วิธีคิสครีทครอสครอรีเลซันสำหรับไอเคนติฟิเคชันระบบลิเนียร์

โดยใช้คิจตัลคอมพิวเตอร์



นายไชยนั้นท์ บูรณะอนุสรณ์

วิทยานิพนธนีเป็นสวนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิศวกรรมศาสตรมหาบัณฑิต

แผนกวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า

บัณฑิศวิทยาลัย จุฬาลงกรณมหาวิทยาลัย

พ.ศ. 2517

000728

DISCRETE CROSS-CORRELATION METHOD USING DIGITAL COMPUTER

IN LINEAR SYSTEM IDENTIFICATION

Mr. Chainan Burananusorn

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Engineering

Department of Electrical Engineering

Graduate School

Chulalongkorn University

1974

รับโดโทยาจับ ทุนาลงกรถยะหาวิถยาจัย อนุรักในนั้นวินทาใหม่ขึ้นไปเล่วนหนึ่ง ของการโลนาตามหลักสูตรปริยูญามหารัณพิต

The state of the s

LANSE Comola.

ลเมลียเกิดเริ่มย**า** เข

พ_พะกรรมก**าร**กรวงวิตยานีพนข์

red vounivons : กานกรรมการ

กรรมการ

Land lower of necount

อาหารข์ผู้สอบกุลการวิจัย คร. เกียนรัย ประสัตถาบน

หัวข้อวทยานพนธ วิธีดิสครีทครอสครอรีเลชันสาหรับไอเดนติฟิเคชันระบบลิเนียร

โดยใช้คิจิตัลคอมพิวเตอร์

ชื่อ นายไชยนั้นที่ บูรณะอนุสรณ์ แผนกวิชา วิศวกรรมไฟฟ้า

ปีการศึกษ**า** 2516

บทคลยอ

เป็นที่ทราบกันโดยทั่วไปแล้ววา โดยการใช้ซูโดแรนคอมไบนารีซีเควนเป็นสัญญาณเข้าของระบบลิเนียร เราสามารถหาอิมพัลเรสพอนได้จากการครอสครอรีเลทสัญญาณเข้าและสัญญาณออก วิทยานิพนธ์นี้ได้พิจารณา ข้อได้เปรียบของการใช้วิธีการดิสครีทครอสครอรีเลชันที่มีตอ วิธีการกรอสครอรีเลชันตอเนื่อง และได้เสนอแนะวิธีการดิสครีทครอสครอรีเลชันแบบใหมซึ่งมีการเพิ่มจุกตัวอยางภายใน ในทางปฏิบัตอาจเกิดความคลาดเคลื่อนเนื่องจาก เสียงรบกวนในคาที่วัด โลออร์เดอร์โพลีโนเมียลดรีฟในสัญญาณออก และดีชีโบแอสในสัญญาณเข้า เพื่อลดและบางที่ก็ขจัดความคลาดเคลื่อนเหลานี้ในการหาอิมพัลเรสพอน จำเป็นต้องรูลักษณะและพารามิเตอร์ของทั้งวิธีและซีเควนที่ใช้

เราใช้คิจิตัลคอมพิวเตอร์เพื่อครอสครอรีเลทสัญญาญออกและสัญญาญเข้า และหา อิมพักรสพอนที่มีความคลาดเคลื่อนน้อย คอมพิวเตอร์โมเดลเป็นตัวอยางที่ใช้ทดสอบวิธีการ ดิสครีทครอสครอรีเลชั้น และวิธีการลดและขจัดความคลาดเคลื่อน Thesis Title Discrete Cross-Correlation Method using Digital Computer in Linear System Identification.

Name Mr. Chainan Burananusorn Department Electrical - Engineering

Academic Year 1973

ABSTRACT

It is well known that the impulse response of a linear system subjected to a pseudo-random binary sequence input can be obtained by cross-correlating input signal and output signal. The advantage of the discrete cross-correlation method over the continuous cross-correlation method is discussed. The new discrete cross-correlation technique with increasing sample sizes are introduced. In practice, a number of errors may arise owing to the existence of measurement noise, low-order polynomial drift in output signal and the d.c. bias in input signal. In order to minimise and, in some cases, eliminate the effects of these error sources on the estimated system impulse response, a number of features and parameters, both of the method and of the sequence used, need to be known.

The digital computer is used to cross-correlate the output signal and the input signal and estimate the system impulse response with minimised errors. The computer models are presented as examples to test the discrete cross-correlation methods and the methods of minimisation and elimination the errors.

ACKNOWLEDGEMENTS

The author wishes to express his deepest gratitude to his advisor, Dr. Tienchai Pradisthayon, for his valuable assistance, encouragement, suggestions and guidance throughout the course of this study.

Sincere thanks are due to Dr. Tongchat Hongladaromp, for his allowance to use the CDC 3600 digital computer, and to AIT computer staffs for their help.

CONTENTS

	PAGE		
Abstract in Thai	. 11		
Abstract in English	iii		
Acknowledgements			
Contents	v		
List of Figures	vi		
List of Symbols	vii		
Chapter			
I INTRODUCTION	1		
II LINEAR SYSTEM IDENTIFICATION BY CROSS-CORRELATION			
TECHNIQUE	4		
III ERRORS IN SYSTEM IDENTIFICATION	18		
IV DIGITAL COMPUTER PROGRAMS FOR DETERMINATION OF			
THE IMPULSE RSEPONSE · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	30		
V SUMMARY ····································	37		
References ··· ··· ··· ··· ··· ··· ··· ··· ··· ·	41		
Appendixs	43		
77.1 A _	02		

LIST OF FIGURES

FIGURE	TITLE	PAGE
1	A b.m.l.s. with the period of 15 bits	5
2	Continuous autocorrelation function of b.m.l.s.	
	illustrated in Fig. 1	6
3	Discrete autocorrelation function of b.m.l.s.	6
4	Intermediate value discrete form of autocorrelation	
	function of b.m.l.s.	7
5	The autocorrelation function of b.m.l.s. satisfying	
	Eqn. (11) when m approaches infinity	8
6	A practical experimental process	18
7	A typical waveform of $x(t)$ and the corresponding	
	waveform of $\bar{\mathbf{x}}(t)$	22
8	Sampling points of $x(t)$, $g(t)$ and $y(t)$ used in the	
	subroutine CONV	31
9	Sampling points of $x(t)$, $y(t)$ and $\emptyset_{xy}(t)$ used in	
	the subroutine CORR	33
10	Intermediate value discrete form of δ (t)	43

List of Symbols

```
pseudo-random binary maximum length sequence;
              number of stages of the shift register;
              number of bits in one period of b.m.l.s.;
              amplitude of b.m.l.s.;
              time-bit interval of b.m.l.s.;
Δt
              dummy time interval;
              number of sub-intervals in time-bit interval;
Т
              time period of b.m.l.s., N∆t;
x(t)
              system input signal and b.m.l.s. whose two states are
              +a and -a;
\bar{x}(t)
              b.m.l.s. whose two states are +a and 0;
y(t)
              system output signal;
g(t)
              system impulse response function;
g(t)
              system impulse response function including the error due to
              the drivative terms;
\phi_{xx}(t)
              autocorrelation function of x(t);
\phi_{x\overline{x}}(t)
              cross-correlation function between x(t) and \overline{x}(t);
\phi_{\overline{x}y}(t)
              cross-correlation function between \bar{x}(t) and y(t);
\phi_{xy}(t)
              cross-correlation function between x(t) and y(t);
u(t)
              unit step function;
\delta_r(t)
              unit rectangular pulse function;
\delta_{\rm r}(t)
              discrete representation of the unit triangular pulse function;
S(t)
              step response function;
K(t)
              dummy function;
```

A = system steady state gain;

 $A_{k} = \text{coefficient of the k th. derivative term of g(t);}$

c = d.c. bias in the b.m.l.s. input signal.

t,7,s,v = time dummy variables;

i,j,k,l,r = integer variables

 $K_g, \lambda, \mu, A, B, C, D, E, F = constants$