

### บทที่ 3

#### วิธีดำเนินการวิจัย

การวิจัยครั้งนี้เป็นการวิจัยเชิงทดลอง เพื่อต้องการศึกษาค่าประมาณพารามิเตอร์ของตัวแบบความถดถอยเชิงลำดับชั้น ในกรณีที่มีการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนสุ่มในระดับที่ 2 ไม่ได้มีการแจกแจงแบบปกติ โดยข้อมูลที่ใช้ในการวิจัยครั้งนี้ได้จากการจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โล (Monte Carlo Simulation Technique) และทำการเขียนโปรแกรม MATLAB 2006b ในการประมวลผลและวิเคราะห์ข้อมูล โดยวิธีประมาณค่าพารามิเตอร์ในตัวแบบ ที่ศึกษามีดังต่อไปนี้

1. วิธี Iterative Generalized Least Square (IGLS)
2. วิธี Restricted Iterative Generalized Least Square (RIGLS)
3. วิธีประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานที่มีความแกร่งของฮูเบอร์ไวท์ (ROBUST)

ผู้วิจัยจะทำการศึกษาประสิทธิภาพในการประมาณค่าพารามิเตอร์ ซึ่งแบ่งออกได้เป็น 3 กลุ่มคือ กลุ่มพารามิเตอร์อิทธิพลคงที่ กลุ่มพารามิเตอร์ความแปรปรวนในระดับที่ 1 และกลุ่มพารามิเตอร์ส่วนประกอบความแปรปรวนในระดับที่ 2 โดยพิจารณาจากเกณฑ์พิจารณา 2 เกณฑ์คือ ค่าความเอนเอียงสัมพัทธ์ และค่าอัตราส่วนของค่าสัมบูรณ์ของค่าผลต่างระหว่างค่าเฉลี่ยของค่าประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานกับค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานแบบมอนติคาร์โลสัมพัทธ์ ภายใต้สถานการณ์ที่กำหนด และเนื่องจากในการวิจัยครั้งนี้ ผู้วิจัยได้อาศัยเทคนิคการจำลองมอนติคาร์โลมาสร้างข้อมูลในสถานการณ์ต่างๆ ดังนั้นในตอนแรกผู้วิจัยจะกล่าวถึงวิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โล แล้วจึงแสดงรายละเอียดของขั้นตอนการวิจัยในลำดับถัดไป ส่วนรายละเอียดของโปรแกรมการวิจัยจะแสดงไว้ในภาคผนวก

#### 3.1 วิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โล

เทคนิคที่ใช้ในการแก้ปัญหาในการคำนวณทางคณิตศาสตร์นั้นมีอยู่หลายวิธี วิธีการจำลองโดยใช้เทคนิคมอนติคาร์โลเป็นวิธีหนึ่งที่นิยมนำมาแก้ปัญหากันอย่างแพร่หลายในปัจจุบัน ซึ่งหลักการของการจำลองโดยใช้เทคนิคดังกล่าวจะใช้เลขสุ่ม (Random Number) มาช่วยในการหาคำตอบของปัญหาที่ต้องการศึกษา ขั้นตอนของวิธีการจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลแบ่งออกเป็น 3 ขั้นตอนใหญ่ ดังต่อไปนี้

3.1.1 การสร้างเลขสุ่ม การใช้ตัวเลขสุ่มเป็นสิ่งสำคัญมากในเทคนิคนี้ ทั้งนี้เป็นเพราะว่าหลักการจำลองด้วยเทคนิคมอนติคาร์โลนั้นจะใช้เลขสุ่มมาช่วยในการหาคำตอบของปัญหา โดยลักษณะของตัวเลขสุ่มนำมาใช้จะมีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอในช่วง (0,1) สำหรับวิธีการสร้างเลขสุ่มมีผู้เสนอไว้หลายวิธี แต่วิธีที่ใช้นั้นลักษณะของเลขสุ่มที่ถูกสร้างขึ้นมาจะต้องมีการแจกแจงแบบสม่ำเสมอในช่วง (0,1) ตัวเลขสุ่มแต่ละตัวเป็นอิสระต่อกันละมีช่วงยาวก่อนจะเกิดเลขสุ่มซ้ำ (มีวัฏจักรยาว)

3.1.2 การนำตัวเลขสุ่มมาประยุกต์ใช้กับปัญหาที่ต้องการศึกษา ขั้นตอนนี้ขึ้นอยู่กับลักษณะของปัญหา บางปัญหาอาจจะไม่ได้ใช้เลขสุ่มโดยตรงแต่ใช้ในการผลิตเลขสุ่มที่มีการแจกแจงแบบอื่นต่อไป

3.2.3 การทดลองกระทำซ้ำ เมื่อนำตัวเลขสุ่มมาประยุกต์ให้เข้ากับปัญหาที่ต้องการศึกษาได้แล้ว ขั้นตอนต่อไปคือการทดลองโดยใช้กระบวนการของการสุ่ม (Random Process) มากระทำในลักษณะซ้ำๆ กัน หลายๆ ครั้ง เพื่อหาคำตอบของปัญหาที่ต้องการ

## 3.2 แผนการทดลอง

ผู้วิจัยกำหนดสถานการณ์ในการหาค่าเกณฑ์ที่ใช้ในการพิจารณาทั้งสองของวิธีประมาณพารามิเตอร์ดังที่ได้กล่าวมา โดยจะทำการเปรียบเทียบในสถานการณ์ต่างๆ ดังต่อไปนี้

3.2.1 เลือกตัวอย่างอย่างสุ่มของ  $\underline{x}_j$  ในระดับที่ 1 จากประชากรที่มีการแจกแจงแบบปกติหลายตัวแปรที่มีค่าเฉลี่ย  $\underline{0}$  และเมตริกซ์ความแปรปรวนร่วม  $\sigma^2 \cdot I_{(m)}$  และเลือกตัวอย่างอย่างสุ่มของ  $\underline{u}_j = (u_{0j}, u_{1j})^T$  ในระดับที่ 2 จากประชากรที่มีการแจกแจงแบบเอกโพเนนเชียลพาวเวอร์แบบไม่สมมาตรสองตัวแปรที่มีค่าเฉลี่ย  $\underline{0}$  และเมตริกซ์ความแปรปรวนร่วม  $\Sigma$  พารามิเตอร์ความโค้ง  $\alpha$  และพารามิเตอร์ความเบ้  $\kappa$

3.2.2 สนใจศึกษาเมื่อกำหนดพารามิเตอร์ความโค้งและพารามิเตอร์ความเบ้ โดยกำหนดค่าจากสัมประสิทธิ์ความโค้ง และสัมประสิทธิ์ความเบ้ เป็นดังนี้

กรณีที่ 1 กำหนดให้พารามิเตอร์ความเบ้คงที่โดยมีค่าเท่ากับ 1 ( $\kappa = 1$ ) และพารามิเตอร์ความโค้งเป็น  $\alpha = 1, 1.25, 1.6, 3, 8$  และ 32

กรณีที่ 2 กำหนดพารามิเตอร์ความโค้งคงที่โดยมีค่าเท่ากับ 2 ( $\alpha = 2$ ) และพารามิเตอร์ความเบ้เป็น  $\kappa = 0.8518, 0.6437$  และ 0.1

3.2.3 กำหนดขนาดตัวอย่างในระดับที่ 1 ( $n$ ) มีขนาด 5, 10 และ 15 และกำหนดขนาดตัวอย่างในระดับที่ 2 ( $J$ ) มีขนาด 15, 30 และ 50

3.2.4 ตัวแปรอิสระที่ใช้ในการศึกษาในครั้งนี้มี 1 ตัวแปร โดยมีการแจกแจงแบบปกติ ค่าเฉลี่ย 3 และความแปรปรวน 16

3.2.5 กำหนดให้ค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายในกลุ่ม (Intra-class Correlation: ICC) มีค่าเท่ากับ 0.1, 0.2 และ 0.3

### 3.3 ขั้นตอนการวิจัย

การวิจัยได้ดำเนินการตามขั้นตอนดังต่อไปนี้

3.3.1 กำหนดลักษณะการแจกแจงของความคลาดเคลื่อนสุ่มในทั้งสองระดับ พารามิเตอร์ความแปรปรวนและความโค้งในความคลาดเคลื่อนสุ่มในระดับที่ 2 ขนาดตัวอย่างในทั้งสองระดับ และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายในกลุ่ม

3.3.2 สร้างข้อมูลของตัวแปรอิสระ ( $X$ ) ให้มีการแจกแจงตามที่กำหนด เพื่อใช้ในการสร้างตัวแปรตาม

3.3.3 สร้างข้อมูลตัวแปรตาม ( $y$ ) ที่ใช้สำหรับหาค่าประมาณพารามิเตอร์ จากตัวแปรอิสระ และความคลาดเคลื่อนที่มีลักษณะตามการแจกแจงตามที่ต้องการศึกษา โดยตัวแปรตามมีความสัมพันธ์เชิงเส้นในพารามิเตอร์กับตัวแปรอิสระ

3.3.4 การประมาณค่าพารามิเตอร์จะใช้วิธีประมาณ 2 วิธี ได้แก่

ก) วิธี Iterative Generalized Least Square (IGLS)

ข) วิธี Restricted Iterative Generalized Least Square (RIGLS)

และประมาณค่าประมาณความคลาดเคลื่อนมาตรฐานโดยใช้วิธีการประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานที่มีความแกร่งของฮูเบอร์ไวท์ (Huber/White Robust Standard Error Estimator)

3.3.5 การหาค่าเกณฑ์การพิจารณาทั้งสองเกณฑ์ ดังนี้

ก) เกณฑ์ความเอนเอียงสัมพัทธ์ (RB) เพื่อศึกษาความถูกต้องในการประมาณค่าพารามิเตอร์

ข) เกณฑ์อัตราส่วนของค่าสัมบูรณ์ของค่าผลต่างระหว่างค่าเฉลี่ยของค่าประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานกับค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานแบบมอนติคาร์โลสัมพัทธ์ (RRADASE) เพื่อศึกษาความถูกต้องในการประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐาน

### 3.3.6 สรุปผลในรูปของตาราง และกราฟ

## 3.4 การสร้างตัวเลขสุ่มและการจำลองตัวแปรสุ่ม

### 3.4.1 การสร้างตัวเลขสุ่มโดยใช้ตัวแบบจำลองสมภาคการคูณ

ในการวิจัยครั้งนี้ ผู้วิจัยได้ทำการสร้างเลขสุ่มโดยใช้ตัวแบบจำลองสมภาคการคูณ (Multiplicative Congruential Simulation) ซึ่งมีรูปแบบดังนี้

$$(3.1) \quad X_i = (aX_i) \bmod m \quad ; i = 1, 2, \dots, n$$

โดย  $a$  และ  $m$  เป็นค่าคงที่ซึ่งเป็นจำนวนเต็มบวก คำว่า  $\bmod$  หรือ modulus หมายถึงการหารเอาเศษ และ  $X_i$  เป็นค่าจำนวนเต็มที่เกิดจากการหารเอาเศษด้วย  $m$  ทำให้  $X_i$  มีค่าไม่เกิน  $m$  เมื่อคำนวณค่า  $X_i$  ได้ก็ให้นำมาหาเลขสุ่มเทียม (Pseudo-Random Number:  $R_i$ ) ซึ่ง  $R_i$  จะมีค่าอยู่ในช่วง  $(0,1)$  ดังนี้

$$(3.2) \quad R_i = \frac{X_i}{m} \quad ; i = 1, 2, \dots$$

ในการสร้างเลขสุ่มนั้นต้องทำการกำหนดค่าให้กับ  $a$  และ  $m$  และ  $X_0$  เป็นค่าเริ่มต้นเสียก่อน โคนเรียก  $X_0$  ว่า ตัวเลขซิด (Seed Number) มีค่าไม่เกิน  $m$  ซึ่งค่า  $X_0$  นี้เป็นเลขจำนวนเต็มบวกใดๆ ที่ต้องกำหนดเองให้มีค่าไม่เกิน  $m$  เมื่อทำการกำหนดค่าเริ่มต้นแล้ว ค่า  $X_i$  ตัวต่อไปก็จะเป็นไปตามตัวแบบในสมการ (3.1) และทุกครั้งที่เริ่มต้นด้วย  $X_0$  ค่าเดิม (โดยที่  $a$  และ  $m$  ไม่เปลี่ยนแปลง) จะได้  $X_i$  เป็นเลขชุดเดิม

ในงานวิจัยครั้งนี้ผู้วิจัยได้กำหนดให้  $a = 7^5 = 16807$  และ  $m = 2^{31} - 1$  ซึ่งเป็นตัวแบบจำลองสมภาคการคูณที่ใช้กันมากตัวแบบหนึ่งที่ได้ผ่านการตรวจสอบคุณสมบัติแล้วอย่างกว้างขวาง

## 3.5 การสร้างข้อมูลความคลาดเคลื่อน

การสร้างความคลาดเคลื่อนที่ใช้ในงานวิจัยแบ่งออกเป็น 2 ส่วนดังนี้

3.5.1 ความคลาดเคลื่อนในระดับที่ 1 ( $r_j$ ) สร้างให้มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย  $0$  และเมตริกซ์ความแปรปรวนร่วม  $\sigma^2 \cdot I_{(n)}$  โดยมีสูตรการสร้างดังต่อไปนี้

$$NORMAL_1 = \mu + \sigma Z_1$$

$$NORMAL_2 = \mu + \sigma Z_2$$

3.5.2 ความคลาดเคลื่อนในระดับที่ 2 ( $u_j = (u_{0j}, u_{1j})^T$ ) สร้างให้มีการแจกแจงแบบเอกโพเนนเชียลพาวเวอร์แบบไม่สมมาตรสองตัวแปรที่มีค่าเฉลี่ย  $0$  และเมตริกซ์ความแปรปรวนร่วม  $\Sigma$  พารามิเตอร์ความโค้ง  $\alpha$  และพารามิเตอร์ความเบ้  $k$  โดยมีสูตรสร้างต่อไปนี้

$$EXPO = \theta + \sigma IW_{\alpha}^{1/k}$$

### 3.6 การสร้างข้อมูลตัวแปรอิสระ (X)

ในขั้นตอนนี้ สร้างตัวแปรอิสระ ( $x_{ij}$ ) ให้มีการแจกแจงแบบปกติด้วยค่าเฉลี่ย 3 และมีความแปรปรวน 16

### 3.7 การสร้างข้อมูลของตัวแปรตาม (y)

การสร้างตัวแปรตาม ( $y_{ij}$ ) จากตัวแบบความถดถอยเชิงลำดับขั้นซึ่งอยู่ในรูปแบบดังนี้

$$y_{ij} = \gamma_{00} + \gamma_{01}x_{ij} + u_{0j} + u_{1j}x_{ij} + r_{ij} \quad ; i = 1, 2, \dots, n \quad j = 1, 2, \dots, J$$

### 3.8 การประมาณค่าพารามิเตอร์ และค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานด้วยวิธีประมาณแต่ละวิธี

เมื่อสร้างข้อมูลดังในข้างต้นได้แล้ว ขั้นตอนต่อไปคือการนำข้อมูลไปประมาณค่าพารามิเตอร์ และค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐาน ซึ่งในการวิจัยนี้ได้ทำการประมาณค่าพารามิเตอร์ด้วยวิธีประมาณ 2 วิธี และประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานจากวิธีประมาณแต่ละวิธี และจากวิธีประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานที่มีความแกร่งของฮูเบอร์ไวท์ ซึ่งรายละเอียดของวิธีประมาณดังกล่าวได้กล่าวไว้แล้วในบทที่ 2

### 3.9 การหาค่าเกณฑ์การพิจารณา

เมื่อได้ค่าประมาณของพารามิเตอร์ และค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานจากแต่ละวิธีแล้ว จะนำค่าประมาณดังกล่าวมาคำนวณค่าเกณฑ์การพิจารณา โดยค่าประมาณของพารามิเตอร์จะนำมาคำนวณค่าเกณฑ์ความเอนเอียงสัมพัทธ์ และค่าประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานจะนำมาคำนวณค่าเกณฑ์อัตราส่วนของค่าสัมบูรณ์ของค่าผลต่างระหว่างค่าเฉลี่ยของค่าประมาณค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานกับค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานแบบมอนติคาร์โลสัมพัทธ์ โดยในการ

ประมาณค่าพารามิเตอร์ และค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐานดังกล่าวจะทำการประมาณซ้ำจนครบ 500 ครั้ง ซึ่งรายละเอียดของการคำนวณค่าเกณฑ์การพิจารณาทั้งสอง ได้กล่าวไว้อย่างละเอียดแล้วใน บทที่ 1

จากนั้นจึงทำการเปรียบเทียบค่าเกณฑ์ที่ได้ของตัวประมาณในแต่ละวิธี เพื่อศึกษาถึง ผลกระทบ และประสิทธิภาพในการประมาณค่าพารามิเตอร์ และค่าคลาดเคลื่อนมาตรฐาน เมื่อ การแจกแจงความคลาดเคลื่อนสุ่มในระดับที่ 2 ไม่ได้มีการแจกแจงแบบปกติ โดยทำการเปลี่ยน ระดับของความเบ้ และความโด่ง ขนาดตัวอย่าง และค่าสัมประสิทธิ์สหสัมพันธ์ภายในกลุ่ม จนกระทั่งครบทุกรูปแบบของสถานการณ์ที่ต้องการศึกษา และเพื่อง่ายแก่การเข้าใจจึงได้แสดงผัง งานซึ่งแสดงขั้นตอนการวิจัยทั้งหมดในรูปที่ 3.1 ดังนี้

แผนภูมิที่ 3.1 แสดงผังงานสำหรับการหาค่าเกณฑ์การพิจารณาของวิธีประมาณพารามิเตอร์ในตัวแบบความถดถอยเชิงลำดับชั้น



