เชมิกรูปที่แยกแฟคเตอร์ได้



นาย ชนศักดิ์ บ่ายเที่ยง

วิทยานิพยธ์ฉบับนี้ เป็นส่วนหนึ่งของการศึกษาตามหลักสูตรปริญญาวิทยาศาสตรมหาบัณฑิต แผนกวิชาคณิตศาสตร์

บัณฑิตวิทยาลัย จุฬาลงกรณมหาวิทยาลัย

W.A. 606700

000568

FACTORIZABLE SEMIGROUPS

MR. CHANASAK BAITIANG

A Thesis Submitted in Partial Fulfillment of the Requirements

for the Degree of Master of Science

Department of Mathematics

Graduate School

Chulalongkorn University

1978

Thesis Title Factorizable Semigroups

By Mr. Chanasak Baitiang

Department Mathematics

Thesis Advisor Assist. Prof. Dr. Yupaporn Tirasupa

Accepted by the Graduate School, Chulalongkorn University in partial fulfillment of the requirements for the Master's degree.

2 Wralny ymma ... Acting Dean of Graduate School

(Assistant Professor Supradit Bunnag Ph.D.)

Thesis Committee

thave hisangthon Chairman

(Assistant Professor Thavee Srisangthong M.A.)

. Siche S. Mitchell Member

(Dr. Sidney S. Mitchell Ph.D.)

Yunapan Trasupa Member

(Assistant Professor Yupaporn Tirasupa Ph.D.)

Copyright of the Graduate School, Chulalongkorn University.

หัวข้อวิทยานิพนธ์

เชมิกรุปที่แยกแฟคเตอร์ได้

ชื่อนิสิต

นายชนศักดิ์ บายเที่ยง

อาจารย์ที่ปรึกษา

ผศ. ดร. ยูพาภรณ์ ถิระศุภะ

แผนกวิชา

คณิตศาสตร์

ปีการศึกษา

തമ്ത ഉ



บทคัดย่อ

เราเรียกเชมิกรุป S ใด ๆ ว่าเป็น<u>เชมิกรุปที่แยกแฟคเตอร์ได้</u> ก็ต่อเมื่อมีกรุปย่อย G ของ S และเซ็ทย่อยของไอเดมโพเทนต์ E ของ S ซึ่งทำให้ S = GE เราแสดงว่า ทุก เชมิกรุปที่แยกแพคเตอร์ได้ เป็นเซมิกรุปเร็กกูล่าร์ สำหรับเชมิกรุป S ที่แยกแฟคเตอร์ได้ใดๆ ถ้า S มีเอกลักษณ์แล้ว กรุปของยูนิตของ S เป็นคลาสหนึ่งของคอนกรูเอนซ์เชมิแลตติสที่เล็กที่ สุดของ S เราศึกษาคอนกรูเอนซ์เซมิแลตติสบนเชมิกรุปผกผันที่แยกแฟคเตอร์ได้ และพิสูจน์ได้ ว่า ทุกคอนกรูเอนซ์บนเซ็ทของไอเด็มโพเทนต์ของเชมิกรุปผกผัน S ที่แยกแฟคเตอร์ได้ ให้การ ขยายไปเป็นคอนกรูเอนซ์เชมิแลตติสบน S ได้ก็ต่อเมื่อ S เป็นเชมิแลตติสของกรุป ยิ่งไปกว่า นั้น ถ้ามีการขยายเช่นนั้น การขยายเป็นไปได้แบบเดียวเท่านั้นสำหรับคอนกรูเอนซ์หนึ่ง ๆ ที่ กำหนดให้บนเซ็ทของไอเดมโพเทนต์ของ S

เราศึกษาความสามารถในการแยกแฟคเตอร์ได้ของเซมิกรุปทรานสฟอรเมชั่น ชนิด
พาเขียลบนเซ็ท X ใด ๆ และของเซมิกรุปทรานสฟอรเมชั่น ชนิดฟูลบนเซ็ท X ใด ๆ ในเทอม
ของคาร์ดินาลิตี้ของ X และได้ผลดังนี้ เซมิกรุปทรานสฟอรเมชั่น ชนิดพาเขียลบนเซ็ท X ใดๆ
แยกแฟคเตอร์ได้ก็ต่อเมื่อ X เป็นเซ็ทจำกัด และเซมิกรุปทรานสฟอรเมชั่น ชนิดฟูลบนเซ็ท X
ใด ๆ แยกแฟคเตอร์ได้ก็ต่อเมื่อ X เป็นเซ็ทจำกัดเช่นกัน

Thesis Title Factorizable Semigroups

Name Mr. Chanasak Baitiang

Thesis Advisor Assist. Prof. Dr. Yupaporn Tirasupa

Department Mathematics

Academic Year 1978

ABSTRACT

A semigroup S is said to be <u>factorizable</u> if S = GE for some subgroup G of S and some subset E of idempotents of S. It is shown that every factorizable semigroup is a regular semigroup. In any factorizable semigroup with identity, the group of units is a class of its minimum semilattice congruence. Semilattice congruences on factorizable inverse semigroups are studied. It is proved that every congruence on the set of all idempotents of a factorizable inverse semigroup S can be extended to a semilattice congruence on S if and only if S is a semilattice of groups; and if such extension of a given congruence on the set of all idempotents of S exists, then the extension is unique.

The factorizabilities of the partial transformation semigroup on a set X and of the full transformation semigroup on a set X are given in term of the cardinality of X as follow: the partial transformation semigroup on a set X is factorizable if and only if the

set X is finite; and also the full transformation semigroup on a set X is factorizable if and only if the set X is finite.

ACKNOWLEDGEMENT

I am greatly indepted to Dr. Yupaporn Tirasupa, my thesis supervisor, for her untired offering me some thoughtful and helpful advice in preparing and writing my thesis. Also, I would like to express my gratitude to all of my lecturers of the Graduate school for their valuable knowledge while studying.

In particular, I would like to express my deep gratitude to my father and mother for their encouragement throughout my graduate study.

CONTENTS

| | | | Page |
|-----------------|------|------------------------------------------|------|
| ABSTRACT | r in | THAI | iv |
| ABSTRACT | r in | ENGLISH | v |
| ACKNOWLEDGEMENT | | | vii |
| INTRODUCTION | | | 1 |
| CHAPTER | | | |
| | I | FACTORIZABLE SEMIGROUPS | 10 |
| | II | MINIMUM SEMILATTICE CONGRUENCES | 19 |
| | III | SEMILATTICE CONGRUENCES AND FACTORIZABLE | |
| | | INVERSE SEMIGROUPS | 24 |
| | IV | TRANSFORMATION SEMIGROUPS | 34 |
| REFERENCES | | | 40 |
| TT MA | | | 4.7 |