

## รายการอ้างอิง

### ภาษาไทย

- ธัญญากร ต้นชลจันทร์. การเปรียบเทียบการประมาณค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุโดยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด วิธีวิธีจรีเกรสชัน และวิธีที่ใช้หลักการของริดจ์และสไตน์ ในกรณีที่เกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ. วิทยานิพนธ์ปริญญาโทมหาบัณฑิต ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2538.
- ธีระพร วีระถาวร. ตัวแบบเชิงเส้น ทฤษฎีและการประยุกต์. กรุงเทพฯ : วิทยพัฒน์, 2541.
- สมพล จารุณศักดิ์กูร. การเปรียบเทียบวิธีประมาณค่าพารามิเตอร์ในการวิเคราะห์ความถดถอยพหุคูณด้วยวิธีกำลังสองน้อยที่สุด วิธีวิธีจรีเกรสชันที่ใช้ข้อสมมติโดยหลักเกณฑ์ และวิธีลิวคีเจียนทั่วไป เมื่อเกิดพหุสัมพันธ์ระหว่างตัวแปรอิสระ. วิทยานิพนธ์ปริญญาโทมหาบัณฑิต ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2539.
- อัชฌา อระวีพร. การเปรียบเทียบการประมาณค่าสัมประสิทธิ์ในการถดถอยเชิงเส้นพหุคูณเมื่อเกิดพหุสัมพันธ์. วิทยานิพนธ์ปริญญาโทมหาบัณฑิต ภาควิชาสถิติ บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย, 2541.

### ภาษาอังกฤษ

- E. Hoerl and Robert W. Kennard. Ridge Regression : Biased Estimation for Nonorthogonal Problem. Technometrics 42 (2000): 80-86.
- Kaciranlar, S., Sakallioğlu, S. and Akdeniz, F. A New Biased Estimator in Linear Regression and Detailed Analysis of the Widely-Analysed Dataset on Portland Cement. Sankhya Series B 61 (1999): 443-459.
- Kaciranlar, S. and Akdeniz, F. More on the Biased Estimator in Linear Regression. Sankhya Series B 63 (2001): 321-325.
- Judge, G.G., Griffiths, W.E., Hill R.C. and Lee T.C. The Theory and Practice of Econometrics. New York : John Wiley, 1980.
- Rao, C.R. Linear Statistical Inference and Its Applications. New York : Wiley, 1973.
- Sarkar, N. A New Estimator Combining the Ridge Regression and the Restricted Least Squares Methods of Estimation. Communications in Statistics and Theory Methods Series A 21 (1992): 1987-2000.
- Searle, S.R. Linear Models. New York : John Wiley, 1971.



ภาคผนวก

ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

การทำงานของโปรแกรมทั้งหมดที่ใช้ในการวิจัย

อันดับที่	ชื่อโปรแกรม	การทำงานของโปรแกรม	ชื่อโปรแกรมย่อยที่เรียกใช้
โปรแกรมหลัก1	MAIN1	-อ่านค่าพารามิเตอร์ที่กำหนด -คำนวณสัมประสิทธิ์การถดถอยของวิธี OLS, RLS, RRR และ RL ในกรณีที่ข้อจำกัดเป็นจริง -คำนวณและเปรียบเทียบค่า AMSE ของทั้ง 4 วิธี	NORMAL, C_MATRIX, MULTI, BUILDY, EIGEN, XTRAN, OLS, RLS, PAP, RRRSEQT, RRR, DOPTRLS, RL, MSE
โปรแกรมหลัก2	MAIN2	-อ่านค่าพารามิเตอร์ที่กำหนด -คำนวณสัมประสิทธิ์การถดถอยของวิธี OLS, RLS, RRR และ RL ในกรณีที่ข้อจำกัดไม่เป็นจริง -คำนวณและเปรียบเทียบค่า AMSE ของทั้ง 4 วิธี	NORMAL, C_MATRIX, MULTI, BUILDY, EIGEN, XTRAN, OLS, RLS, PAP, RRRSEQF, RRR, RLFSEQ, RL, MSE
SUBROUTINE และ FUNCTION			
1	NORMAL	-สร้างข้อมูลที่มีการแจกแจงปกติมาตรฐาน	RANDOM
2	RANDOM	-สร้างตัวเลขสุ่มที่มีการแจกแจงสม่ำเสมอในช่วง (0,1)	-
3	C_MATRIX	-คำนวณหาเมทริกซ์ C ที่ใช้ในการสร้างข้อมูลที่มีการแจกแจงปกติหลายตัวแปร	-
4	MULTI	-สร้างข้อมูลที่มีการแจกแจงปกติหลายตัวแปร	-
5	BUILDY	-คำนวณหาค่าตัวแปรตาม $y$	NORMAL
6	EIGEN	-หาค่าลักษณะเฉพาะและเวกเตอร์ลักษณะเฉพาะของเมทริกซ์ $X'X$	SVD

อันดับที่	ชื่อโปรแกรม	การทำงานของโปรแกรม	ชื่อโปรแกรมย่อยที่เรียกใช้
7	XTRAN	-คำนวณหาค่า $X'X$	-
8	INVM	-หาอินเวอร์สของเมทริกซ์ $X'X$	-
9	OLS	-คำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณของวิธีกำลังสองน้อยสุด	INVM
10	RLS	-คำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณและค่าความคลาดเคลื่อนของการประมาณวิธีกำลังสองน้อยสุดที่ถูกจำกัด	INVM
11	RRR	-คำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณของวิธีริดจ์รีเกรสชันที่ถูกจำกัด	INVM
12	PAP	-คำนวณหาค่า $b_{ii}$	INVM
13		-หาค่า $k$ โดยใช้วิธีการค้นหาแบบลำดับในกรณีที่ข้อจำกัดเป็นจริง	VBRRR
14	VBRRR	-คำนวณหาค่า $MSE(\beta_R^*(k))$ โดยวิธีริดจ์รีเกรสชันที่ถูกจำกัดในกรณีที่ข้อจำกัดเป็นจริง	-
15	RRRSEQF	-หาค่า $k$ โดยใช้วิธีการค้นหาแบบลำดับในกรณีที่ข้อจำกัดไม่เป็นจริง	VBRRRF
16	VBRRRF	-คำนวณหาค่า $MSE(\beta_R^*(k))$ โดยวิธีริดจ์รีเกรสชันที่ถูกจำกัดในกรณีที่ข้อจำกัดไม่เป็นจริง	STAR
17	RL	-คำนวณหาค่าสัมประสิทธิ์การถดถอยพหุคูณของวิธีลิวที่ถูกจำกัด	INVM
18	DOPTRL	-คำนวณหาค่า $d$ ที่เหมาะสมในกรณีที่ข้อจำกัดเป็นจริง	-

อันดับที่	ชื่อโปรแกรม	การทำงานของโปรแกรม	ชื่อโปรแกรมนย่อที่เรียกใช้
19	RLFSEQ	-หาค่า $d$ โดยใช้วิธีการค้นหาแบบลำดับในกรณีที่ข้อจำกัดไม่เป็นจริง	VBRLF
20	VBRLF	-คำนวณหาค่า $MSE(\beta_d^*(d))$ โดยวิธีลิวที่ถูกจำกัดในกรณีที่ข้อจำกัดไม่เป็นจริง	STAR
21	MSE	-คำนวณหาค่า MSE ของทั้ง 4 วิธี	-



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



## โปรแกรมหลัก 1 สำหรับกรณีที่ข้อจำกัดเป็นจริง

```

|*****|
!      A COMPARISON ON PARAMETER - ESTIMATION METHODS IN      !
!      MULTIPLE REGRESSION ANALYSIS WITH EXISTENCE OF          !
!      MULTICOLLINEARITY AMONG INDEPENDENT VARIABLES          !
|*****|

DOUBLE PRECISION  LAMDA(100),EIG(100,100)

REAL  NORMAL,XA(100,5),SIG2,KOPT,SK,D,DOPT,OLST(6),RLST(6),RRRT(6),
      RLT(6),OLSM(5000,6),RLSM(5000,6),RRRM(5000,6),RLM(5000,6),
      MSEOLS(6),MSERLS(6),MSERRR(6),MSERL(6),SQROLS,SQRRLS,SQRRRR,
      SQRRL,SDOLS,SDRLS,SDRRR,SDRL,AMSEOLS,AMSERLS,AMSERRR,
      AMSERL

DIMENSION  C(5,5),X(100,6),XTX(6,6),Y(100),BOLS(6),BRLS(6),BRRR(6),BRL(6),
          BII(6,6),AA(6,6),SQOLS(6),SQRLS(6),SQRRR(6),SQRL(6)

COMMON/SEED/IX,KK

OPEN(1,FILE='C:\XA.DOC')
OPEN(2,FILE='C:\C.DOC')
OPEN(3,FILE='C:\X.DOC')
OPEN(5,FILE='C:\Y.DOC')
OPEN(6,FILE='C:\XTX.DOC')
OPEN(9,FILE='C:\BOLS.DOC')
OPEN(10,FILE='C:\BRLS.DOC')
OPEN(11,FILE='C:\BRL.DOC')
OPEN(12,FILE='C:\V.DOC')
OPEN(13,FILE='C:\W.DOC')

PRINT*,'NUMBER OF ROW='
READ*,N

PRINT*,'NUMBER OF COL='
READ*,M2

PRINT*,'NUMBER OF COL2='

```

```

READ*,M
PRINT*,'NUMBER OF ITERATION='
READ*,COUNT
IX=65539
KK=0

DO 5 I=1,N
DMEAN=0.0
SIGMA=1.0
DO 5 J=1,M2
    XA(I,J)=NORMAL(DMEAN,SIGMA)
    WRITE(1,*)I,J,XA(I,J)
5 CONTINUE

!*****!
!      START FOR ITERATION      !
!*****!

DO 98 ROUND=1,COUNT

    CALL C_MATRIX(M2,C)

DO 10 I=1,M2
DO 10 J=1,M2
    WRITE(2,*)I,J,C(I,J)
10 CONTINUE

    CALL MULTI(C,M2,M,N,XA,X)

DO 15 I=1,N
DO 15 J=1,M
    WRITE(3,*)X(I,J)
15 CONTINUE

```

```
        CALL BUILDY(X,M,N,Y)
DO 25 I=1,N
        WRITE(5,*)Y(I)
25 CONTINUE

        CALL EIGEN(X,M,N,LAMDA,EIG)
DO 17 I=1,M
DO 17 J=1,M
        WRITE(12,*)I,J,EIG(I,J)
17 CONTINUE
DO 18 I=1,M
        WRITE(13,*)I,LAMDA(I)
18 CONTINUE

        CALL XTRAN(X,M,N,XTX)
DO 30 I=1,M
DO 30 J=1,M
        WRITE(6,*)I,J,XTX(I,J)
30 CONTINUE

        CALL OLS(X,Y,XTX,M,N,BOLS)
DO 45 I=1,M
        WRITE(9,*)I,BOLS(I)
45 CONTINUE

        CALL RLS(X,Y,XTX,BOLS,M,N,BRLS,SIG2)
DO 50 I=1,M
        WRITE(10,*)I,BRLS(I)
50 CONTINUE

        CALL PAP(XTX,EIG,M,AA,BII)
```



```

!PRINT*,BII

CALL RRRSEQT(BRLS,M,LAMDA,EIG,BII,SIG2,SK)

!PRINT*,SK

KOPT=SK

CALL RRR(BRLS,XTX,M,KOPT,BRRR)

!PRINT*,BRRR

CALL DOPTRLS(SIG2,M,BRLS,LAMDA,EIG,BII,D)

!PRINT*,D

DOPT=D

CALL RL(BRLS,XTX,M,DOPT,BRL)

!PRINT*,BRL

DO 60 I=1,M
    WRITE(11,*)I,BRL(I)
60 CONTINUE

CALL MSE(BOLS,BRLS,BRRR,BRL,M,SQOLS,SQRLS,SQRRR,SQRL)

DO 82 J=1,M
    OLSM(ROUND,J)=SQOLS(J)
    RLSM(ROUND,J)=SQRLS(J)
    RRRM(ROUND,J)=SQRRR(J)
    RLM(ROUND,J) =SQRL(J)
82 CONTINUE
98 CONTINUE

DO 85 J=1,M
    OLST(J)=0.0
    RLST(J)=0.0

```

```

RRRT(J)=0.0
RLT(J)=0.0
DO 87 I=1,COUNT
  OLST(J)=OLST(J)+OLSM(I,J)
  RLST(J)=RLST(J)+RLSM(I,J)
  RRRT(J)=RRRT(J)+RRRM(I,J)
  RLT(J)=RLT(J)+RLM(I,J)
87 CONTINUE
85 CONTINUE
DO 89 J=1,M
  MSEOLS(J)=OLST(J)/COUNT
  MSERLS(J)=RLST(J)/COUNT
  MSERRR(J)=RRRT(J)/COUNT
  MSERL(J)=RLT(J)/COUNT
89 CONTINUE
  AMSEOLS=0.0
  AMSERLS=0.0
  AMSERRR=0.0
  AMSERL=0.0
DO 93 J=1,M
  AMSEOLS=AMSEOLS+MSEOLS(J)
  AMSERLS=AMSERLS+MSERLS(J)
  AMSERRR=AMSERRR+MSERRR(J)
  AMSERL=AMSERL+MSERL(J)
93 CONTINUE
  AMSEOLS=AMSEOLS/M
  AMSERLS=AMSERLS/M
  AMSERRR=AMSERRR/M
  AMSERL=AMSERL/M
  SQROLS=0.0
  SQRRLS=0.0

```

```
SQRRRR=0.0
SQRRL=0.0
DO 94 J=1,M
  SQROLS=SQROLS+(MSEOLS(J)-AMSEOLS)**2
  SQRRLS=SQRRLS+(MSERLS(J)-AMSERLS)**2
  SQRRRR=SQRRRR+(MSERRR(J)-AMSERRR)**2
  SQRRL=SQRRL+(MSERL(J)-AMSERL)**2
94 CONTINUE
SDOLS=SQRT(SQROLS/(M-1))
SDRLS=SQRT(SQRRLS/(M-1))
SDRRR=SQRT(SQRRRR/(M-1))
SDRL=SQRT(SQRRL/(M-1))
PRINT*,AMSEOLS,AMSERLS,AMSERRR,AMSERL,SDOLS,SDRLS,SDRRR,SDRL
END
```



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

## โปรแกรมหลัก 2 สำหรับกรณีที่ข้อจำกัดไม่เป็นจริง

```

|*****|
!      A COMPARISON ON PARAMETER - ESTIMATION METHODS IN      !
!      MULTIPLE REGRESSION ANALYSIS WITH EXISTENCE OF          !
!      MULTICOLLINEARITY AMONG INDEPENDENT VARIABLES          !
|*****|

DOUBLE PRECISION  LAMDA(100),EIG(100,100)

REAL  NORMAL,XA(100,5),SIG2,KOPT,SK,D,DOPT,OLST(6),RLST(6),RRRT(6),
      RLT(6),OLSM(5000,6),RLSM(5000,6),RRRM(5000,6),RLM(5000,6),
      MSEOLS(6),MSERLS(6),MSERRR(6),MSERL(6),SQROLS,SQRRLS,SQRRRR,
      SQRRL,SDOLS,SDRLS,SDRRR,SDRL,AMSEOLS,AMSERLS,AMSERRR,
      AMSERL

DIMENSION  C(5,5),X(100,6),XTX(6,6),Y(100),BOLS(6),BRLS(6),BRRR(6),BRL(6),
          BII(6,6),AA(6,6),SQOLS(6),SQRLS(6),SQRRR(6),SQRL(6)

COMMON/SEED/IX,KK

OPEN(1,FILE='C:\XA.DOC')
OPEN(2,FILE='C:\C.DOC')
OPEN(3,FILE='C:\X.DOC')
OPEN(5,FILE='C:\Y.DOC')
OPEN(6,FILE='C:\XTX.DOC')
OPEN(9,FILE='C:\BOLS.DOC')
OPEN(10,FILE='C:\BRLS.DOC')
OPEN(11,FILE='C:\BRL.DOC')
OPEN(12,FILE='C:\V.DOC')
OPEN(13,FILE='C:\W.DOC')

PRINT*,'NUMBER OF ROW='
READ*,N

PRINT*,'NUMBER OF COL='
READ*,M2

PRINT*,'NUMBER OF COL2='

```

```

READ*,M
PRINT*,'NUMBER OF ITERATION='
READ*,COUNT
IX=65539
KK=0

DO 5 I=1,N
DMEAN=0.0
SIGMA=1.0
DO 5 J=1,M2
    XA(I,J)=NORMAL(DMEAN,SIGMA)
    WRITE(1,*)I,J,XA(I,J)
5 CONTINUE

```

```

|*****|
|      START FOR ITERATION      |
|*****|

```

```

DO 98 ROUND=1,COUNT

    CALL C_MATRIX(M2,C)

DO 10 I=1,M2
DO 10 J=1,M2
    WRITE(2,*)I,J,C(I,J)
10 CONTINUE

    CALL MULTI(C,M2,M,N,XA,X)

DO 15 I=1,N
DO 15 J=1,M
    WRITE(3,*)X(I,J)
15 CONTINUE

```



```
        CALL BUILDY(X,M,N,Y)
DO 25 I=1,N
        WRITE(5,*)Y(I)
25 CONTINUE

        CALL EIGEN(X,M,N,LAMDA,EIG)
DO 17 I=1,M
DO 17 J=1,M
        WRITE(12,*)I,J,EIG(I,J)
17 CONTINUE
DO 18 I=1,M
        WRITE(13,*)I,LAMDA(I)
18 CONTINUE

        CALL XTRAN(X,M,N,XTX)
DO 30 I=1,M
DO 30 J=1,M
        WRITE(6,*)I,J,XTX(I,J)
30 CONTINUE

        CALL OLS(X,Y,XTX,M,N,BOLS)
DO 45 I=1,M
        WRITE(9,*)I,BOLS(I)
45 CONTINUE

        CALL RLS(X,Y,XTX,BOLS,M,N,BRLS,SIG2)
DO 50 I=1,M
        WRITE(10,*)I,BRLS(I)
50 CONTINUE

        CALL PAP(XTX,EIG,M,AA,BII)
```

```

!PRINT*,BII

CALL RRRSEQF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,BII,SIG2,SK)

!PRINT*,SK

KOPT=SK

CALL RRR(BRLS,XTX,M,KOPT,BRRR)

!PRINT*,BRRR

CALL RLFSEQ(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,SIG2,BII,D)

!PRINT*,D

DOPT=D

CALL RL(BRLS,XTX,M,DOPT,BRL)

!PRINT*,BRL

DO 60 I=1,M
    WRITE(11,*)I,BRL(I)
60 CONTINUE

CALL MSE(BOLS,BRLS,BRRR,BRL,M,SQOLS,SQRLS,SQRRR,SQRL)

DO 82 J=1,M
    OLSM(ROUND,J)=SQOLS(J)
    RLSM(ROUND,J)=SQRLS(J)
    RRRM(ROUND,J)=SQRRR(J)
    RLM(ROUND,J) =SQRL(J)
82 CONTINUE

98 CONTINUE

DO 85 J=1,M
    OLST(J)=0.0
    RLST(J)=0.0

```

```
RRRT(J)=0.0
RLT(J)=0.0
DO 87 I=1,COUNT
  OLST(J)=OLST(J)+OLSM(I,J)
  RLST(J)=RLST(J)+RLSM(I,J)
  RRRT(J)=RRRT(J)+RRRM(I,J)
  RLT(J)=RLT(J)+RLM(I,J)
87 CONTINUE
85 CONTINUE
DO 89 J=1,M
  MSEOLS(J)=OLST(J)/COUNT
  MSERLS(J)=RLST(J)/COUNT
  MSERRR(J)=RRRT(J)/COUNT
  MSERL(J)=RLT(J)/COUNT
89 CONTINUE
  AMSEOLS=0.0
  AMSERLS=0.0
  AMSERRR=0.0
  AMSERL=0.0
DO 93 J=1,M
  AMSEOLS=AMSEOLS+MSEOLS(J)
  AMSERLS=AMSERLS+MSERLS(J)
  AMSERRR=AMSERRR+MSERRR(J)
  AMSERL=AMSERL+MSERL(J)
93 CONTINUE
  AMSEOLS=AMSEOLS/M
  AMSERLS=AMSERLS/M
  AMSERRR=AMSERRR/M
  AMSERL=AMSERL/M
  SQROLS=0.0
  SQRRLS=0.0
```

```
SQRRRR=0.0
SQRRL=0.0
DO 94 J=1,M
  SQROLS=SQROLS+(MSEOLS(J)-AMSEOLS)**2
  SQRRLS=SQRRLS+(MSERLS(J)-AMSERLS)**2
  SQRRRR=SQRRRR+(MSERRR(J)-AMSEERRR)**2
  SQRRL=SQRRL+(MSERL(J)-AMSERL)**2
94 CONTINUE
  SDOLS=SQRT(SQROLS/(M-1))
  SDRLS=SQRT(SQRRLS/(M-1))
  SDRRR=SQRT(SQRRRR/(M-1))
  SDRL=SQRT(SQRRL/(M-1))
  PRINT*,AMSEOLS,AMSERLS,AMSEERRR,AMSERL,SDOLS,SDRLS,SDRRR,SDRL
END
```



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

```

!*****!
!  SUBROUTINE CALCULATE NORMAL  !
!*****!

FUNCTION NORMAL(DMEAN,SIGMA)

REAL NORMAL

COMMON/SEED/IX, KK

PI=3.1415926

IF (KK.EQ.1) GOTO 10

CALL RANDOM(IX,IY,YFL)

R1=YFL

CALL RANDOM(IX,IY,YFL)

R2=YFL

Z1=SQRT(-2*ALOG(R1))*COS(2*PI*R2)
Z2=SQRT(-2*ALOG(R1))*SIN(2*PI*R2)

NORMAL=(Z1*SIGMA)+DMEAN

KK=1

RETURN

10  NORMAL=(Z2*SIGMA)+DMEAN

KK=0

RETURN

END

!*****!
!  CALCULATE FUNCTION RANDOM  !
!*****!

SUBROUTINE RANDOM(IX,IY,YFL)

IY=IX*16807

IF(IY) 5,6,6

5  IY=IY+2147483647+1

6  YFL=IY

YFL=YFL/2147483647

IX=IY

```



RETURN

END

!\*\*\*\*\*!

! SUBROUTINE CALCULATE C\_MATRIX !

!\*\*\*\*\*!

SUBROUTINE C\_MATRIX(M2,C)

REAL SUMCIJ,SUMCII,COV(M2,M2),C(5,5)

COV(1,1)=1.0

COV(1,2)=0.7

COV(1,3)=0.8

!COV(1,4)=0.0

!COV(1,5)=0.0

COV(2,1)=0.7

COV(2,2)=1.0

COV(2,3)=0.9

!COV(2,4)=0.0

!COV(2,5)=0.0

COV(3,1)=0.8

COV(3,2)=0.9

COV(3,3)=1.0

!COV(3,4)=0.0

!COV(3,5)=0.0

!COV(4,1)=0.0

!COV(4,2)=0.0

!COV(4,3)=0.0

!COV(4,4)=1.0

!COV(4,5)=0.6

!COV(5,1)=0.0

!COV(5,2)=0.0

!COV(5,3)=0.0

!COV(5,4)=0.6



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย

```

!COV(5,5)=1.0
C(1,1)=SQRT(COV(1,1))
DO 10 I=2,M2
A1=I-1
DO 15 J=1,A1
A2=J-1
SUMCIJ=0.0
      IF (A2.EQ.0) GOTO 5
DO 20 K=1,A2
20 SUMCIJ=SUMCIJ+C(I,K)*C(J,K)
5  C(I,J)=(COV(I,J)-SUMCIJ)/C(J,J)
   C(J,I)=0.0
15 CONTINUE
SUMCII=0.0
DO 25 K=1,A1
25 SUMCII=SUMCII+C(I,K)**2
   C(I,I)=SQRT(COV(I,I)-SUMCII)
10 CONTINUE
RETURN
END
!*****!

```

```

! SUBROUTINE MULTIVARIATE NORMAL DISTRIBUTION !
!*****!

```

```

SUBROUTINE MULTI(C,M2,M,N,XA,X)
REAL X(100,6),XA(100,5),XB(100,5),MUE(5),C(5,5)
MUE(1)=0.0
MUE(2)=0.0
MUE(3)=0.0
MUE(4)=0.0
MUE(5)=0.0
DO 10 I=1,N

```

```

DO 10 J=1,M2
SUM=0.0
DO 15 K=1,M2
    SUM=SUM+C(J,K)*XA(I,K)
15 CONTINUE
    XB(I,J)=MUE(J)+SUM
10 CONTINUE
DO 20 I=1,N
DO 25 J=1,M
    IF (J.EQ.1) THEN
        X(I,J)=1.0
    ELSE IF (J.GE.2) THEN
        X(I,J)=XB(I,J-1)
    ENDIF
25 CONTINUE
20 CONTINUE
RETURN
END

!*****!
!  SUBROUTINE CALCULATE DATA Y  !
!*****!

SUBROUTINE BUILDY(X,M,N,Y)
REAL NORMAL,X(100,6),Y(100),SUMY(100),E(100),B(6)
!DO 10 J=1,M
    ! B(J)=1.0      ! FOR RESTRICTION IS TRUE !
!10 CONTINUE

B(1)=1.0
B(2)=1.0
B(3)=1.0
B(4)=1.45
B(5)=1.0

```

```

B(6)=1.0
DMEAN=0.0
SIGMA=1.0
DO 20 I=1,N
    E(I)=NORMAL(DMEAN,SIGMA)
    !PRINT*,E(I)
20 CONTINUE
DO 30 I=1,N
    SUMY(I)=0.0
DO 40 J=1,M
    SUMY(I)=SUMY(I)+X(I,J)*B(J)
40 CONTINUE
    Y(I)=SUMY(I)+E(I)
30 CONTINUE
RETURN
END
!*****!
! SUBROUTINE CALCULATE EIGEN VALUE&VECTOR !
!*****!
SUBROUTINE EIGEN(A,M,N,W,V)
IMPLICIT REAL*8 (B-H,O-Z)
LOGICAL MATU,MATV
DIMENSION A(100,100),W(100),U(100,100),V(100,100),RV1(100)
DIMENSION CN(100)
DATA TOL/0.0001/
NDIM=100
MATU=.TRUE.
MATV=.TRUE.

CALL SVD(NDIM,N,M,A,W,MATU,U,MATV,V,IERR,RV1)

```

```

IRANK=N
DO 19 I=1,N
CN(I)=W(I)/W(1)
IF (CN(I).LT.TOL) IRANK=IRANK-1
19 CONTINUE
RETURN
END

!*****!
! SUBROUTINE SVD !
!*****!

SUBROUTINE SVD(NM,N,M,A,W,MATU,U,MATV,V,IERR,RV1)
IMPLICIT REAL*8(B-H,O-Z)
DIMENSION A(NM,M),W(M),U(NM,M),V(NM,M),RV1(M)
LOGICAL MATU,MATV
IERR=0
DO 100 I=1,N
DO 100 J=1,M
U(I,J)=A(I,J)
100 CONTINUE
! .....HOUSEHOLDER REDUCTION TO BIDIAGONAL FORM .....
G=0.0D0
SCALE=0.0D0
X=0.0D0
DO 300 I=1,M
L=I+1
RV1(I)=SCALE*G
G=0.0D0
S=0.0D0
SCALE=0.0D0
IF (I.GT.N) GOTO 210
DO 120 K=I,N

```



```

120 SCALE=SCALE+DABS(U(K,I))
    IF (SCALE.EQ.0.0D0) GOTO 210
        DO 130 K=I,N
            U(K,I)=U(K,I)/SCALE
            S=S+U(K,I)**2
130 CONTINUE
    F=U(I,I)
        G=-DSIGN(DSQRT(S),F)
        H=F*G-S
        U(I,I)=F-G
        IF(I.EQ.M) GOTO 190
    DO 150 J=L,M
        S=0.0D0
        DO 140 K=I,N
140 S=S+U(K,I)*U(K,J)
        F=S/H
        DO 150 K=I,N
            U(K,J)=U(K,J)+F*U(K,I)
150 CONTINUE
190 DO 200 K=I,N
200 U(K,I)=SCALE*U(K,I)
210 W(I)=SCALE*G
    G=0.0D0
        S=0.0D0
        SCALE=0.0D0
        IF (I.GT.N .OR. I.EQ.M) GOTO 290
    DO 220 K=L,M
220 SCALE=SCALE+DABS(U(I,K))
    IF (SCALE.EQ.0.0D0) GOTO 290
        DO 230 K=L,M
            U(I,K)=U(I,K)/SCALE

```

```

      S=S+U(I,K)**2
230 CONTINUE
      F=U(I,L)
      G=-DSIGN(DSQRT(S),F)
      H=F*G-S
      U(I,L)=F-G
      DO 240 K=L,M
240 RV1(K)=U(I,K)/H
      IF (I.EQ.N) GOTO 270          !200
      DO 260 J=L,N
      S=0.0D0
      DO 250 K=L,M
250 S=S+U(J,K)*U(I,K)
      DO 260 K=L,M
      U(J,K)=U(J,K)+S*RV1(K)
260 CONTINUE
270 DO 280 K=L,M
280 U(I,K)=SCALE*U(I,K)
290 X=DMAX1(X,DABS(W(I))+DABS(RV1(I))) !227
300 CONTINUE
      ! ..... ACCUMALATION OF RIGHT-HAND TRANSFORMATIONS .....
      IF (.NOT.MATV) GOTO 410
      ! ..... FOR I=N STEP -1 UNTIL 1 DO -- .....
      DO 400 II=1,M
      I=M+1-II
      IF (I.EQ.M) GOTO 390
      IF (G.EQ.0.0D0) GOTO 360
      DO 320 J=L,M
      ! ..... DOUBLE DIVISION AVOIDS POSSIBLE UNDERFLOW .....
320 V(J,I)=(U(I,J)/U(I,L))/G
      DO 350 J=L,M

```

```

S=0.0D0
DO 340 K=L,M
340 S=S+U(I,K)*V(K,J)
DO 350 K=L,M
V(K,J)=V(K,J)+S*V(K,I)
350 CONTINUE
360 DO 380 J=L,M
V(I,J)=0.0D0
V(J,I)=0.0D0
380 CONTINUE
390 V(I,I)=1.0D0
G=RV1(I)
L=I
400 CONTINUE
! ..... ACCUMALATION OF LEFT-HAND TRANSFORMATIONS .....
410 IF (.NOT.MATU) GOTO 510
! ..... FOR I=MIN(M,N) STEP -1 UNTIL - DO -- .....
MN=M
IF (N.LT.M) MN=N
DO 500 II=1,MN
I=MN+1-II
L=I+1
G=W(I)
IF (I.EQ.M) GOTO 430
DO 420 J=L,M
420 U(I,J)=0.0D0
430 IF (G.EQ.0.0D0) GOTO 475
IF (I.EQ.MN) GOTO 460
DO 450 J=L,M
S=0.0D0
DO 440 K=L,N

```

440 S=S+U(K,I)\*U(K,J)

! ..... DOUBLE DIVISION AVOIDS POSSIBLE UNDERFLOW .....

F=(S/U(I,I))/G

DO 450 K=I,N

U(K,J)=U(K,J)+F\*U(K,I)

450 CONTINUE

460 DO 470 J=I,N

470 U(J,I)=U(I,J)/G

GOTO 490

475 DO 480 J=I,N

480 U(J,I)=0.0D0

490 U(I,I)=U(I,I)+1.0D0

500 CONTINUE

! .....DIAGONALIZATION OF THE BIDIAGONAL FORM .....

510 TST1=X

! .....FOR K=N STEP -1 UNTIL 1 DO -- .....

DO 700 KK=1,M

K1=M-KK

K=K1+1

ITS=0

! .....TEST FOR SPLITTING

! FOR L=K STEP -1 UNTIL 1 DO -- .....

520 DO 530 LL=1,K

L1=K-LL

L=L1+1

TST2=TST1+DABS(RV1(L))

IF (TST2.EQ.TST1) GOTO 565

! ..... RV1(1) IS ALWAYS ZERO,SO THERE IS NO EXIT

! THROUGH THE BOTTOM OF THE LOOP .....

TST2=TST1+DABS(W(L1))

IF (TST2.EQ.TST1) GOTO 540

530 CONTINUE

! ..... CANCELLATION OF RV1(L) IF L GREATER THAN 1 .....

540 C=0.0D0

S=1.0D0

DO 560 I=L,K

F=S\*RV1(I)

RV1(I)=C\*RV1(I)

TST2=TST1+DABS(F)

IF (TST2.EQ.TST1) GOTO 565

G=W(I)

H=PYTHAG(F,G)

W(I)=H

C=G/H

S=-F/H

IF (.NOT.MATU) GOTO 560

DO 550 J=1,N

Y=U(J,L1)

Z=U(J,I)

U(J,L1)=Y\*C+Z\*S

U(J,I)=-Y\*S+Z\*C

550 CONTINUE

560 CONTINUE

! ..... TEST FOR CONVERGENCE .....

565 Z=W(K)

IF (L.EQ.K) GOTO 650

! ..... SHIFT FROM BOTTOM 2 BY 2 MINOR .....

IF (ITS.EQ.30) GOTO 1000

ITS=ITS+1

X=W(L)

Y=W(K1)

G=RV1(K1)

```

H=RV1(K)
F=0.5D0*(((G+Z)/H)*((G-Z)/Y)+Y/H-H/Y)
G=PYTHAG(F,1.0D0)
F=X-(Z/X)*Z+(H/X)*(Y/(F+DSIGN(G,F))-H) !353

```

! ..... NEXT QR TRANSFORMATION .....

```

C=1.0D0
S=1.0D0
DO 600 I1=L,K1

```

```

I=I1+1
G=RV1(I)
Y=W(I)
H=S*G
G=C*G
Z=PYTHAG(F,H)

```

```

RV1(I1)=Z
C=F/Z
S=H/Z
F=X*C+G*S
G=-X*S+G*C
H=Y*S
Y=Y*C

```

```

IF (.NOT.MATV) GOTO 575

```

```

DO 570 J=1,M

```

```

X=V(J,I1)
Z=V(J,I)
V(J,I1)=X*C+Z*S
V(J,I)=-X*S+Z*C

```

```

570 CONTINUE

```

```

575 Z=PYTHAG(F,H)

```

```

W(I1)=Z

```

! ..... ROTATION CAN BE ARBITRARY IF Z IS ZERO .....



```

      IF (Z.EQ.0.0D0) GOTO 580
      C=F/Z
      S=H/Z
580 F=C*G+S*Y
      X=-S*G+C*Y
      IF (.NOT.MATU) GOTO 600
      DO 590 J=1,N
      Y=U(J,I1)
      Z=U(J,I)
      U(J,I1)=Y*C+Z*S
      U(J,I)=-Y*S+Z*C
590 CONTINUE
600 CONTINUE
      RV1(L)=0.0D0
      RV1(K)=F
      W(K)=X
      GOTO 520
      ! ..... CONVERGENCE .....
650 IF (Z.GE.0.0D0) GOTO 700
      ! ..... W(K) IS MADE NON-NEGATIVE .....
      W(K)=-Z
      IF (.NOT.MATV) GOTO 700
      DO 690 J=1,M
690 V(J,K)=-V(J,K)
700 CONTINUE
      GOTO 1001
      ! ..... SET ERROR -- NO CONVERGENCE TO A
      ! SINGULAR VALUE AFTER 30 ITERATIONS .....
1000 IERR=K
1001 RETURN
      END

```

```

DOUBLE PRECISION FUNCTION PYTHAG(A,B)
DOUBLE PRECISION A,B
! FINDS DSQRT(A**2+B**2) WITHOUT OVERFLOW OR DESTRUCTIVE UNDERFLOW
DOUBLE PRECISION P,R,S,T,U
P=DMAX1(DABS(A),DABS(B))
IF (P.EQ.0.0D0) GOTO 20
R=(DMIN1(DABS(A),DABS(B))/P)**2
10 CONTINUE
T=4.0D0+R
IF (T.EQ.4.0D0) GOTO 20
S=R/T
U=1.0D0+2.0D0*S
P=U*P
R=(S/U)**2*R
GOTO 10
20 PYTHAG=P
RETURN
END

!*****!
! SUBROUTINE CALCULATE XTX !
!*****!

SUBROUTINE XTRAN(X,M,N,TRAN)
REAL X(100,6),XT(6,100),TRAN(6,6)
DO 10 I=1,N
DO 10 J=1,M
XT(J,I)=X(I,J)
10 CONTINUE
DO 15 I=1,M
DO 15 J=1,M
TRAN(I,J)=0.0
DO 15 K=1,N

```

```
TRAN(I,J)=TRAN(I,J)+XT(I,K)*X(K,J)
```

```
15 CONTINUE
```

```
RETURN
```

```
END
```

```
!*****!
```

```
! SUBROUTINE CALCULATE XTX INVERSE !
```

```
!*****!
```

```
SUBROUTINE INVM(X,M,INV)
```

```
REAL X(6,6),SIGV(12,12)
```

```
DOUBLE PRECISION INV(6,6)
```

```
DO 5 I=1,M
```

```
DO 5 J=1,M
```

```
SIGV(I,J)=X(I,J)
```

```
5 CONTINUE
```

```
N=2*M
```

```
N1=M+1
```

```
M1=M-1
```

```
DO 20 I=1,M
```

```
    M1=M1+1
```

```
DO 20 J=N1,N
```

```
    M2=J-M1
```

```
        IF (M2.EQ.1) SIGV(I,J)=1.0
```

```
        IF (M2.NE.1) SIGV(I,J)=0.0
```

```
20 CONTINUE
```

```
DO 60 I=1,M
```

```
DO 25 K=I,M
```

```
    IF (SIGV(K,I).EQ.0.0) GOTO 25
```

```
        I1=K
```

```
        GOTO 30
```

```
25 CONTINUE
```

```
PRINT*,'THE MATRIX IS SINGULAR'
```

```
STOP
30 IF (I1.EQ.I) GOTO 40
DO 35 J=1,N
    E=SIGV(I1,J)
    F=SIGV(I,J)
    SIGV(I,J)=E
    SIGV(I1,J)=F
35 CONTINUE
40 D=SIGV(I,I)
DO 45 J=I,N
    SIGV(I,J)=SIGV(I,J)/D
45 CONTINUE
DO 55 K=1,M
    IF (K.EQ.I) GOTO 55
    IF (SIGV(K,I).EQ.0.0) GOTO 55
    C=SIGV(K,I)
DO 50 J=1,N
    SIGV(K,J)=SIGV(K,J)-(C*SIGV(I,J))
50 CONTINUE
55 CONTINUE
60 CONTINUE
DO 65 I=1,M
DO 65 J=N1,N
    K=J-M
    INV(I,K)=SIGV(I,J)
65 CONTINUE
RETURN
END
```

```

!*****!
!  SUBROUTINE CALCULATE OLS METHOD  !
!*****!

SUBROUTINE OLS(X,Y,XTX,M,N,BOLS)
REAL X(100,6),XT(6,100),Y(100),XTY(6),BOLS(6),XTX(6,6)
DOUBLE PRECISION INV(6,6)
DO 10 I=1,N
DO 10 J=1,M
    XT(J,I)=X(I,J)
10 CONTINUE
DO 25 I=1,M
    XTY(I)=0.0
DO 25 K=1,N
    XTY(I)=XTY(I)+XT(I,K)*Y(K)
25 CONTINUE
    CALL INVM(XTX,M,INV)
DO 20 I=1,M
    BOLS(I)=0.0
DO 20 K=1,M
    BOLS(I)=BOLS(I)+INV(I,K)*XTY(K)
    !PRINT*,BOLS(I)
20 CONTINUE
RETURN
END
!*****!
!  SUBROUTINE CALCULATE RLS METHOD  !
!*****!

SUBROUTINE RLS(X,Y,XTX,BOLS,M,N,BRLS,SIG2)
REAL X(100,6),Y(100),XTX(6,6),R(6),T,BOLS(6),RBOLS,REST,RINV(6), RINVRT,
    INVRT(6),URLS(6),VRLS(6),BRLS(6),XBRLS(100),ERROR(100),SQERR,SIG2
DOUBLE PRECISION INV(6,6)

```

```

T=3.0
R(1)=0.0
R(2)=1.0
R(3)=1.0
R(4)=1.0
R(5)=0.0
R(6)=0.0
RBOLS=0.0
DO 10 I=1,M
    RBOLS=RBOLS+R(I)*BOLS(I)
10 CONTINUE
REST=T-RBOLS
    CALL INVM(XTX,M,INV)
DO 20 I=1,M
    RINV(I)=0.0
DO 20 K=1,M
    RINV(I)=RINV(I)+R(K)*INV(K,I)
20 CONTINUE
    RINVRT=0.0
DO 25 I=1,M
    RINVRT=RINVRT+RINV(I)*R(I)
25 CONTINUE
DO 30 I=1,M
    INVRT(I)=0.0
DO 30 K=1,M
    INVRT(I)=INVRT(I)+INV(I,K)*R(K)
30 CONTINUE
DO 35 I=1,M
    URLS(I)=INVRT(I)*(1/RINVRT)
35 CONTINUE
DO 40 I=1,M

```



```

      VRLS(I)=URLS(I)*REST
40  CONTINUE
      DO 45 I=1,M
          BRLS(I)=BOLS(I)+VRLS(I)
          !PRINT*,BRLS(I)
45  CONTINUE
      DO 50 I=1,N
          XBRLS(I)=0.0
          DO 50 K=1,M
              XBRLS(I)=XBRLS(I)+X(I,K)*BRLS(K)
50  CONTINUE
      DO 55 I=1,N
          ERROR(I)=Y(I)-XBRLS(I)
55  CONTINUE
          SQERR=0.0
          DO 60 I=1,N
              SQERR=SQERR+ERROR(I)**2
60  CONTINUE
          SIG2=SQERR/(N-M)
          !PRINT*,SIG2

      RETURN
      END
!*****!
!  SUBROUTINE CALCULATE RRR METHOD  !
!*****!
      SUBROUTINE RRR(BRLS,XTX,M,KOPT,BRRR)
      REAL XTX(6,6),KOPT,BRRR(6),BRLS(6),XTXB(6),XTXRRR(6,6)
      DOUBLE PRECISION XTXINV(6,6)
      DO 10 I=1,M
      DO 10 J=1,M
          IF (I.EQ.J) THEN

```

```

      XTXRRR(I,J)=XTX(I,J)+KOPT
    ELSE
      XTXRRR(I,J)=XTX(I,J)
    ENDIF
10  CONTINUE
      CALL INVM(XTXRRR,M,XTXINV)
    DO 20 I=1,M
      XTXB(I)=0.0
    DO 20 K=1,M
      XTXB(I)=XTXB(I)+XTX(I,K)*BRLS(K)
20  CONTINUE
    DO 30 I=1,M
      BRRR(I)=0.0
    DO 30 K=1,M
      BRRR(I)=BRRR(I)+XTXINV(I,K)*XTXB(K)
30  CONTINUE
    RETURN
    END

!*****!
!  SUBROUTINE CALCULATE BII  !
!*****!

SUBROUTINE PAP(XTX,EIG,M,AA,BII)
REAL XTX(6,6),R(6),SRT(6),RS(6),RSRT,RSRTINV,G1(6),G2(6,6),AA(6,6), PTA(6,6),
      PTAP(6,6),BII(6,6)
DOUBLE PRECISION INVA(6,6),EIG(100,100),EIGT(100,100)

R(1)=0.0
R(2)=1.0
R(3)=1.0
R(4)=1.0
R(5)=0.0
R(6)=0.0

```

```

      CALL INVM(XTX,M,INVA)
DO 10 I=1,M
      SRT(I)=0.0
DO 10 K=1,M
      SRT(I)=SRT(I)+INVA(I,K)*R(K)
10 CONTINUE
DO 15 I=1,M
      RS(I)=0.0
DO 15 K=1,M
      RS(I)=RS(I)+R(K)*INVA(K,I)
15 CONTINUE
      RSRT=0.0
DO 20 I=1,M
      RSRT=RSRT+RS(I)*R(I)
20 CONTINUE
      RSRTINV=1/RSRT
DO 25 I=1,M
      G1(I)=SRT(I)*RSRTINV
25 CONTINUE
DO 30 I=1,M
DO 30 J=1,M
      G2(I,J)=G1(I)*RS(J)
30 CONTINUE
DO 35 I=1,M
DO 35 J=1,M
      AA(I,J)=INVA(I,J)-G2(I,J)
35 CONTINUE
DO 40 I=1,M
DO 40 J=1,M
      EIGT(J,I)=EIG(I,J)
40 CONTINUE

```

```

DO 45 I=1,M
DO 45 J=1,M
      PTA(I,J)=0.0
DO 45 K=1,M
      PTA(I,J)=PTA(I,J)+EIGT(I,K)*AA(K,J)
45 CONTINUE
DO 50 I=1,M
DO 50 J=1,M
      PTAP(I,J)=0.0
DO 50 K=1,M
      PTAP(I,J)=PTAP(I,J)+PTA(I,K)*EIG(K,J)
50 CONTINUE
DO 55 I=1,M
DO 55 J=1,M
      BII(I,J)=PTAP(I,J)
55 CONTINUE
RETURN
END

!*****!
! SUBROUTINE CALCULATE ROLLSTAR (USE WHEN RESTRICTION IS FALSE) !
!*****!

SUBROUTINE STAR(XTX,M,ROLL)
REAL XTX(6,6),R(6),F,RS(6),RSRT,RSRTINV,F1(6),ROLL(6)
DOUBLE PRECISION INVA(6,6)
F=1.0
R(1)=0.0
R(2)=1.0
R(3)=1.0
R(4)=1.0
R(5)=0.0
R(6)=0.0

```

```

        CALL INVM(XTX,M,INVA)
DO 10 I=1,M
        RS(I)=0.0
DO 10 K=1,M
        RS(I)=RS(I)+R(K)*INVA(K,I)
10 CONTINUE
        RSRT=0.0
DO 20 I=1,M
        RSRT=RSRT+RS(I)*R(I)
20 CONTINUE
        RSRTINV=1/RSRT
DO 25 I=1,M
        F1(I)=R(I)*RSRTINV
25 CONTINUE
DO 30 I=1,M
        ROLL(I)=F1(I)*(F)
30 CONTINUE
RETURN
END

!*****!
! SUBROUTINE FIND K BY SEQUENTIAL SEARCH (RESTRICTION IS TRUE) !
!*****!
SUBROUTINE RRRSEQT(BRLS,M,LAMDA,EIG,BII,SIG2,SK)
REAL BRLS(6),SQMSE,TK,SK,QK,HK,SSMSE,SMSE(5000),QMSE(5000),SIG2,
VAR,BIAS,BII(6,6)
DOUBLE PRECISION LAMDA(100),EIG(100,100)
INTEGER IS,ISS,IIS,IIS1
DO 15 IS=1,5000
        IF (IS.EQ.1) THEN
                TK=0.0
        ELSE

```

```

        TK=TK+0.01
    ENDIF
CALL VBRRR(BRLS,M,LAMDA,EIG,TK,SIG2,BII,VAR,BIAS)
    SMSE(IS)=VAR+BIAS
    IF (IS.NE.1) THEN
        ISS=IS-1
        IF (SMSE(IS).GT.SMSE(ISS)) GOTO 16
    ENDIF
15 CONTINUE
16 SK=TK-0.01
    SQMSE=SMSE(ISS)
    IF (SK.EQ.0) GOTO 35

! SEARCH K AGAIN BY INTERVAL = 0.001
! BEFORE K VALUE

IIS=1
DO 30 QK=SK-0.01,SK,0.001
CALL VBRRR(BRLS,M,LAMDA,EIG,QK,SIG2,BII,VAR,BIAS)
QMSE(IIS)=VAR+BIAS
    IF (IIS.EQ.1) THEN
        IIS=IIS+1
        GOTO 30
    ELSE
        IIS1=IIS-1
        IF (QMSE(IIS).GT.QMSE(IIS1)) GOTO 32
        IIS=IIS+1
    ENDIF
30 CONTINUE
    GOTO 35
32 SK=QK-0.001

```



SQMSE=QMSE(IIS1)

GOTO 50

! AFTER K INTERVAL 0.001

35 IIS=1

DO 40 QK=SK,SK+0.01,0.001

CALL VBRRR(BRLS,M,LAMDA,EIG,QK,SIG2,BII,VAR,BIAS)

QMSE(IIS)=VAR+BIAS

IF (IIS.EQ.1) THEN

IIS=IIS+1

GOTO 40

ELSE

IIS1=IIS-1

IF (QMSE(IIS).GT.QMSE(IIS1)) GOTO 42

IIS=IIS+1

ENDIF

40 CONTINUE

GOTO 50

42 SK=QK-0.001

SQMSE=QMSE(IIS1)

DO 60 HK=0.0,1.0,0.1

CALL VBRRR(BRLS,M,LAMDA,EIG,HK,SIG2,BII,VAR,BIAS)

SSMSE=VAR+BIAS

!PRINT\*,HK,SSMSE

60 CONTINUE

50 RETURN

END

```

!*****!
! SUBROUTINE FOR FIND VAR&BIAS BY RRR METHOD (RESTRICTION IS TRUE) !
!*****!

SUBROUTINE VBRRR(BRLS,M,LAMDA,EIG,SK,SIG2,BII,VAR,BIAS)
REAL TRACE,SK,SIG2,BRLS(6),ALPRLS(6),BI,BIAS,BII(6,6)
DOUBLE PRECISION LAMDA(100),EIG(100,100),EIGT(100,100)
    TRACE=0.0
    DO 10 I=1,M
        TRACE=TRACE+(((LAMDA(I)**2)*BII(I,I))/(((LAMDA(I))+SK)**2))
10 CONTINUE
    VAR=(SIG2)*TRACE
    DO 15 I=1,M
    DO 15 J=1,M
        EIGT(J,I)=EIG(I,J)
15 CONTINUE
    DO 20 I=1,M
        ALPRLS(I)=0.0
    DO 20 K=1,M
        ALPRLS(I)=ALPRLS(I)+EIGT(I,K)*BRLS(K)
20 CONTINUE
    BI=0.0
    DO 25 I=1,M
        BI=BI+(ALPRLS(I)**2)/(((LAMDA(I))+SK)**2)
25 CONTINUE
    BIAS=SK*SK*BI

RETURN
END

```

```

|*****|
!  SUBROUTINE FIND K BY SEQUENTIAL SEARCH (RESTRICTION IS FALSE)  !
|*****|

SUBROUTINE RRRSEQF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,BII,SIG2,SK)
REAL  BRLS(6),XTX(6,6),SQMSE,TK,SK,QK,HK,SSMSE,SMSE(8000),QMSE(8000),
      SIG2,MSERRF,BII(6,6)
DOUBLE PRECISION  LAMDA(100),EIG(100,100)
INTEGER IS,ISS,IIS,IIS1
DO 15 IS=1,5000
  IF (IS.EQ.1) THEN
    TK=0.0
  ELSE
    TK=TK+0.01
  ENDIF
  CALL VBRRRF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,TK,SIG2,BII,MSERRF)
  SMSE(IS)=MSERRF
  IF (IS.NE.1) THEN
    ISS=IS-1
    IF (SMSE(IS).GT.SMSE(ISS)) GOTO 16
  ENDIF
15 CONTINUE
16 SK=TK-0.01
   SQMSE=SMSE(ISS)
   IF (SK.EQ.0) GOTO 35

! SEARCH K AGAIN BY INTERVAL = 0.001
! BEFORE K VALUE

IIS=1
DO 30 QK=SK-0.01,SK,0.001
CALL VBRRRF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,QK,SIG2,BII,MSERRF)

```

```

QMSE(IIS)=MSERRF
  IF (IIS.EQ.1) THEN
    IIS=IIS+1
    GOTO 30
  ELSE
    IIS1=IIS-1
    IF (QMSE(IIS).GT.QMSE(IIS1)) GOTO 32
    IIS=IIS+1
  ENDIF
30 CONTINUE
  GOTO 35
32 SK=QK-0.001
  SQMSE=QMSE(IIS1)
  GOTO 50

! AFTER K INTERVAL 0.001

35 IIS=1
  DO 40 QK=SK,SK+0.01,0.001
  CALL VBRRRF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,QK,SIG2,BII,MSERRF)
  QMSE(IIS)=MSERRF
    IF (IIS.EQ.1) THEN
      IIS=IIS+1
      GOTO 40
    ELSE
      IIS1=IIS-1
      IF (QMSE(IIS).GT.QMSE(IIS1)) GOTO 42
      IIS=IIS+1
    ENDIF
40 CONTINUE
  GOTO 50

```

```

42 SK=QK-0.001
   SQMSE=QMSE(IIS1)
   DO 60 HK=0.0,1,0.1
   CALL VBRRRF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,HK,SIG2,BII,MSERRF)
   SSMSE=MSERRF
       !PRINT*,HK,SSMSE
60 CONTINUE
50 RETURN
   END

|*****|
!  SUBROUTINE FOR FIND MSE BY RRR METHOD (RESTRICTION IS FALSE)  !
|*****|

SUBROUTINE VBRRRF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,SK,SIG2,BII,MSERRF)
REAL  XTX(6,6),BII(6,6),ALPRLS(6),BRLS(6),SIG2,SK,ROLL(6),MSERRF
DOUBLE PRECISION  LAMDA(100),EIG(100,100),EIGT(100,100)
DO 10 I=1,M
DO 10 J=1,M
       EIGT(J,I)=EIG(I,J)
10 CONTINUE
DO 15 I=1,M
       ALPRLS(I)=0.0
DO 15 K=1,M
       ALPRLS(I)=ALPRLS(I)+EIGT(I,K)*BRLS(K)
15 CONTINUE
       CALL STAR(XTX,M,ROLL)
       MSERRF=0.0
DO 20 I=1,M
       MSERRF=MSERRF+(1/((LAMDA(I)+SK)**2))*(((SIG2)*(LAMDA(I)**2)*(BII(I,I)))+
       ((SK**2)*(ALPRLS(I)**2))+(ROLL(I)**2)-((2)*(SK)*(ALPRLS(I))*(ROLL(I))))
20 CONTINUE

```

RETURN

END

```

|*****|
!  SUBROUTINE CALCULATE D OPTIMUM  !
|*****|

SUBROUTINE DOPTRLS(SIG2,M,BRLS,LAMDA,EIG,BII,D)
REAL W1,ALPRLS(6),W2,SIG2,D,BRLS(6),BII(6,6)
DOUBLE PRECISION LAMDA(100),EIG(100,100),EIGT(100,100)

      W1=0.0
DO 40 I=1,M
      W1=W1+(BII(I,I)/(LAMDA(I)+1))
40 CONTINUE
DO 45 I=1,M
DO 45 J=1,M
      EIGT(J,I)=EIG(I,J)
45 CONTINUE
DO 50 I=1,M
      ALPRLS(I)=0.0
DO 50 K=1,M
      ALPRLS(I)=ALPRLS(I)+EIGT(I,K)*BRLS(K)
50 CONTINUE
      W2=0.0
DO 55 I=1,M
      W2=W2+(((BII(I,I)*SIG2)+(ALPRLS(I)**2))/((LAMDA(I)+1)**2))
55 CONTINUE
      D=1-(((SIG2)*(W1))/W2)
      !PRINT*,D

RETURN
END

```



```

!*****!
!  SUBROUTINE CALCULATE RL METHOD  !
!*****!

SUBROUTINE RL(BRLS,XTX,M,DOPT,BRL)
REAL XTXIDE(6,6),XTX(6,6),BRLS(6),BRL(6),DOPT,XTXB(6),DB(6),XTXDB(6)
DOUBLE PRECISION XTXINV(6,6)
DO 10 I=1,M
DO 10 J=1,M
    IF (I.EQ.J) THEN
        XTXIDE(I,J)=XTX(I,J)+1
    ELSE
        XTXIDE(I,J)=XTX(I,J)
    ENDIF
10 CONTINUE
    CALL INVM(XTXIDE,M,XTXINV)
DO 20 I=1,M
    XTXB(I)=0.0
DO 20 K=1,M
    XTXB(I)=XTXB(I)+XTX(I,K)*BRLS(K)
20 CONTINUE
DO 25 I=1,M
    DB(I)=DOPT*BRLS(I)
25 CONTINUE
DO 30 I=1,M
    XTXDB(I)=XTXB(I)+DB(I)
30 CONTINUE
DO 40 I=1,M
    BRL(I)=0.0
DO 40 K=1,M
    BRL(I)=BRL(I)+XTXINV(I,K)*XTXDB(K)
40 CONTINUE

```

RETURN

END

!\*\*\*\*\*!

! SUBROUTINE FIND D BY SEQUENTIAL SEARCH (RESTRICTION IS FALSE) !

!\*\*\*\*\*!

SUBROUTINE RLFSEQ(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,SIG2,BII,DK)

REAL BRLS(6),XTX(6,6),SQMSE,TK,DK,QK,HK,SSMSE,SMSE(9000),QMSE(9000),  
SIG2,BII(6,6),MSERLF

DOUBLE PRECISION LAMDA(100),EIG(100,100)

INTEGER IS,ISS,IIS,IIS1

DO 15 IS=1,5000

IF (IS.EQ.1) THEN

TK=-5.0

ELSE

TK=TK+0.01

ENDIF

CALL VBRLF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,TK,SIG2,BII,MSERLF)

SMSE(IS)=MSERLF

IF (IS.NE.1) THEN

ISS=IS-1

IF (SMSE(IS).GT.SMSE(ISS)) GOTO 16

ENDIF

15 CONTINUE

16 DK=TK-0.01

SQMSE=SMSE(ISS)

IF (DK.EQ.0) GOTO 35

! SEARCH D AGAIN BY INTERVAL = 0.001

! BEFORE D VALUE

IIS=1

```

DO 30 QK=DK-0.01,DK,0.001
CALL VBRLF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,QK,SIG2,BII,MSERLF)
QMSE(IIS)=MSERLF
  IF (IIS.EQ.1) THEN
    IIS=IIS+1
    GOTO 30
  ELSE
    IIS1=IIS-1
    IF (QMSE(IIS).GT.QMSE(IIS1)) GOTO 32
    IIS=IIS+1
  ENDIF
30 CONTINUE
  GOTO 35
32 DK=QK-0.001
  SQMSE=QMSE(IIS1)
  GOTO 50

! AFTER D INTERVAL 0.001

35 IIS=1
DO 40 QK=DK,DK+0.01,0.001
CALL VBRLF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,QK,SIG2,BII,MSERLF)
QMSE(IIS)=MSERLF
  IF (IIS.EQ.1) THEN
    IIS=IIS+1
    GOTO 40
  ELSE
    IIS1=IIS-1
    IF (QMSE(IIS).GT.QMSE(IIS1)) GOTO 42
    IIS=IIS+1
  ENDIF

```

```

40 CONTINUE
   GOTO 50
42 DK=QK-0.001
   SQMSE=QMSE(IIS1)
   DO 60 HK=0.0,1,0.1
   CALL VBRLF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,HK,SIG2,BII,MSERLF)
   SSMSE=MSERLF
       !PRINT*,HK,SSMSE
60 CONTINUE
50 RETURN
   END

```

```

|*****|
!  SUBROUTINE FOR FIND MSE BY RL METHOD (RESTRICTION IS FALSE)  !
|*****|

SUBROUTINE VBRLF(BRLS,XTX,M,LAMDA,EIG,DK,SIG2,BII,MSERLF)
REAL  BRLS(6),XTX(6,6),ROLL(6),ROLLORT(6),BII(6,6),SIG2,DK,ALPRLS(6),
      MSERLF
DOUBLE PRECISION  LAMDA(100),EIG(100,100),EIGT(100,100)
      CALL STAR(XTX,M,ROLL)
DO 10 I=1,M
DO 10 J=1,M
      EIGT(J,I)=EIG(I,J)
10 CONTINUE
DO 15 I=1,M
      ROLLORT(I)=0.0
DO 15 K=1,M
      ROLLORT(I)=ROLLORT(I)+EIGT(I,K)*ROLL(K)
15 CONTINUE
DO 20 I=1,M
      ALPRLS(I)=0.0

```

```

DO 20 K=1,M
    ALPRLS(I)=ALPRLS(I)+EIGT(I,K)*BRLS(K)
20 CONTINUE
    MSERLF=0.0
DO 25 I=1,M
    MSERLF=MSERLF+(((SIG2*BII(I,I))+((ROLLORT(I)**2)/(LAMDA(I)**2)))
    *((LAMDA(I)+DK)**2)+((DK-1)**2)*(ALPRLS(I)**2)+((2*(DK-1)*
    ALPRLS(I)*ROLLORT(I)*(LAMDA(I)+DK))/(LAMDA(I))))/((LAMDA(I)+1)**2)
25 CONTINUE
RETURN
END

!*****!
! SUBROUTINE CALCULATE MSE !
!*****!

SUBROUTINE MSE(BOLS,BRLS,BRRR,BRL,M,SQOLS,SQRLS,SQRRR,SQRL)
REAL BOLS(6),BRLS(6),BRRR(6),B(6),BRL(6),SQOLS(6),SQRLS(6),SQRRR(6),
SQRL(6)
!DO 10 J=1,M
    ! B(J)=1.0 ! FOR RESTRICTION IS TRUE !
!10 CONTINUE
B(1)=1.0
B(2)=1.0
B(3)=1.0
B(4)=1.45
B(5)=1.0
B(6)=1.0
DO 20 J=1,M
    SQOLS(J)=(BOLS(J)-B(J))**2
    SQRLS(J)=(BRLS(J)-B(J))**2
    SQRRR(J)=(BRRR(J)-B(J))**2

```

$$SQRL(J) = (BRL(J) - B(J))^{**2}$$

20 CONTINUE

RETURN

END



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย



## ประวัติผู้เขียนวิทยานิพนธ์

นางสาวอังคณา อี๊กหาญผู้ศัตรู เกิดวันอาทิตย์ที่ 11 มิถุนายน พ.ศ. 2521 ที่อำเภอ  
ดำเนินสะดวก จังหวัดราชบุรี สำเร็จการศึกษาปริญญาตรีวิทยาศาสตร์บัณฑิต สาขาสถิติ ภาค  
วิชาคณิตศาสตร์ คณะวิทยาศาสตร์ มหาวิทยาลัยบูรพา ในปีการศึกษา 2543 และเข้าศึกษาต่อ  
ในหลักสูตรสถิติศาสตรมหาบัณฑิต สาขาสถิติ ภาควิชาสถิติ คณะพาณิชยศาสตร์และการบัญชี  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย เมื่อ พ.ศ. 2544



ศูนย์วิทยทรัพยากร  
จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย