติ

สาขาวิชาสถิติ

ปีการศึกษา 2546

ลายมือชื่อนิสิต..... บุญชัย ลวงวัฒนา

ลายมือชื่ออาจารย์ที่ปรึกษา.....

# # 4382258526: MAJOR STATISTIC

KEY WORD: Testing Equivalence / Two One-sided Test / Bayesian Statistic / Binomial Random Variable

BOONCHAI LARPSUMON: BAYESIAN STATISTIC FOR EQUIVALENCE TEST OF BINOMIAL RANDOM VARIABLES. THESIS ADVISOR: ASSOC. PROF. SUPOL DURONGWATTANA, Ph.D. 72 pp. ISBN 947-17-5317-9

This research aims to study and develop equivalence test of binomial random variable based on Bayesian approach. This study is carried out by comparing the results of equivalence tests under 2 different approaches between Bayesian, naming Modified Patel-Gupta test and classical approach. Both approaches rely on the simulated probabilities of rejecting  $H_0$  when  $H_0$  is true and simulated probabilities of rejecting  $H_0$  when  $H_0$  is fault.

By this research, it can be concluded that Bayesian approach for equivalence test can be calculated from the integration of bivariate beta distribution under the domain of alternative hypothesis. If the integration is larger than k when k is a constant, for instance 0.95 etc, if the null hypothesis is rejected, then both binomial random variables are equivalent. And the finding of comparison as following; in the aspect of accuracy the testing of equivalence under Bayesian approach gave the whole finding better the other when the sample size is small or medium and the testing parameter is not near by 0 or 1 but under the classical approach gave the better finding when the sample size is small or medium and the testing parameter is near by 0 or 1. But when the sample size is large, both approaches showed the finding on nearest calculation.

Unsurprisingly, in the aspect of calculation, Bayesian approach is considerably more complicated than classical approach.

Department: Statistic

Field of study: Statistic

Academic year 2003

Student's signature.....

Advisor's signature.....

## กิตติกรรมประกาศ

วิทยานิพนธ์ฉบับนี้สำเร็จลุล่วงไปได้ด้วยความช่วยเหลืออย่างคีย์ของ รองศาสตราจารย์ ดร. สุพล ศุรงค์วัฒนา อาจารย์ที่ปรึกษาวิทยานิพนธ์ ที่กรุณายังให้คำแนะนำ ปรึกษา ตลอดจนช่วยเหลือแก่ไขข้อบกพร่องต่างๆ จนกระทั่งวิทยานิพนธ์เสร็จสมบูรณ์ ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณด้วยความรู้สึกซาบซึ้งและสำนึกรักในพระคุณเป็นอย่างสูงไว้ ณ โอกาสนี้

ผู้วิจัยขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ ดร. ธีระพร วีระถาวร รองศาสตราจารย์ พกาวดี ศิริรักษ์ และผู้ช่วยศาสตราจารย์ ร้อยเอก นานพ วรากัด ในฐานะประธานกรรมการและกรรมการสอบวิทยานิพนธ์ ที่กรุณาตรวจสอบแก้วิทยานิพนธ์ฉบับนี้ให้สมบูรณ์ยิ่งขึ้น ขอกราบขอบพระคุณ รองศาสตราจารย์ดำรงค์ ทิพโยธา ภาควิชาคณิตศาสตร์ที่ให้คำแนะนำ ปรึกษา ด้านโปรแกรมคณิตศาสตร์เรื่องงานวิทยานิพนธ์ฉบับนี้ เสร็จสมบูรณ์ ขอกราบขอบพระคุณ คณาจารย์ทุกท่านที่ให้โอกาสทางการศึกษา และประสิทธิประสาทความรู้ให้แก่ผู้วิจัย ณ โอกาสที่ได้รับการคัดเลือกเข้าร่วมโครงการวิทยาลัยนานาชาติ ที่อ่านวิทยานิพนธ์ฉบับนี้เสร็จสมบูรณ์ ขอขอบคุณเจ้าหน้าที่ภาควิชาสถิติ ที่อำนวยความสะดวกต่างๆ ด้วยความรวดเร็ว ที่นี่ด้วย

**ศูนย์วิทยาทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย**

## สารบัญ

	หน้า
บทคัดย่อภาษาไทย.....	๑
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ.....	๑
กิตติกรรมประกาศ.....	๗
สารบัญ.....	๗
สารบัญตาราง.....	๙
สารบัญภาพ.....	๙
บทที่	
1 บทนำ.....	1
ความเป็นมาและความสำคัญของปัญหา.....	1
วัตถุประสงค์ของการวิจัย.....	3
สมมติฐานในการวิจัย.....	3
ขอบเขตของการวิจัย.....	3
ประโยชน์ที่คาดว่าจะได้รับ.....	4
วิธีดำเนินการวิจัย.....	4
2 เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	6
แนวคิดและทฤษฎี.....	6
เอกสารและงานวิจัยที่เกี่ยวข้อง.....	12
3 วิธีดำเนินการวิจัย.....	16
4 ผลการวิเคราะห์ข้อมูล.....	34
5 สรุปผลการวิจัยและข้อเสนอแนะ.....	59
สรุปผลวิจัย.....	59
ข้อเสนอแนะ.....	60
รายการอ้างอิง.....	62
ภาคผนวก.....	63
ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์.....	72

## สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
4.1 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.10, 0.05, 0.05), (0.08, 0.05, 0.05), (0.07, 0.05, 0.05), (0.06, 0.05, 0.05).....	36
4.2 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.20, 0.10, 0.10), (0.18, 0.10, 0.10), (0.16, 0.10, 0.10), (0.14, 0.10, 0.10).....	36
4.3 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.25, 0.10, 0.15), (0.22, 0.10, 0.15), (0.19, 0.10, 0.15), (0.16, 0.10, 0.15).....	37
4.4 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.40, 0.20, 0.20), (0.35, 0.20, 0.20), (0.30, 0.20, 0.20), (0.25, 0.20, 0.20).....	37
4.5 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.45, 0.20, 0.25), (0.40, 0.20, 0.25), (0.35, 0.20, 0.25), (0.30, 0.20, 0.25).....	38
4.6 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.50, 0.20, 0.30), (0.45, 0.20, 0.30), (0.40, 0.20, 0.30), (0.35, 0.20, 0.30).....	38
4.7 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.50, 0.30, 0.20), (0.45, 0.30, 0.20), (0.40, 0.30, 0.20), (0.35, 0.30, 0.20).....	39
4.8 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.60, 0.30, 0.30), (0.55, 0.30, 0.30), (0.50, 0.30, 0.30), (0.45, 0.30, 0.30).....	39
4.9 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.65, 0.40, 0.25), (0.60, 0.40, 0.25), (0.55, 0.40, 0.25), (0.50, 0.40, 0.25).....	40

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## สารบัญภาพ

รูปที่	หน้า
2.1 แสดงโถ้งการแจกแจงเบต้า.....	7
2.2 แสดงโถ้งการแจกแจงเบต้า.....	8
3.1 แสดงโคมนกการอินทิเกรตหาปริมาตร ภายใต้สมมติฐานรอง.....	19
4.1 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.10, 0.05, 0.05), (0.08, 0.05, 0.05), (0.07, 0.05, 0.05), (0.06, 0.05, 0.05) และ $n=50$ .....	41
4.2 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.10, 0.05, 0.05), (0.08, 0.05, 0.05), (0.07, 0.05, 0.05), (0.06, 0.05, 0.05) และ $n=100$ .....	41
4.3 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.10, 0.05, 0.05), (0.08, 0.05, 0.05), (0.07, 0.05, 0.05), (0.06, 0.05, 0.05) และ $n=200$ .....	42
4.4 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.10, 0.05, 0.05), (0.08, 0.05, 0.05), (0.07, 0.05, 0.05), (0.06, 0.05, 0.05) และ $n=2000$ .....	42
4.5 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.20, 0.10, 0.10), (0.18, 0.10, 0.10), (0.16, 0.10, 0.10), (0.14, 0.10, 0.10) และ $n=50$ .....	43
4.6 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.20, 0.10, 0.10), (0.18, 0.10, 0.10), (0.16, 0.10, 0.10), (0.14, 0.10, 0.10) และ $n=100$ .....	43
4.7 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.20, 0.10, 0.10), (0.18, 0.10, 0.10), (0.16, 0.10, 0.10), (0.14, 0.10, 0.10) และ $n=200$ .....	44
4.8 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.20, 0.10, 0.10), (0.18, 0.10, 0.10), (0.16, 0.10, 0.10), (0.14, 0.10, 0.10) และ $n=2000$ .....	44
4.9 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.25, 0.10, 0.15), (0.22, 0.10, 0.15), (0.19, 0.10, 0.15), (0.16, 0.10, 0.15) และ $n=50$ .....	45
4.10 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.25, 0.10, 0.15), (0.22, 0.10, 0.15), (0.19, 0.10, 0.15), (0.16, 0.10, 0.15) และ $n=100$ .....	45
4.11 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.25, 0.10, 0.15), (0.22, 0.10, 0.15), (0.19, 0.10, 0.15), (0.16, 0.10, 0.15) และ $n=200$ .....	46
4.12 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.25, 0.10, 0.15), (0.22, 0.10, 0.15), (0.19, 0.10, 0.15), (0.16, 0.10, 0.15) และ $n=2000$ .....	46
4.13 แสดงค่าจำลองสัมประสิทธิ์ส่วนการปฎิเสธสมมติฐาน $H_0$ เมื่อ $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$ มีค่าดังต่อไปนี้ (0.40, 0.20, 0.20), (0.35, 0.20, 0.20), (0.30, 0.20, 0.20), (0.25, 0.20, 0.20) และ $n=50$ .....	47



- 4.30 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อ  $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$  มีค่าดังต่อไปนี้ (0.60, 0.30, 0.30), (0.55, 0.30, 0.30), (0.50, 0.30, 0.30), (0.45, 0.30, 0.30) และ  $n=100$ ..... 55
- 4.31 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อ  $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$  มีค่าดังต่อไปนี้ (0.60, 0.30, 0.30), (0.55, 0.30, 0.30), (0.50, 0.30, 0.30), (0.45, 0.30, 0.30) และ  $n=200$ ..... 56
- 4.32 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อ  $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$  มีค่าดังต่อไปนี้ (0.60, 0.30, 0.30), (0.55, 0.30, 0.30), (0.50, 0.30, 0.30), (0.45, 0.30, 0.30) และ  $n=2000$ ..... 56
- 4.33 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อ  $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$  มีค่าดังต่อไปนี้ (0.65, 0.40, 0.25), (0.60, 0.40, 0.25), (0.55, 0.40, 0.25), (0.50, 0.40, 0.25) และ  $n=50$ ..... 57
- 4.34 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อ  $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$  มีค่าดังต่อไปนี้ (0.65, 0.40, 0.25), (0.60, 0.40, 0.25), (0.55, 0.40, 0.25), (0.50, 0.40, 0.25) และ  $n=100$ ..... 57
- 4.35 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อ  $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$  มีค่าดังต่อไปนี้ (0.65, 0.40, 0.25), (0.60, 0.40, 0.25), (0.55, 0.40, 0.25), (0.50, 0.40, 0.25) และ  $n=200$ ..... 58
- 4.36 แสดงค่าจำลองสัดส่วนการปฏิเสธสมมติฐาน  $H_0$  เมื่อ  $(\theta_1, \theta_2, \Delta)$  มีค่าดังต่อไปนี้ (0.65, 0.40, 0.25), (0.60, 0.40, 0.25), (0.55, 0.40, 0.25), (0.50, 0.40, 0.25) และ  $n=2000$ ..... 58



# ศูนย์วิทยทรัพยากร จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย